



$R = 8,314462 \text{ Дж}/(\text{моль}\cdot\text{К})$  – \_\_\_\_\_

Газ считается *реальным*, если \_\_\_\_\_

### Уравнение Ван-дер-Ваальса

где константы Ван-дер-Ваальса:  $b$  – \_\_\_\_\_

$a$  – \_\_\_\_\_

### Первое начало термодинамики:

Адиабатное расширение газа – это \_\_\_\_\_

Способы адиабатного расширения:

1)  $dA = 0$  и  $dA_{\text{вн}} = 0$  – \_\_\_\_\_

2)  $dA \neq 0$  и  $dA_{\text{вн}} = 0$  – \_\_\_\_\_

3)  $dA \neq 0$  и  $dA_{\text{вн}} \neq 0$  – \_\_\_\_\_

Изменение температуры газа Ван-дер-Ваальса:

при адиабатном расширении в пустоту  $dT = k_{\text{пуст}} dV_{\mu} =$

газ \_\_\_\_\_ (остывает/нагревается)

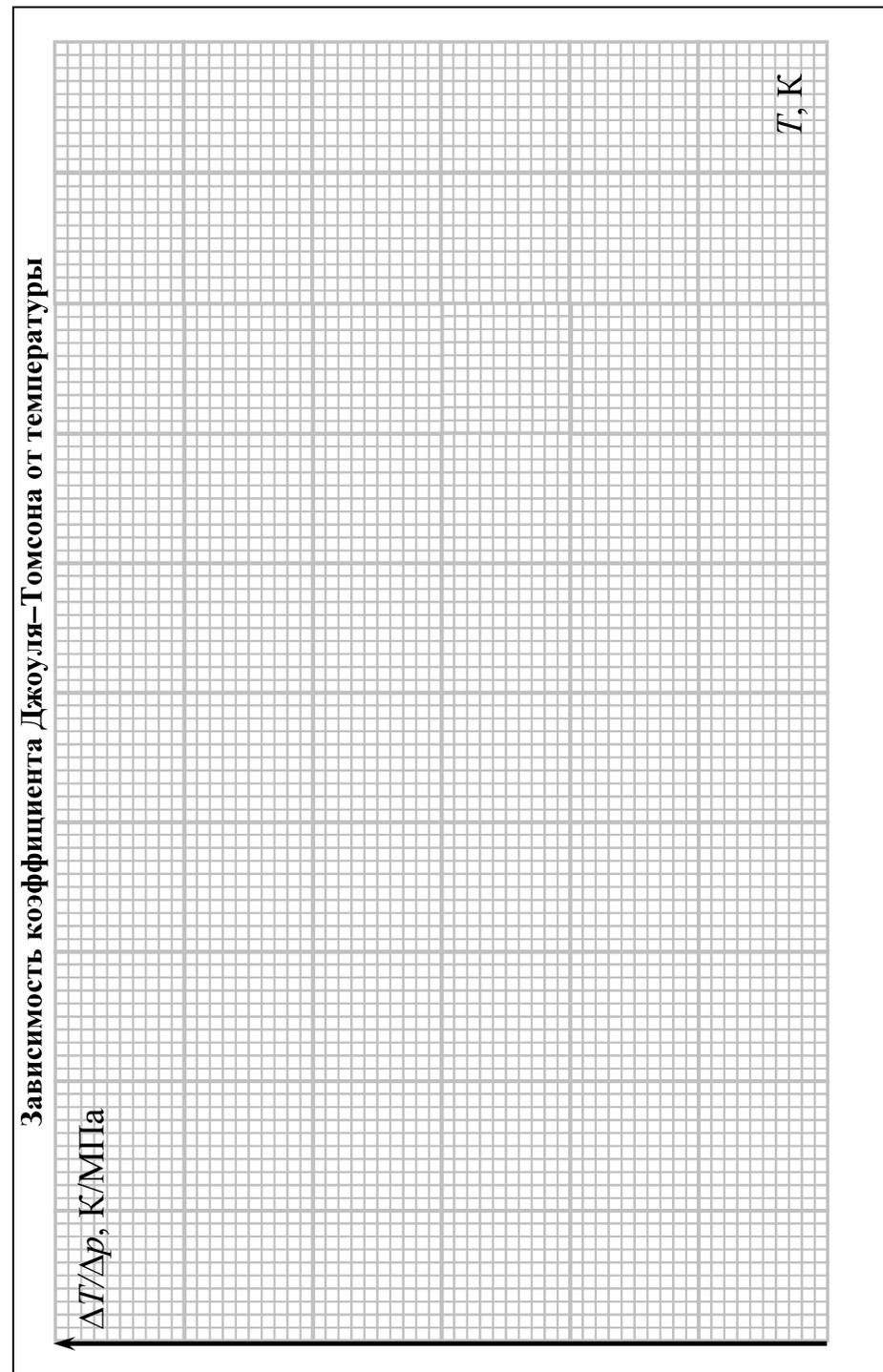
при адиабатном расширении под поршнем  $dT = k_{\text{порш}} dV_{\mu} =$

