

Сегодня: суббота, 11 февраля 2017 г.

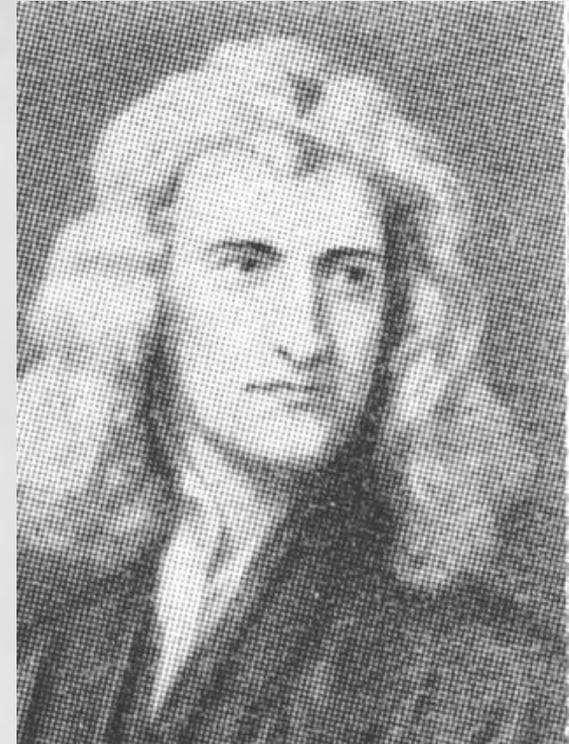
Толмачева Нелла Дмитриевна
доцент кафедры общей физики

Тема 3. ДИНАМИКА МАТЕРИАЛЬНОЙ ТОЧКИ

- 1. Первый закон Ньютона. Инерциальные системы
- 2. Масса и импульс тела
- 3. Второй закон Ньютона. Принцип суперпозиции
- 4. Третий закон Ньютона
- 5. Импульс произвольной системы тел
- 6. Основное уравнение динамики поступательного движения произвольной системы тел
- 7. Закон сохранения импульса

3.1. Первый закон Ньютона. Инерциальные системы

В основе так называемой **классической** или **ньютоновской** **механики** лежат **три закона динамики**, сформулированных И. Ньютоном в 1687 г.



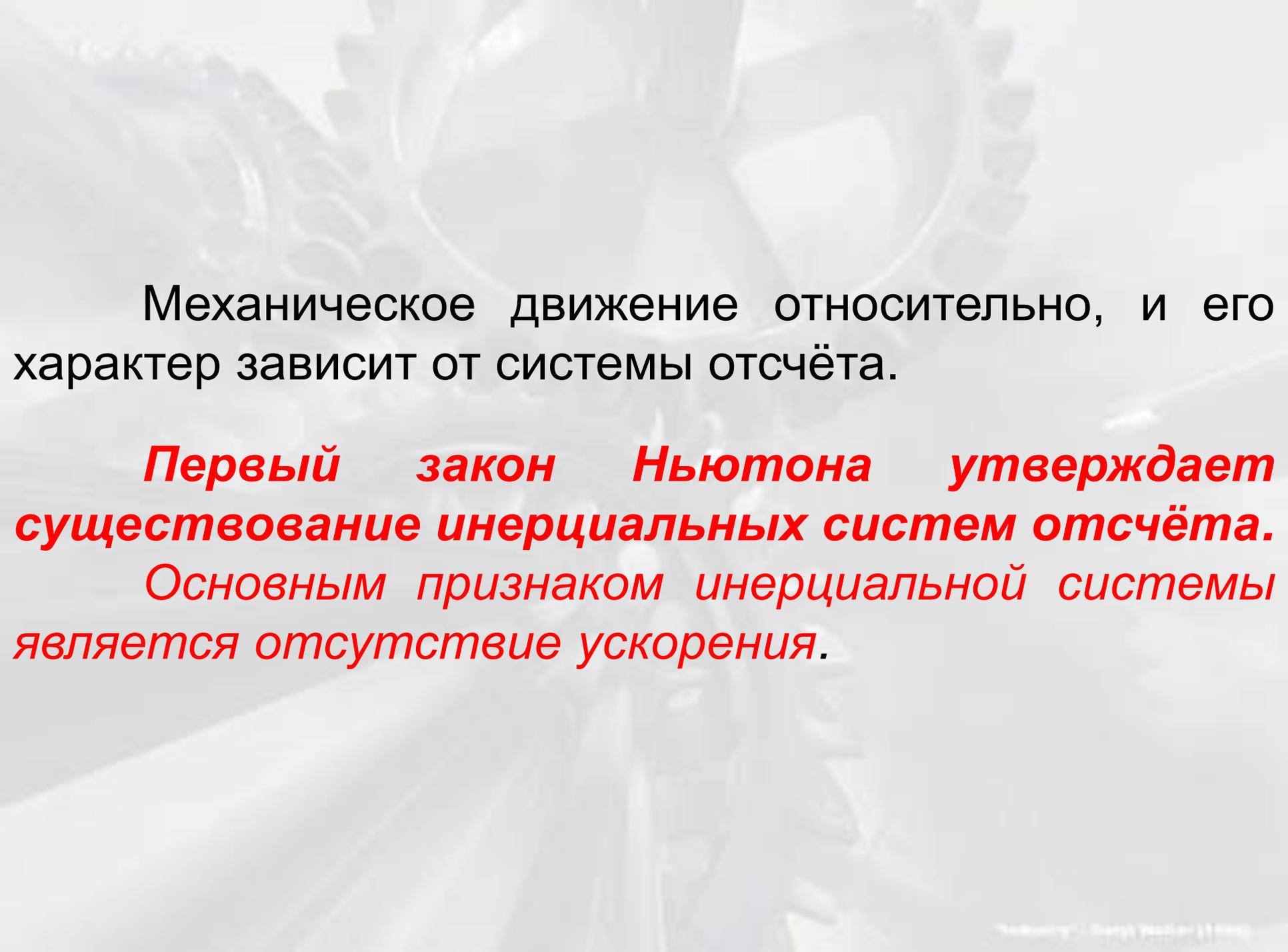
Первый закон Ньютона:

всякая материальная точка (тело) сохраняет состояние покоя или равномерного прямолинейного движения до тех пор, пока воздействие со стороны других тел не заставит её (его) изменить это состояние.



*Стремление тела сохранить состояние покоя или равномерного прямолинейного движения называется **инертностью**.*

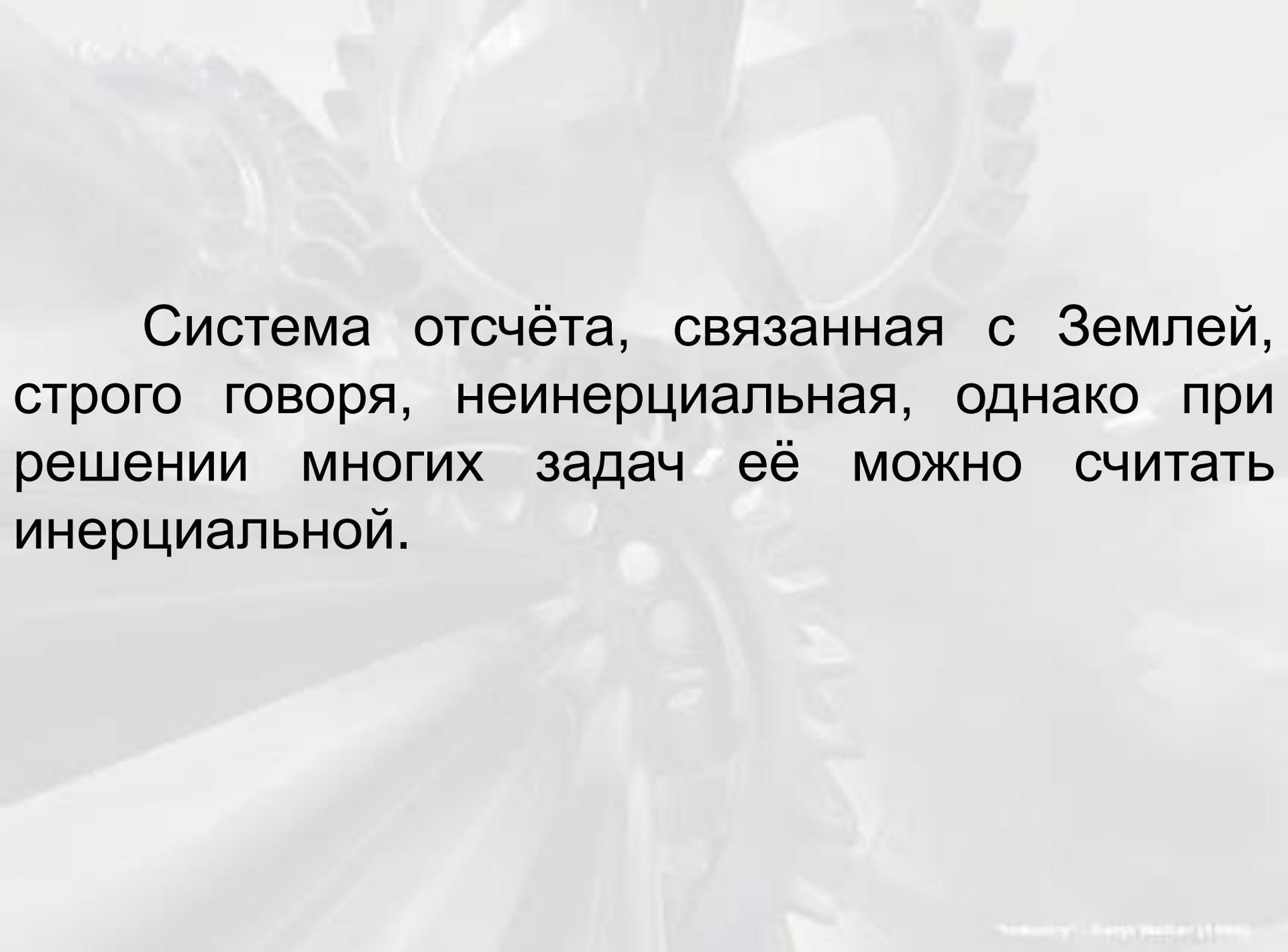
Поэтому первый закон Ньютона называют *законом инерции.*