газ \_\_\_\_\_ (остывает/нагревается)

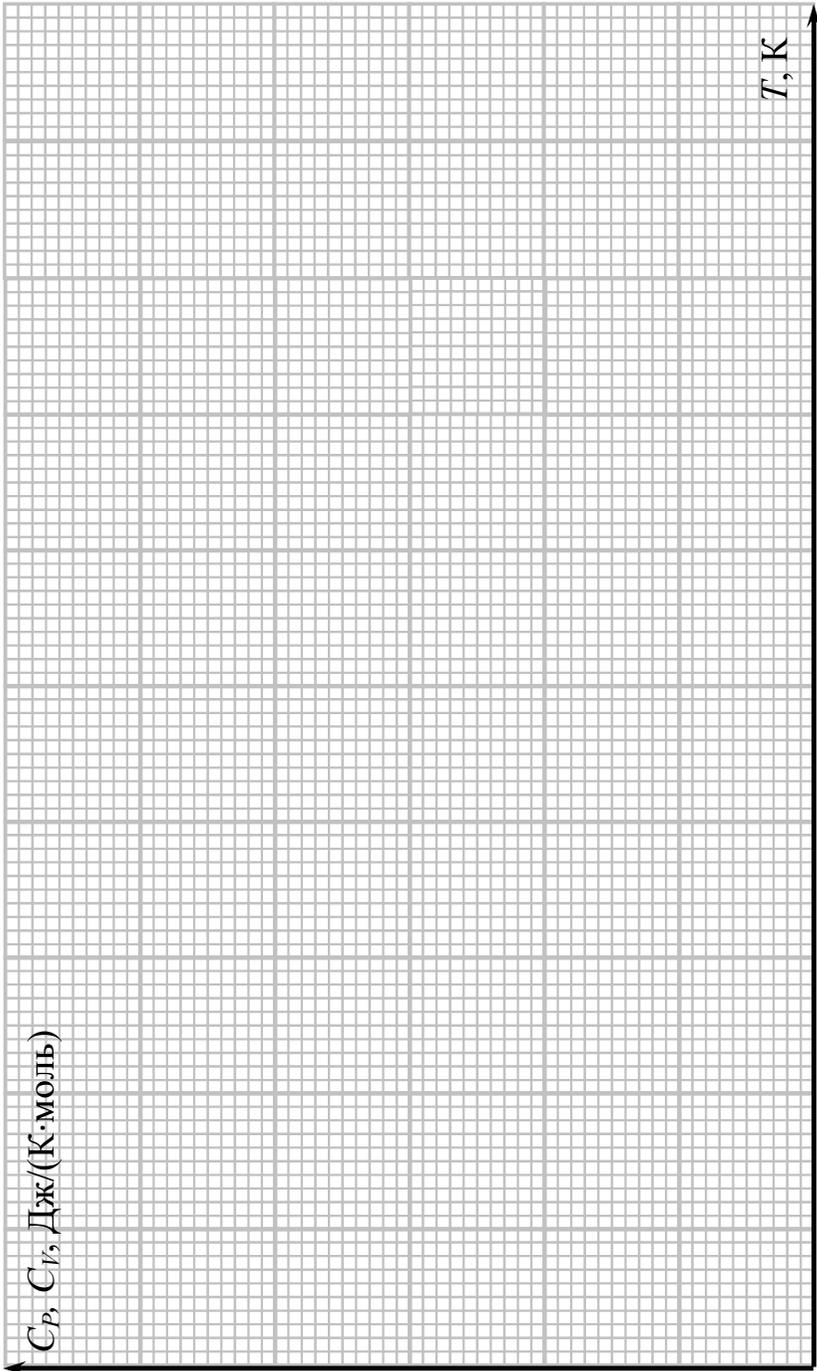
при адиабатном расширении через дроссель  $dT = k_{\text{Дж-Т}} dp =$

газ \_\_\_\_\_ (остывает/нагревается)

$T_{\text{ИНВ}} =$  – это \_\_\_\_\_



Зависимость  $C_p$  и  $C_v$  от температуры



Обозначения: ... — из табл. 3 и 4; ... — из табл.5

МодТ-07

**Рабочие формулы:**

$$\beta = 1 - \frac{b}{V_{\mu}} - \underline{\hspace{10em}}$$

Вычисление констант Ван-дер-Ваальса из термодинамических параметров газа:

$$\beta = \underline{\hspace{2em}} \quad b = V_{\mu 1}(1 - \beta) \quad a = \underline{\hspace{2em}}$$

где  $p_1 = \underline{\hspace{2em}}$   $V_{\mu 1} = \underline{\hspace{2em}}$   $T_1 = \underline{\hspace{2em}}$

$p_1$  доп. —  $\underline{\hspace{2em}}$   $T_1$  доп. —  $\underline{\hspace{2em}}$

Вычисление констант Ван-дер-Ваальса из температуры инверсии адиабатного расширения газа через дроссель

$$z = \underline{\hspace{2em}} \quad \beta = \underline{\hspace{2em}} \quad b = V_{\mu}(1 - \beta) \quad a = \underline{\hspace{2em}}$$

где  $T_{инв} = \underline{\hspace{2em}}$   $p = \underline{\hspace{2em}}$   $V_{\mu} = \underline{\hspace{2em}}$

Вычисление молярных теплоемкостей  $C_p$  и  $C_v$  из адиабатного расширения газа Ван-дер-Ваальса через дроссель

$$C_p = \underline{\hspace{2em}} \quad C_p - C_v = \underline{\hspace{2em}}$$

$$C_v = C_p - (C_p - C_v).$$

Вычисление констант Ван-дер-Ваальса и молярных теплоемкостей  $C_p$  и  $C_v$  из адиабатного расширения газа

в пустоту:  $b = \underline{\hspace{2em}}$   $C_v = \underline{\hspace{2em}}$

и под поршнем:  $a = \underline{\hspace{2em}}$   $C_p - C_v = \underline{\hspace{2em}}$

$$C_p = C_v + (C_p - C_v).$$

**Эксперимент**

В данной работе с помощью средств компьютерной графики моделируется поведение реального газа при разных способах адиабатного расширения: в пустоту, под поршнем и через дроссель. Газ находится в резервуаре с постоянной площадью поперечного сечения.