Механическое движение относительно, и его характер зависит от системы отсчёта.

Первый закон Ньютона утверждает существование инерциальных систем отсчёта.

Основным признаком инерциальной системы является отсутствие ускорения.

The background of the slide features a close-up, grayscale image of several interlocking metal gears. The gears are arranged in a complex, overlapping pattern, with their teeth and circular forms creating a sense of mechanical complexity and motion. The lighting is soft, highlighting the metallic texture and the shadows between the teeth.

Система отсчёта, связанная с Землей, строго говоря, неинерциальная, однако при решении многих задач её можно считать инерциальной.

Сущность первого закона Ньютона может быть сведена к трём основным положениям:

- все тела обладают свойствами инерции;**
- существуют инерциальные системы отсчёта, в которых выполняется первый закон Ньютона;**
- движение относительно. Если тело A движется относительно тела отсчёта B со скоростью u , то и тело B , в свою очередь, движется относительно тела A с той же скоростью, но в обратном направлении .**

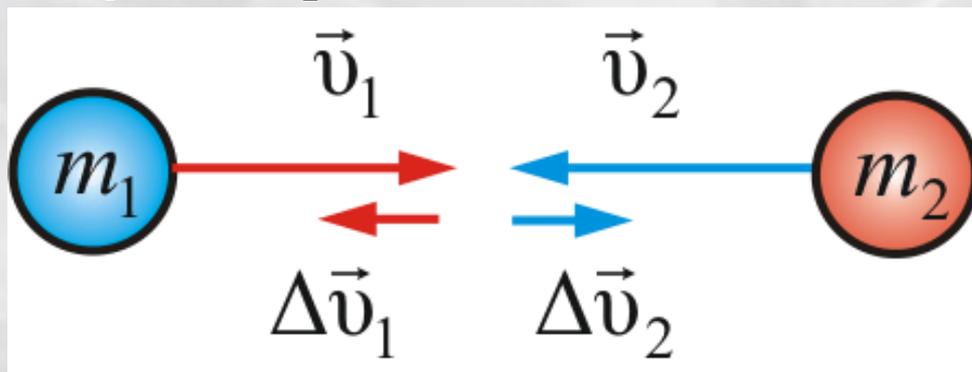
3. Масса и импульс тела

Мерой инертности тела является величина, называемая массой.

Масса – величина аддитивная (масса тела равна сумме масс частей, составляющих это тело).

Система тел, взаимодействующих только между собой, называется замкнутой.

Рассмотрим замкнутую систему двух тел массами m_1 и m_2 . Столкнём эти два тела



модули приращений скорости относятся как:

$$\frac{|\Delta\vec{v}_1|}{|\Delta\vec{v}_2|} = \frac{m_2}{m_1}$$

(тело, обладающее большей массой, меньше изменяет скорость).

Произведение массы тела m на скорость называется **импульсом тела** \vec{p} :

$$\vec{p} = m\vec{v}.$$

3. Второй закон Ньютона.

Математическое выражение **второго закона Ньютона**:

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F} \quad (1)$$

скорость изменения импульса тела равна действующей на него силе.

Отсюда можно заключить, что $d\vec{p} = \vec{F} dt$
изменение импульса тела равно импульсу силы.

Из (1), получим выражение второго закона через ускорение a :

$$\frac{d(m\vec{v})}{dt} = \vec{F}. \text{ т. к. } m = \text{const} \text{ то } m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}. \text{ но } \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{a},$$

тогда $m\vec{a} = \vec{F}$

основное уравнение динамики поступательного движения материальной точки.

$$m\vec{a} = \vec{F}$$

Принцип суперпозиции или принцип независимости действия сил

Силы в механике подчиняются *принципу суперпозиции*.

Если на материальное тело действуют несколько сил, то каждая из них сообщает точке такое же ускорение, как если бы других сил не было.

Результирующую силу \vec{F} можно найти из выражения:

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i, \quad (3)$$

Найдем изменение импульса тела за конечный промежуток времени $\Delta t = t_2 - t_1$

$$m\vec{v}_2 - m\vec{v}_1 = \vec{F}\Delta t,$$

$$\Delta(m\vec{v}) = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt$$

т.е., изменение импульса тела равно импульсу силы.

3.4. Третий закон Ньютона

Действие тел друг на друга носит характер взаимодействия.

Сила есть результат взаимодействия тел.

Третий закон Ньютона

силы, с которыми действуют друг на друга два тела, равны по величине и противоположны по направлению.

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$$

Однако, третий закон справедлив не всегда. Он выполняется в случае контактных взаимодействий, т.е. при соприкосновении тел, а также при взаимодействии тел, находящихся на расстоянии друг от друга, но покоящихся друг относительно друга.

Законы Ньютона плохо работают при $U \approx c$ (релятивистская механика) а также, при движении тел очень малых размеров, сравнимых с размерами элементарных частиц. Так, например, нуклоны внутри ядра, кварки внутри нуклонов, и даже электроны внутри атома, не подчиняются законам Ньютона.

Центр масс

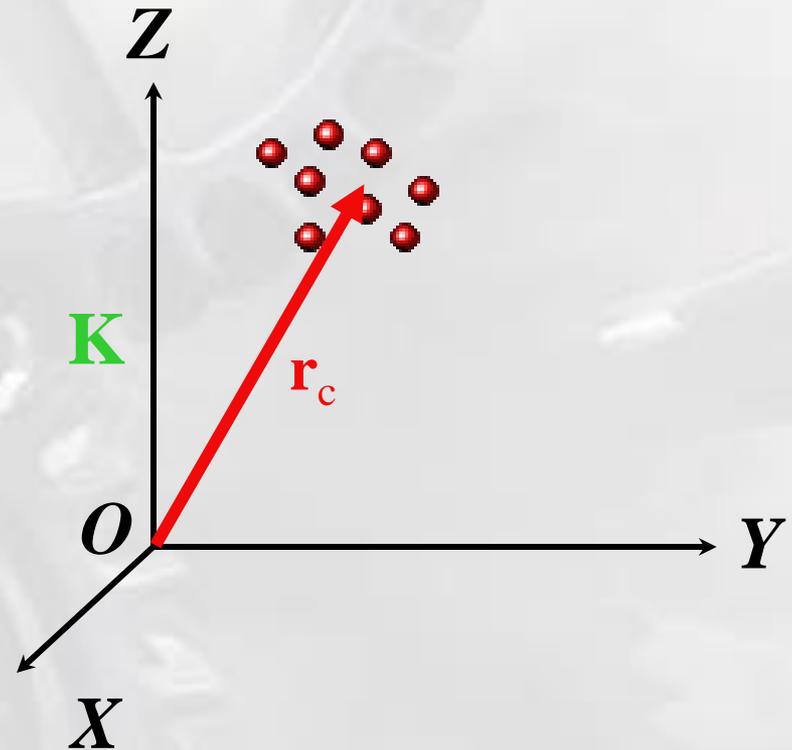
Воображаемую точку c радиус-вектором

$$\vec{r}_c = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^n \vec{r}_i m_i$$