**Начальные данные**

Вариант:                     

Газ	Молярная масса μ, г/моль	Молярные теплоемкости (при температуре 298,15 К и давлении 1 атм)	
название		$C_p =$	Дж/(моль·К)
формула		$C_v =$	Дж/(моль·К)

**Рабочий диапазон:**

<b>температуры:</b>	<b>К</b>	<b>давления:</b>	<b>МПа</b>
---------------------	----------	------------------	------------

Контрольные температуры:  $T_{К1} =$  К  $T_{К2} =$  К

Площадь поперечного сечения резервуара  $s =$  \_\_\_\_\_ см<sup>2</sup>

Геометрические размеры левого отсека резервуара:

Длина  $L_1 =$  \_\_\_\_\_ см **Объем**  $V_{рез} =$  \_\_\_\_\_ см<sup>3</sup>

### Упражнение 1. Изотермы реального газа

\_\_\_\_\_ моль – количество газа, при котором в левом отсеке резервуара давление газа равно 0,1 МПа ( $\approx 1$  атм) при меньшей из контрольных температур  $T_{К1}$ .

**Таблица 1**

Температура $T_1 = T_{К1}$ : К		$a =$ Дж·см <sup>3</sup> /моль <sup>2</sup>		$b =$ см <sup>3</sup> /моль		
Количество газа $\nu$ , моль	* Молярный объем $V_{\mu 1}$ , см <sup>3</sup> /моль	Давление $p_1$ , МПа	** Давление идеального газа $p_{ид}$ , МПа	$p_1 - p_{ид}$ , МПа	*** Давление Ван-дер-Ваальса $p_{ВДВ}$ , МПа	$p_1 - p_{ВДВ}$ , МПа

Температура $T_1 = T_{К2}$ : К		$a =$ Дж·см <sup>3</sup> /моль <sup>2</sup>		$b =$ см <sup>3</sup> /моль		
$\nu$ , моль	* $V_{\mu 1}$ , см <sup>3</sup> /моль	$p_1$ , МПа	** $p_{ид}$ , МПа	$p_1 - p_{ид}$ , МПа	*** $p_{ВДВ}$ , МПа	$p_1 - p_{ВДВ}$ , МПа

$$* V_{\mu 1} = \frac{V_{рез}}{\nu} = \frac{sL_1}{\nu}; ** p_{ид} = \frac{RT_1}{V_{\mu 1}}; *** p_{ВДВ} = \frac{RT_1}{V_{\mu 1} - b} - \frac{a}{V_{\mu 1}^2}$$

$a$  и  $b$  – значения из упр. 3 (разные для каждой из температур  $T_{К1}$  и  $T_{К2}$ )

$T_1$	$p_1$	$L_2$	* $V_{\mu 2}$	$T_2$	$p_2$	$\Delta T$	$\frac{\Delta T}{\Delta p}$	$T_1$ доп	$p_1$ доп	$\beta$	$b$	$a$	$C_p$	$C_p - C_V$	$C_V$

$$* V_{\mu 2} = \frac{V_{рез}}{\nu \left(1 - \frac{2a}{L_1}\right)} = \frac{sL_2}{\nu \left(1 - \frac{2a}{L_1}\right)}; \beta = \frac{sL_2}{V_{\mu 1} (p_1 доп - p_2)}; b = V_{\mu 1} (1 - \beta); a = V_{\mu 1}^2 \left(\frac{RT_1}{V_{\mu 1}} - p_1\right);$$

$$C_p - C_V = \frac{R}{1 - \frac{2a\beta^2}{RT_1 V_{\mu 1}}}; C_p = -V_{\mu 1} \left(1 - \frac{\beta}{1 - \frac{2a\beta^2}{RT_1 V_{\mu 1}}}\right) \frac{\Delta p}{\Delta T}; C_V = C_p - (C_p - C_V), \text{ где } V_{\mu 1} \text{ из упр. 1}$$

### Инверсия коэффициента Джоуля–Гомсона

**Таблица 7**

Интервал температур, на котором наблюдается инверсия:		Интервал, длиной 10 К:		Интервал, длиной 1 К:								
$T_1$ , К	$p_1$ , МПа	Первая левая часть на дросселировании, МПа	Длина правой части отсека $L_2$ , см	* $V_{\mu 2}$ , см <sup>3</sup> /моль	$T_2$ , К	$p_2$ , МПа	$\frac{\Delta T}{\Delta p}$ , К/МПа	$\Delta T = T_2 - T_1$ , К	$z$	$\beta$	$b$ , см <sup>3</sup> /моль	$a$ , Дж·см <sup>3</sup> /моль <sup>2</sup>

$$* V_{\mu 2} = \frac{V_{рез}}{\nu \left(1 - \frac{2a}{L_1}\right)} = \frac{sL_2}{\nu \left(1 - \frac{2a}{L_1}\right)}; z = \frac{p_1 V_{\mu 1}}{RT_1}; \beta = \frac{1}{4z} (3 + \sqrt{9 - 8z}); b = V_{\mu 1} (1 - \beta); a = V_{\mu 1}^2 \left(\frac{RT_1}{V_{\mu 1}} - p_1\right), \text{ где } V_{\mu 1} \text{ из упр. 1}$$

Температура инверсии  $T_{инв} =$  \_\_\_\_\_ К

Предварительный эксперимент		Основной эксперимент					Основной эксперимент							
$T_1$ пр, К	$T_2$ пр, К	$\frac{\Delta T}{2}$ , К	$T_1$ , К	$p_1$ , МПа	$T_2$ , К	$p_2$ , МПа	$T_{cp} = \frac{T_1+T_2}{2}$ , К	$C_V$ , Дж/(К·моль)	$a$ , Дж·см <sup>3</sup> /моль <sup>2</sup>	$\beta$	$b$ , см <sup>3</sup> /моль	$C_p - C_V$ , Дж/(К·моль)	$(C_p - C_V)/R$	$C_p$ , Дж/(К·моль)

\*  $V_{рез} = s(L_1 + L_2)$ ; \*\*  $V_{\mu 2} = \frac{V_{рез}}{\nu}$ ; \*\*\*  $\frac{\Delta T}{2} = \frac{T_2 пр - T_1 пр}{2}$ , \*\*\*\*  $T_1 = T_1 пр - \frac{\Delta T}{2}$ , \*\*\*\*\*  $C_V$  из таблицы 4;  $a = -C_V V_{\mu 1} V_{\mu 2} \frac{(T_2 - T_1)}{(V_{\mu 2} - V_{\mu 1})}$ ;  
 $\beta = \frac{RT_1}{p_1 V_{\mu 1} + a V_{\mu 1}}$ ;  $b = V_{\mu 1} (1 - \beta)$ ;  $C_p - C_V = \frac{R}{1 - \frac{2a\beta^2}{RT_1 V_{\mu 1}}}$ ;  $C_p = C_V + (C_p - C_V)$ , где  $V_{\mu 1}$  из упр. 1

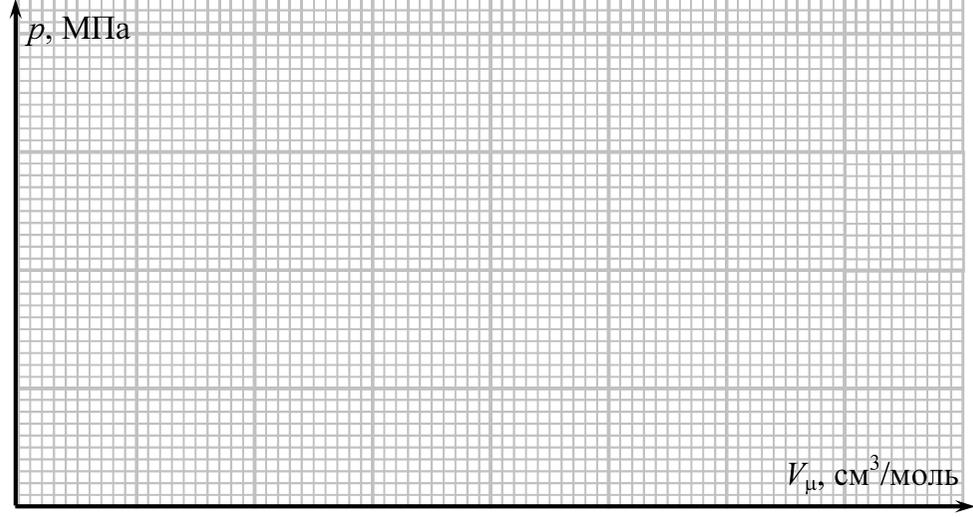
### Расширение через дроссель

Таблица 6

Шаг для изменения температуры:  $\frac{1}{7}(T_{K2} - T_{K1}) = \frac{\text{---}}{\text{---}}$  К