где i - номер точки,
 n - количество точек,
 m_i - масса i -ой точки и
 m - масса всей системы точек
называют **центром масс**
системы материальных точек

Тогда скорость центра масс

$$\vec{v}_c = \frac{d\vec{r}_c}{dt} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^n m_i \frac{d\vec{r}_i}{dt} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i$$



Импульс центра масс

Величина

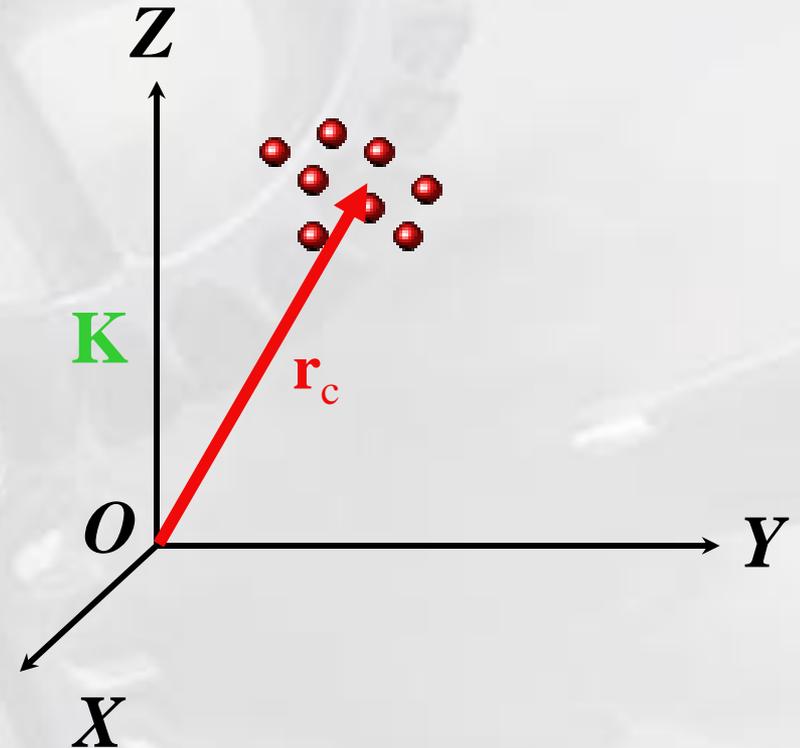
$$\vec{p}_i = m_i \vec{v}_i$$

является **первым динамическим параметром** частицы и называется **импульсом**

Соответственно величину

$$\vec{P}_c = m \vec{v}_c = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i$$

называют **импульсом центра масс**



Таким образом видим, что связь **импульса P_c** со **скоростью v_c** такая же, как для **материальной точки с массой t** (масса системы)

Теорема о движении центра масс

Рассмотрим теперь *подробнее* силы, действующие на частицы механической системы

Силы, действующие на каждую точку системы, разобьем на два типа

– силы со стороны *всех остальных частиц системы* (внутренние силы)

– *результатирующая* всех внешних сил

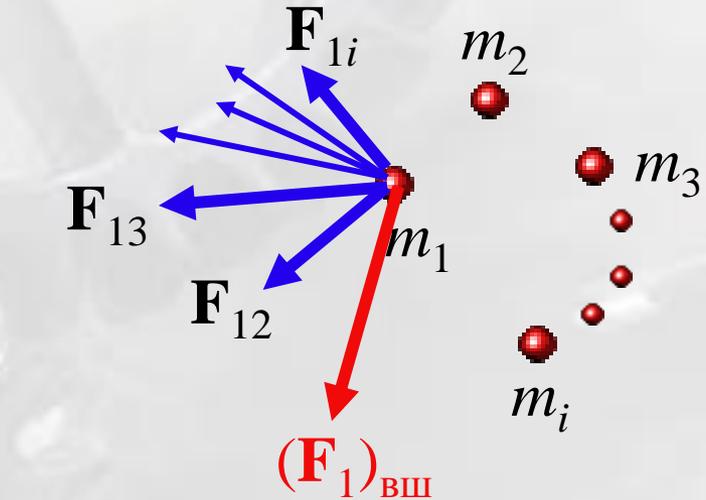
В общем виде это можно записать так

$$\vec{F}_i = \sum_{k=1}^{n-1} \vec{F}_{ik} + (\vec{F}_i)_{\text{вн}}$$

По 3 закону Ньютона $\sum_{i,k} \vec{F}_{ik} \equiv 0$

И теорема о движении центра масс принимает вид

Такой вид теоремы означает, что



$$\vec{a}_c = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^n (\vec{F}_i)_{\text{вн}}$$

Если система находится во внешнем стационарном и однородном поле, то **НИКАКИМИ** действиями **ВНУТРИ** системы **НЕВОЗМОЖНО** изменить движение **центра масс системы**

7. Закон сохранения импульса

Механическая система называется замкнутой (или изолированной), если на неё не действуют внешние силы, т.е. она не взаимодействует с внешними телами.

Для замкнутой системы равнодействующий вектор внешних сил тождественно равен нулю:

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F} \equiv 0, \quad (7.1)$$

отсюда

$$\vec{p} = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_c = \text{const.} \quad (7.2)$$

Это есть закон сохранения импульса: импульс замкнутой системы не изменяется во времени.

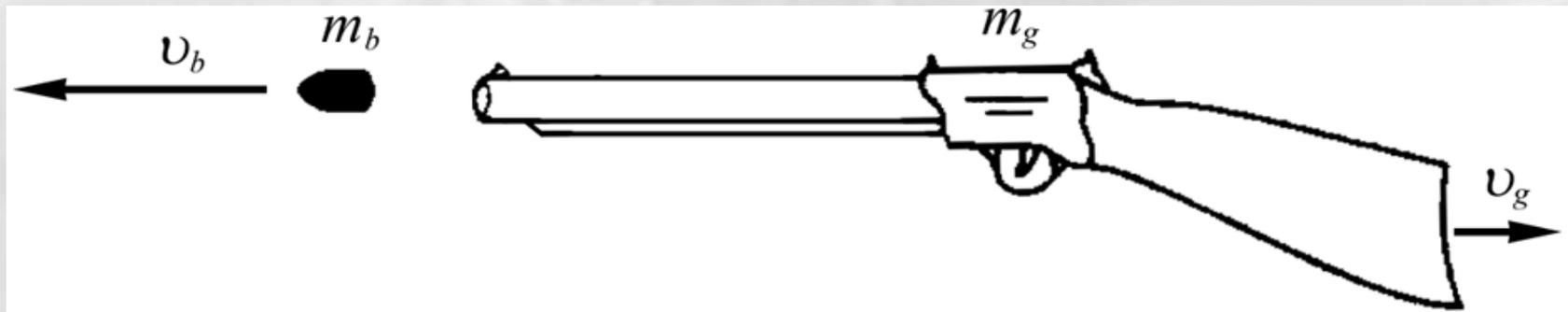
Импульс системы тел может быть представлен в виде произведения суммарной массы тел на скорость центра инерции: $\vec{p} = m\vec{v}_c$, тогда

$$m\vec{v}_c = \text{const.} \quad (7.3)$$

При любых процессах, происходящих в замкнутых системах, скорость центра инерции сохраняется неизменной.

Закон выполняется при $v \approx c$

Если система не замкнута, но главный вектор внешних сил $\vec{F} = 0$ то $\vec{p}_{\text{сист.}} = \text{const}$, как если бы внешних сил не было (например, прыжок из лодки или реактивное движение).