$T_1$ , К	$p_1$ , МПа	Перенал давлений на дросселе, МПа	Длина правого отсека $L_2$ , см	* $V_{\mu 2}$ , см <sup>3</sup> /моль	$T_2$ , К	$p_2$ , МПа	$\Delta T = T_2 - T_1$ , К	$\frac{\Delta T}{p_2}$ , К/МПа	$T_1$ доп., К	$p_1$ доп., МПа	$\beta$	$b$ , см <sup>3</sup> /моль	$a$ , Дж·см <sup>3</sup> /моль <sup>2</sup>	$C_p$ , Дж/(К·моль)	$C_p - C_V$ , Дж/(К·моль)	$C_p$ , Дж/(К·моль)

### Изотермы реального газа



Обозначения: ... -  $T_1 = T_{K1} = \text{---}$  ; ... -  $T_1 = T_{K2} = \text{---}$

Количество газа для ВСЕХ последующих экспериментов: \_\_\_\_\_ моль

### Упражнение 2. Адиабатное расширение газа (дифференциальный и интегральный эффект)

#### Расширение в пустоту

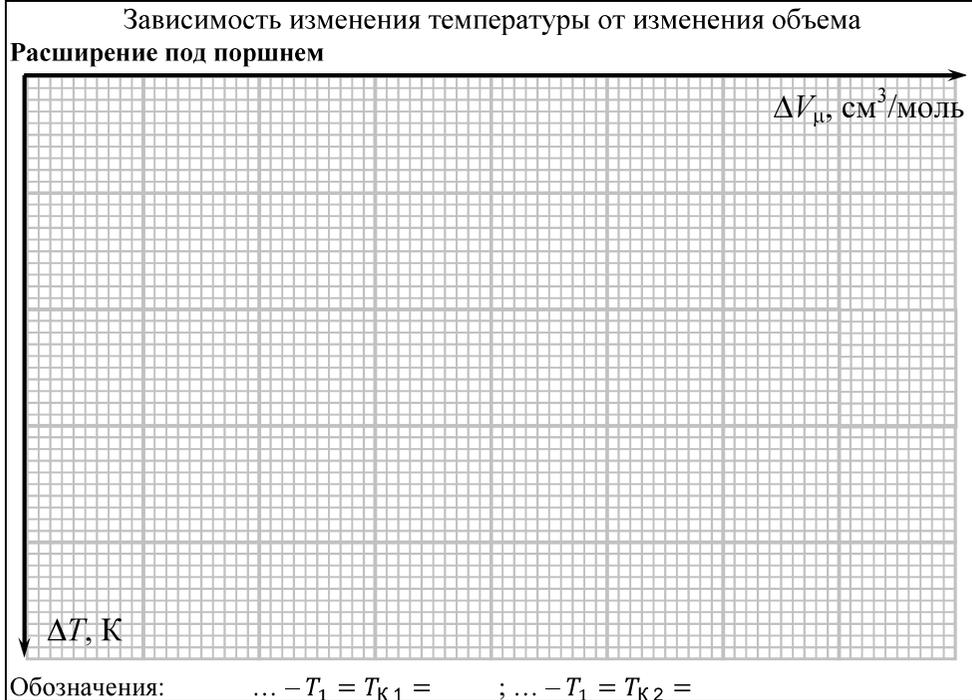
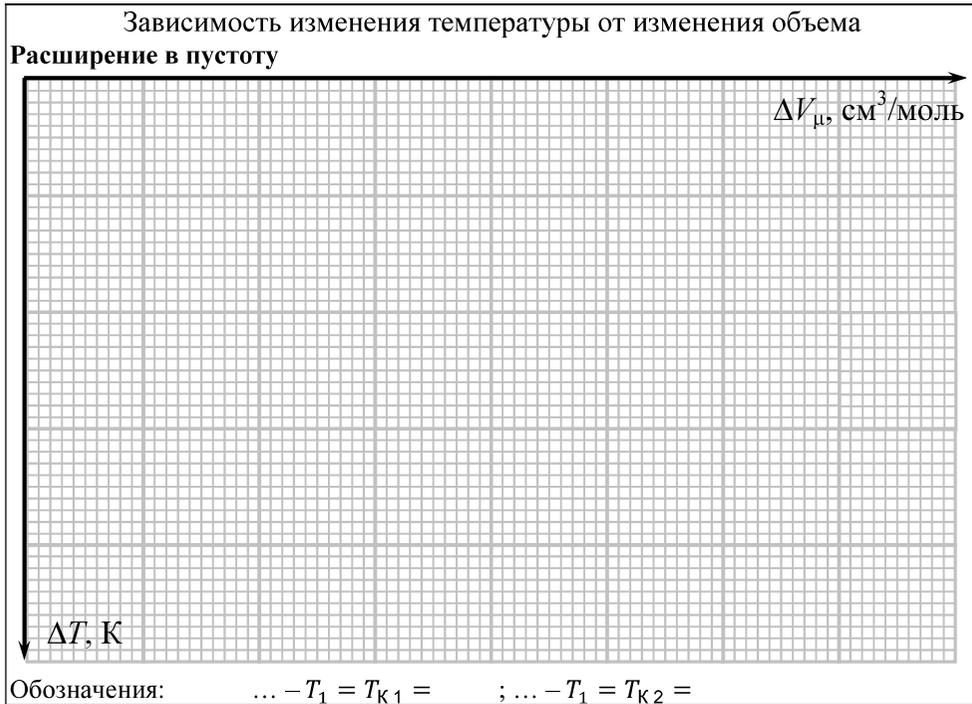
Таблица 2