Виды и категории сил в природе

1. Сила тяжести и вес тела
2. Упругие силы
3. Силы трения
4. Силы инерции
 - Центростремительная и центробежная силы
 - Сила Кориолиса

Виды и категории сил в природе

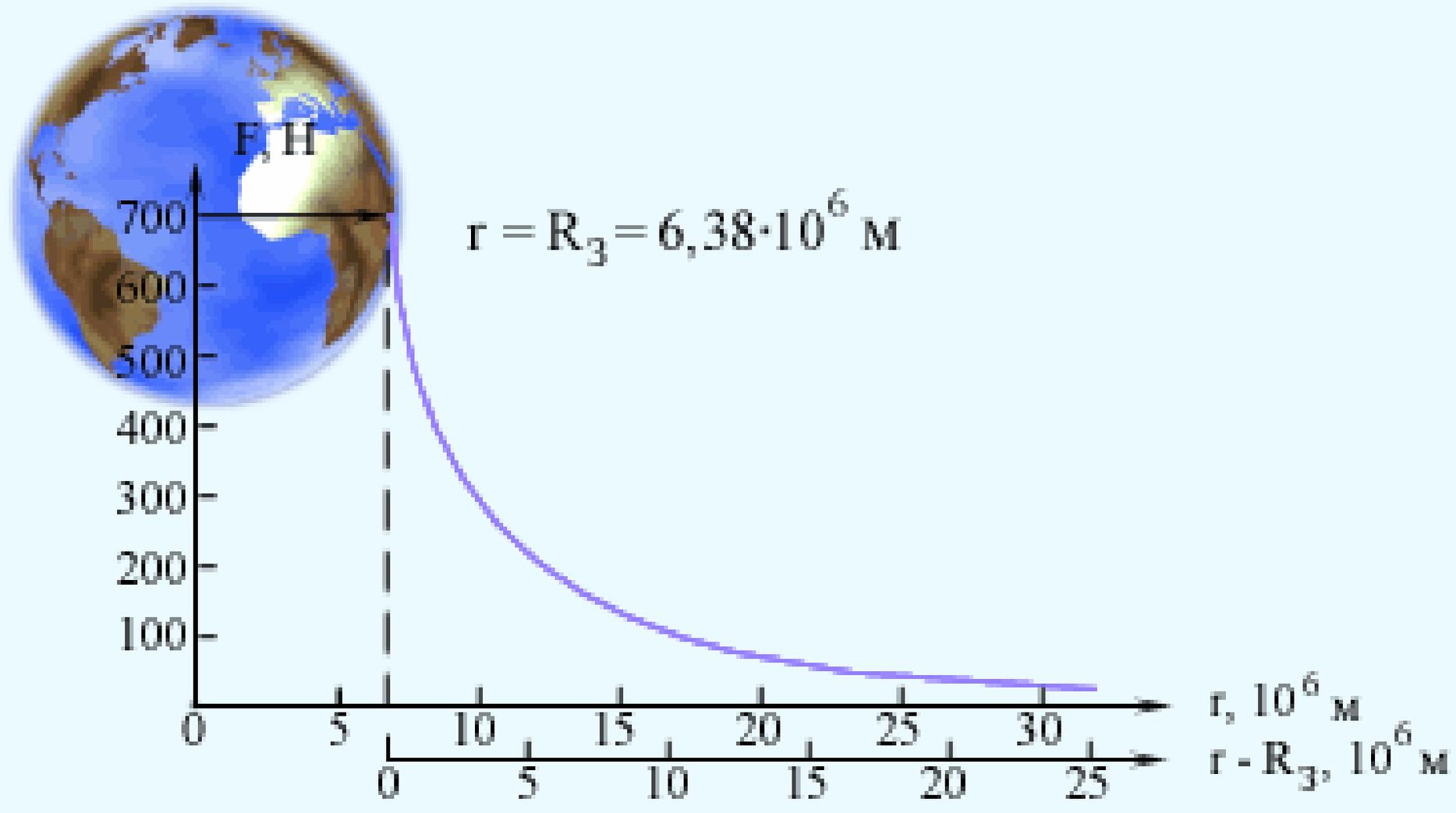
В настоящее время, различают **четыре типа сил или взаимодействий**: гравитационные; электромагнитные; **сильные** (ответственное за связь частиц в ядрах) и **слабые** (ответственное за распад частиц)

Гравитационные и электромагнитные силы нельзя свести к другим, более простым силам, поэтому их называют **фундаментальными**.

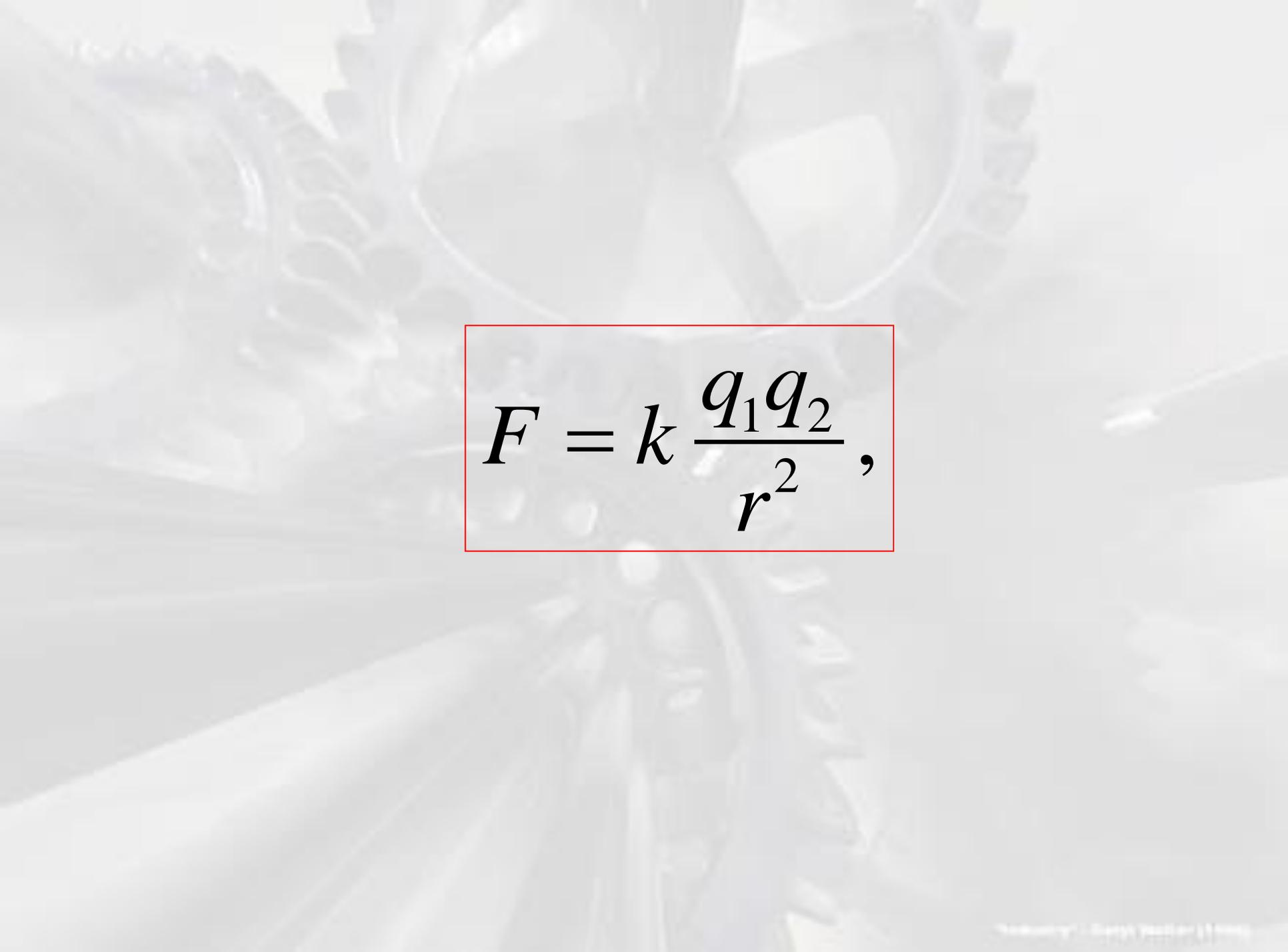
Закон фундаментальных сил просты и выражаются точными формулами.

$$F = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2},$$

γ – гравитационная постоянная.

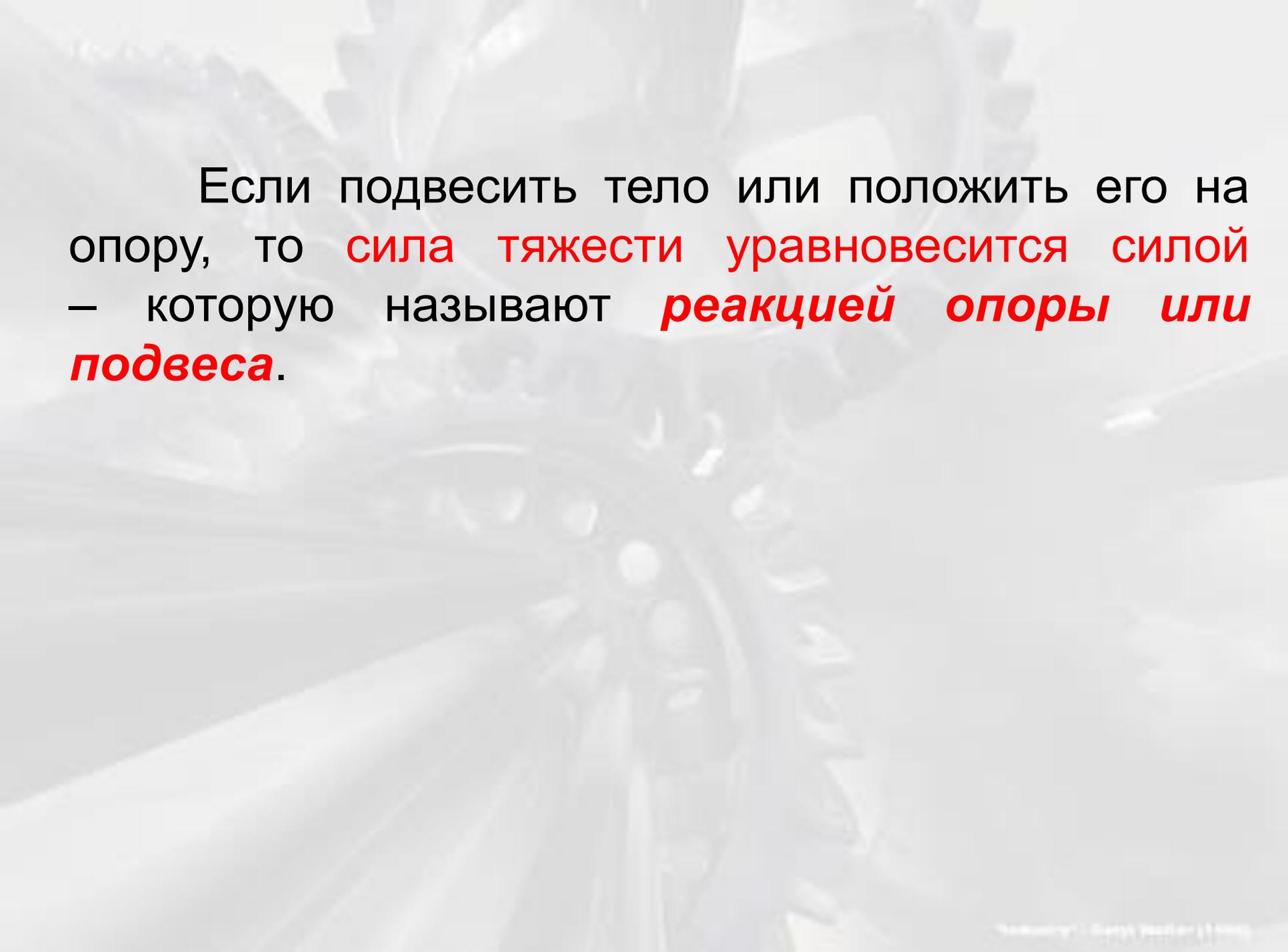


$$F = \gamma \frac{Mm}{r^2}$$

The background of the slide features a close-up, grayscale image of several interlocking gears. The gears are of different sizes and are arranged in a way that creates a sense of depth and mechanical complexity. The lighting is soft, highlighting the teeth of the gears and the shadows between them.
$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2},$$

2. Сила тяжести и вес тела

Одна из фундаментальных сил – сила гравитации проявляется на Земле в виде **силы тяжести** – сила, с которой все тела притягиваются к Земле.



Если подвесить тело или положить его на опору, то **сила тяжести уравновесится силой** – которую называют ***реакцией опоры или подвеса.***



Весом тела называется сила с которой тело действует на подвес или опору.

Согласно третьему закону Ньютона:

вес и сила тяжести равны друг другу, если подвес (опора) и тело покоятся относительно Земли (или движатся равномерно, прямолинейно).

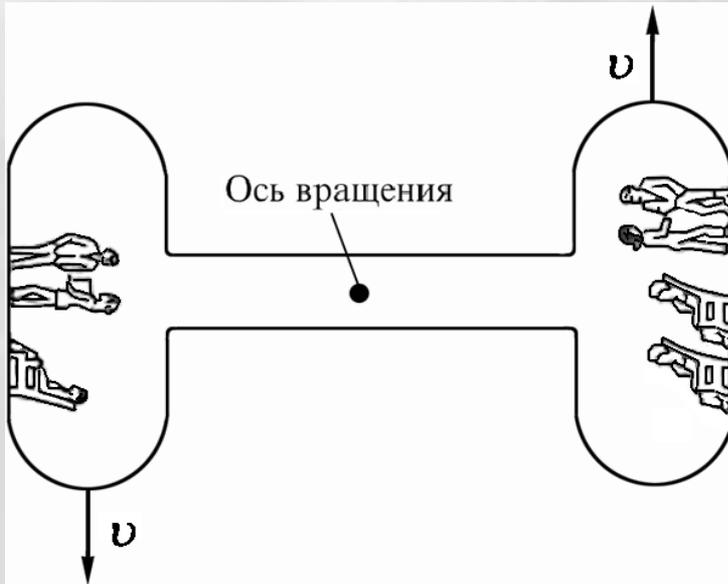
Если имеет место вертикальное движение с ускорением, то справедливо соотношение:

$$G = mg \pm ma = m(g \pm a).$$

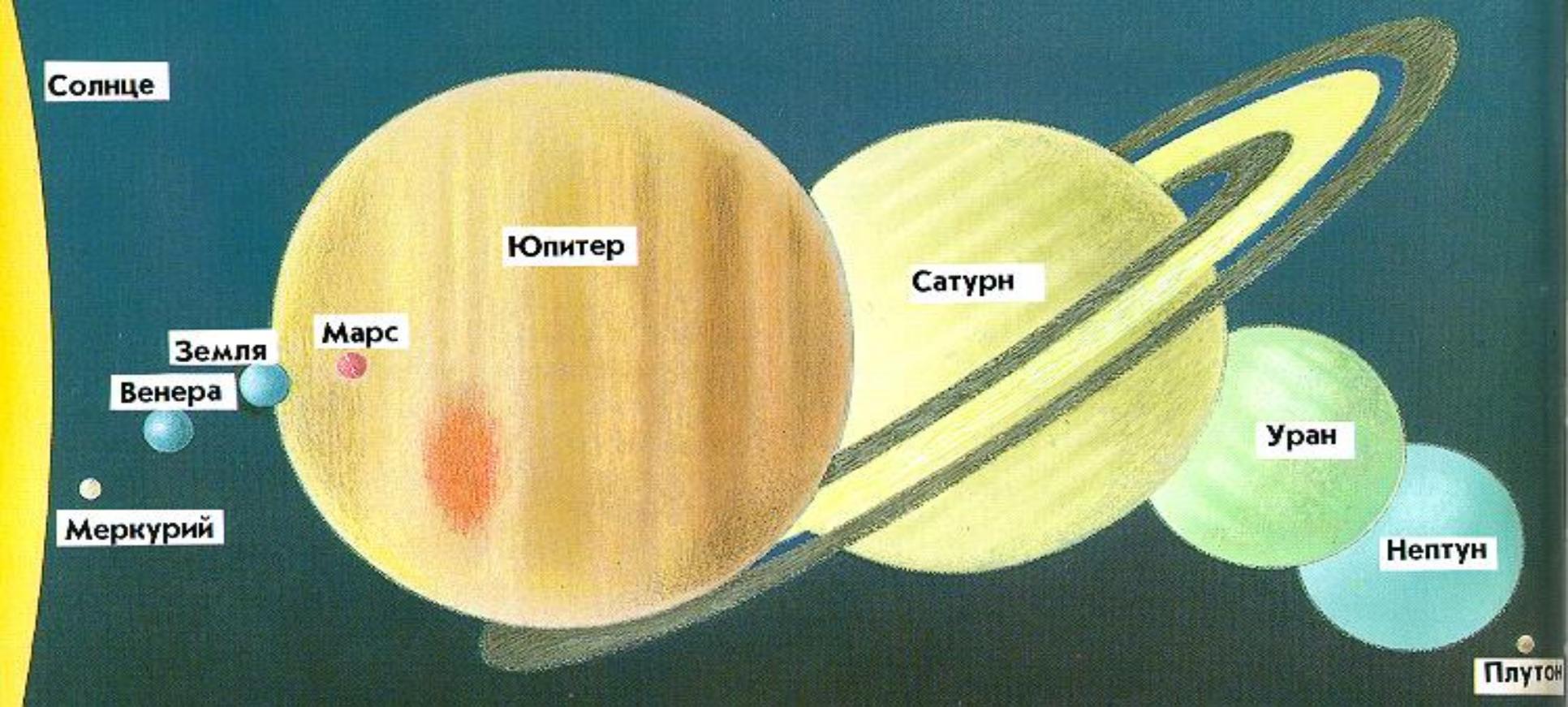
Если же тело движется с
ускорением $a = g$ то вес тела = 0
– т.е. наступает *состояние*
невесомости.