Начальное состояние:		Температура $T_1 = T_{K1}$ (К):		Давление $p_1$ (МПа):				
Конечное состояние:								
Длина правого отсека $L_2$ , см	* Объем резервуара $V_{рез}$ , см <sup>3</sup>	** Молярный объем $V_{\mu 2}$ , см <sup>3</sup> /моль	Температура $T_2$ , К	Давление $p_2$ , МПа	*** Изменение молярного объема $\Delta V_{\mu} = V_{\mu 2} - V_{\mu 1}$ , см <sup>3</sup> /моль	Изменение температуры $\Delta T = T_2 - T_1$ , К	Изменение давления $\Delta p = p_2 - p_1$ , МПа	Коэффициент адиабатного расширения $\frac{\Delta T}{\Delta V_{\mu}}$ , (К·моль)/см <sup>3</sup>
0					0	0	0	—
5								
15								
25								
35								

\*  $V_{рез} = s(L_1 + L_2)$ ; \*\*  $V_{\mu 2} = \frac{V_{рез}}{\nu}$ ; \*\*\*  $V_{\mu 1}$  из упр. 1







**Выводы.** Наблюдается: для расширения в пустоту \_\_\_\_\_ эффект (т.к. зависимость  $\Delta T$  от  $\Delta V_{\mu}$  \_\_\_\_\_), для расширения под поршнем \_\_\_\_\_ эффект (т.к. зависимость  $\Delta T$  от  $\Delta V_{\mu}$  \_\_\_\_\_), для расширения через дроссель \_\_\_\_\_ эффект (т.к. зависимость  $\Delta T$  от  $\Delta p$  \_\_\_\_\_)

---



---



---



---



---



---