Пример: космический корабль на орбите.

Следствием этого факта является то, что, *находясь внутри закрытой кабины невозможно определить, чем вызвана сила mg* , тем, что кабина движется с ускорением $a = g$ или действием притяжения Земли.



Пассажиры космического корабля, вращающегося с частотой всего 9,5 об/мин, находясь на расстоянии 10 м от оси вращения, будут чувствовать себя, как на Земле.



Планеты солнечной системы

3. Упругие силы

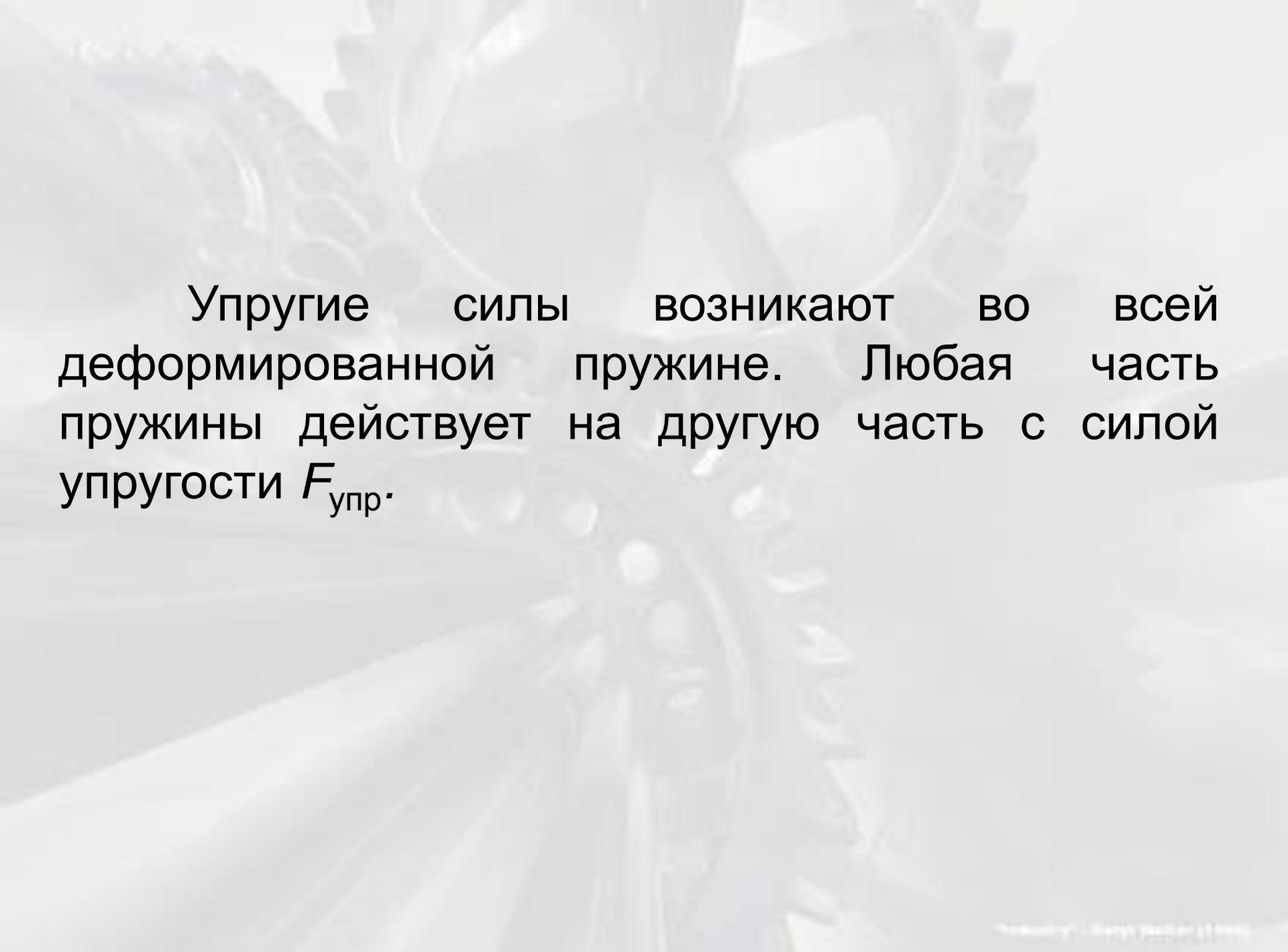
*Электромагнитные силы проявляют себя как **упругие силы и силы трения.***

Под действием внешних сил возникают **деформации** (т.е. изменение размеров и формы) тел. Если после прекращения действия внешних сил восстанавливаются прежние форма и размеры тела, то деформация называется **упругой**. Деформация имеет упругий характер в случае, если внешняя сила не превосходит определенного значения, которая называется **пределом упругости**.

При превышении этого предела деформация становится *пластичной или неупругой*, т.е. первоначальные размеры и форма тела полностью не восстанавливаются.

Упругие деформации.

В деформированном теле возникают упругие силы, уравнивающие внешние силы. Под действием *внешней силы* – $F_{\text{вн}}$ пружина получает *удлинение* x , в результате в ней возникает *упругая сила* – $F_{\text{упр}}$, *уравнивающая* $F_{\text{вн}}$.



Упругие силы возникают во всей деформированной пружине. Любая часть пружины действует на другую часть с силой упругости $F_{\text{упр}}$.

Удлинение пружины пропорционально внешней силе и определяется законом Гука:

$$x = -\frac{1}{k} F_{\text{упр.}}$$

$$F_{\text{упр.}} = -kx.$$



Гук Роберт (1635 – 1703) знаменитый английский физик, сделавший множество изобретений и открытий в области механики, термодинамики, оптики.

Его работы относятся к теплоте, упругости, оптике, небесной механике. Установил постоянные точки термометра – точку таяния льда, точку кипения воды. Усовершенствовал микроскоп, что позволило ему осуществить ряд микроскопических исследований, в частности наблюдать тонкие слои в световых пучках, изучать строение растений. Положил начало физической оптике.

Закон Гука для стержня

Одностороннее (или продольное) растяжение (сжатие) стержня состоит в ***увеличении (уменьшении) длины стержня под действием внешней силы***

Такая деформация приводит к возникновению в стержне упругих сил, которые принято характеризовать **напряжением σ** :

$$\sigma = \frac{F_{\text{упр.}}}{S},$$

Здесь $S = \frac{\pi d^2}{4}$ – площадь поперечного

сечения стержня, d – его диаметр.

приращение длины:

$$\Delta l = \frac{l_0 \sigma}{E},$$

обозначим

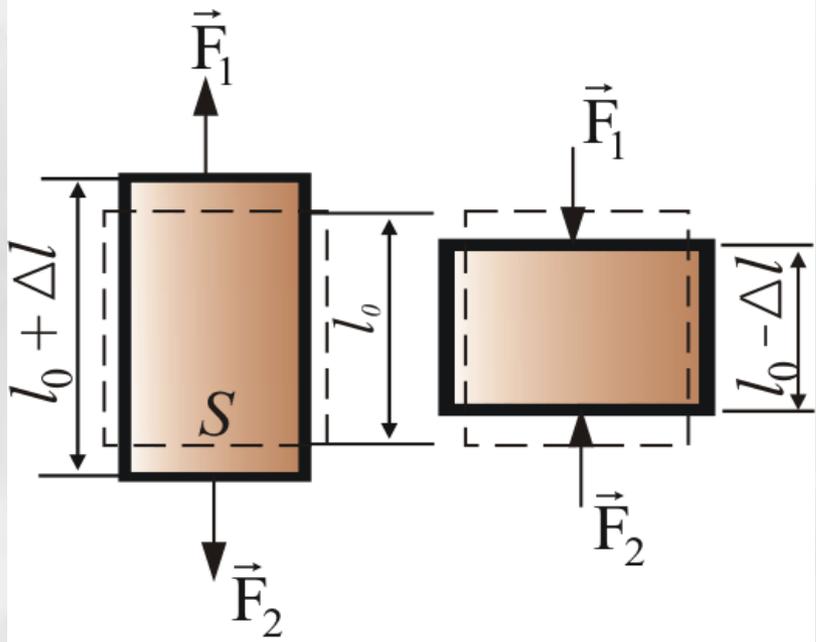
$$\frac{\Delta l}{l_0} = \varepsilon$$

– *относительное*

приращение длины, получим:

$$\varepsilon = \frac{1}{E} \sigma$$

Закон Гука для стержня:
относительное приращение длины стержня прямо пропорционально напряжению и обратно пропорционально модулю Юнга E (измеряется в Н/м² или в Па).



Растяжение или сжатие стержней сопровождается соответствующим изменением их поперечных размеров

Отношение относительного поперечного

сужения (расширения) $\Delta d/d$ стержня

к относительному удлинению (сжатию) $\Delta l/l$
*называют **коэффициентом Пуассона***

$$M = \frac{\Delta d}{d} : \frac{\Delta l}{l}.$$

4. Силы трения

Трение подразделяется на *внешнее* и *внутреннее*.

Внешнее трение возникает при *относительном перемещении двух соприкасающихся твердых тел (трение скольжения или трение покоя)*.

Внутреннее трение наблюдается при *относительном перемещении частей одного и того же сплошного тела (например, жидкость или газ)*.

Различают **сухое** и **жидкое** (или **вязкое**) *трение*.

Жидким (вязким) называется трение между твердым телом и жидкой или газообразной средой или ее слоями.

Сухое трение, в свою очередь, подразделяется на **трение скольжения** и **трение качения**.

Рассмотрим законы сухого трения

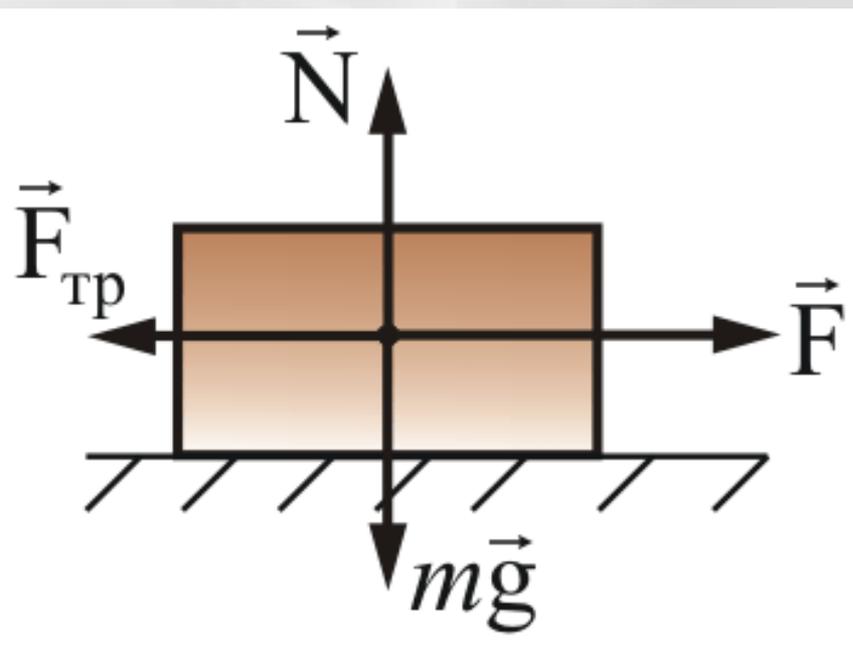


Рисунок 4.5

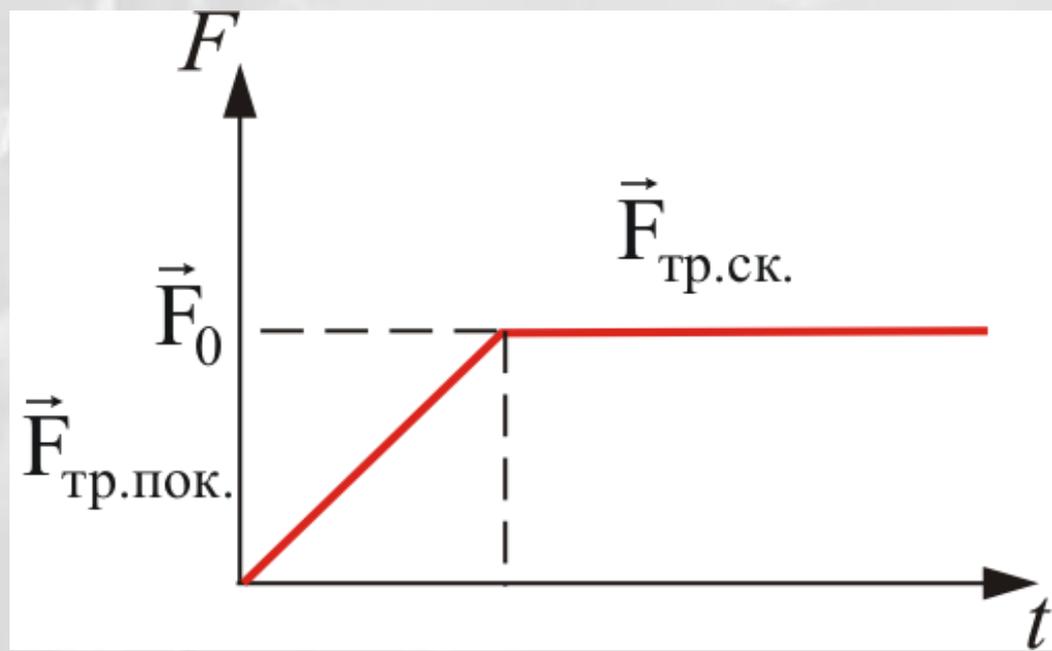


Рисунок 4.6

Установлено, что **максимальная сила трения покоя** не зависит от площади соприкосновения тел и приблизительно **пропорциональна модулю силы нормального давления N**

$$F_0 = \mu_0 N,$$

μ_0 – коэффициент трения покоя – зависит от природы и состояния трущихся поверхностей.

Аналогично и **для силы трения скольжения**:

$$F_{\text{тр.}} = \mu N$$

Трение качения возникает между шарообразным телом и поверхностью, по которой оно катится.



Сила трения качения подчиняется тем же законам, что и скольжения, но коэффициент трения μ здесь значительно меньше.

Подробнее рассмотрим силу трения скольжения на наклонной плоскости.

Силы инерции

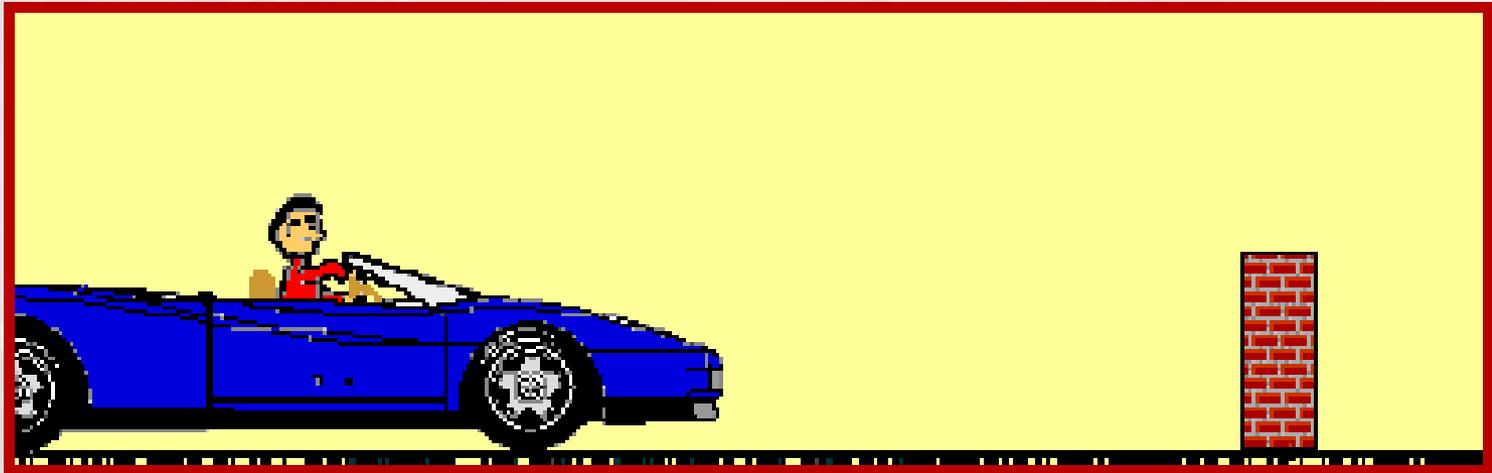
Законы инерции выполняются в инерциальной системе отсчета. А как описать движение тела в неинерциальной системе?

Рассмотрим пример: вы стоите в троллейбусе спокойно. Вдруг троллейбус резко трогается, и вы невольно отклонитесь назад. Что произошло? Кто вас толкнул?

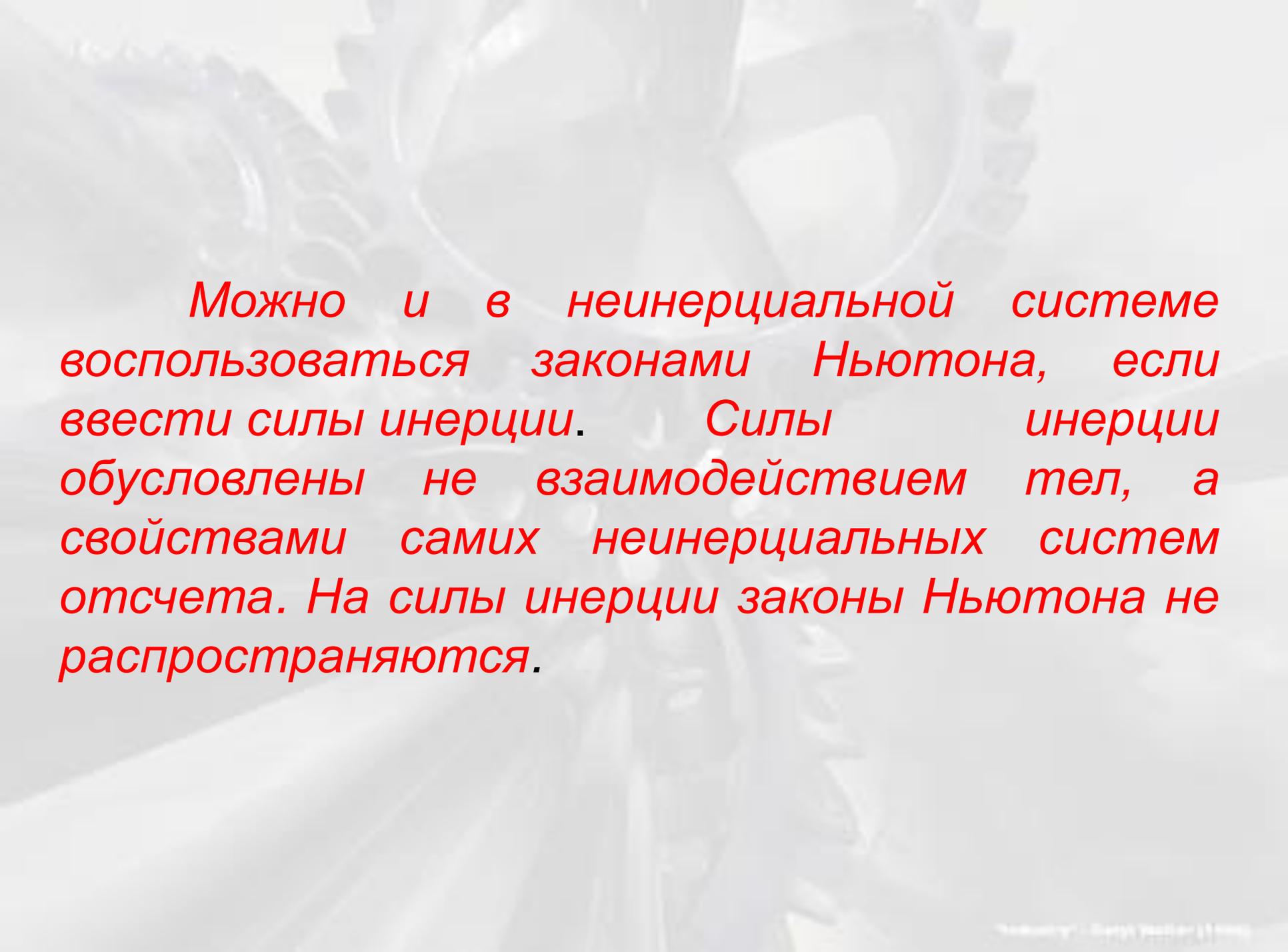
С точки зрения наблюдателя на Земле (в инерциальной системе отсчета), в тот момент, когда троллейбус тронулся, вы остались стоять на месте – в соответствии с первым законом Ньютона.

С точки зрения сидящего в троллейбусе – вы начали двигаться назад, как если бы кто-нибудь вас толкнул. На самом деле, никто не толкнул, просто ваши ноги, связанные силами трения с троллейбусом «поехали» вперед из-под вас и вам пришлось падать назад.

Можно описать ваше движение в инерционной системе отсчета. Но это не всегда просто, так как обязательно нужно вводить силы, действующие со стороны *связей*.







Можно и в неинерциальной системе воспользоваться законами Ньютона, если ввести силы инерции. Силы инерции обусловлены не взаимодействием тел, а свойствами самих неинерциальных систем отсчета. На силы инерции законы Ньютона не распространяются.

The background of the slide features a grayscale image of several interlocking gears of different sizes, creating a mechanical and industrial aesthetic. The gears are slightly out of focus, with the central one being the most prominent.

Силы инерции неинвариантны относительно перехода из одной системы отсчета в другую. Они не подчиняются закону действия и противодействия.

Сила Кориолиса

При движении тела относительно вращающейся системы отсчета, кроме центростремительной и центробежной сил, появляется еще одна сила, называемая **силой Кориолиса** или **кориолисовой силой инерции** (Г. Кориолис (1792 – 1843) – французский физик).

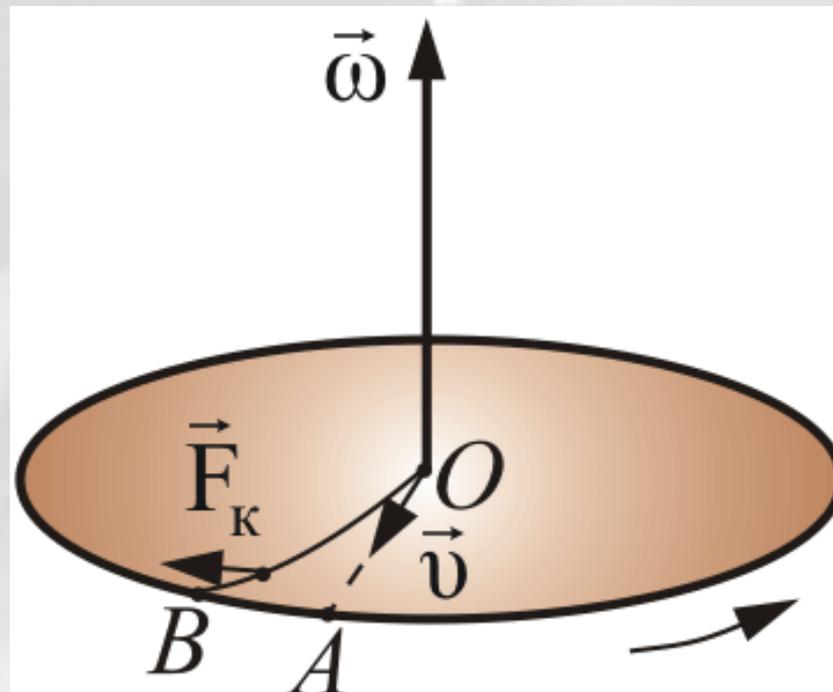
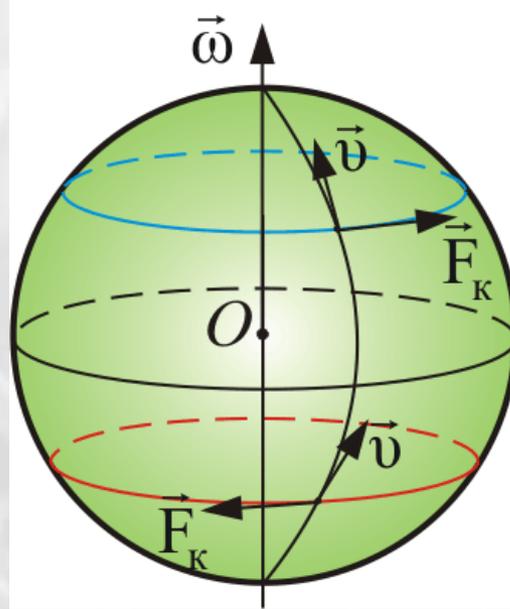


Рисунок 4.10



Сила Кориолиса, действует на тело, движущееся вдоль меридиана в северном полушарии вправо и в южном – влево.

Это приводит к тому, что у рек подмывается всегда правый берег в северном полушарии и левый – в южном. Эти же причины объясняют неодинаковый износ рельсов железнодорожных путей.

Силы Кориолиса проявляются и при качаниях маятника (**маятник Фуко**). Для простоты предположим, что маятник расположен на полюсе:

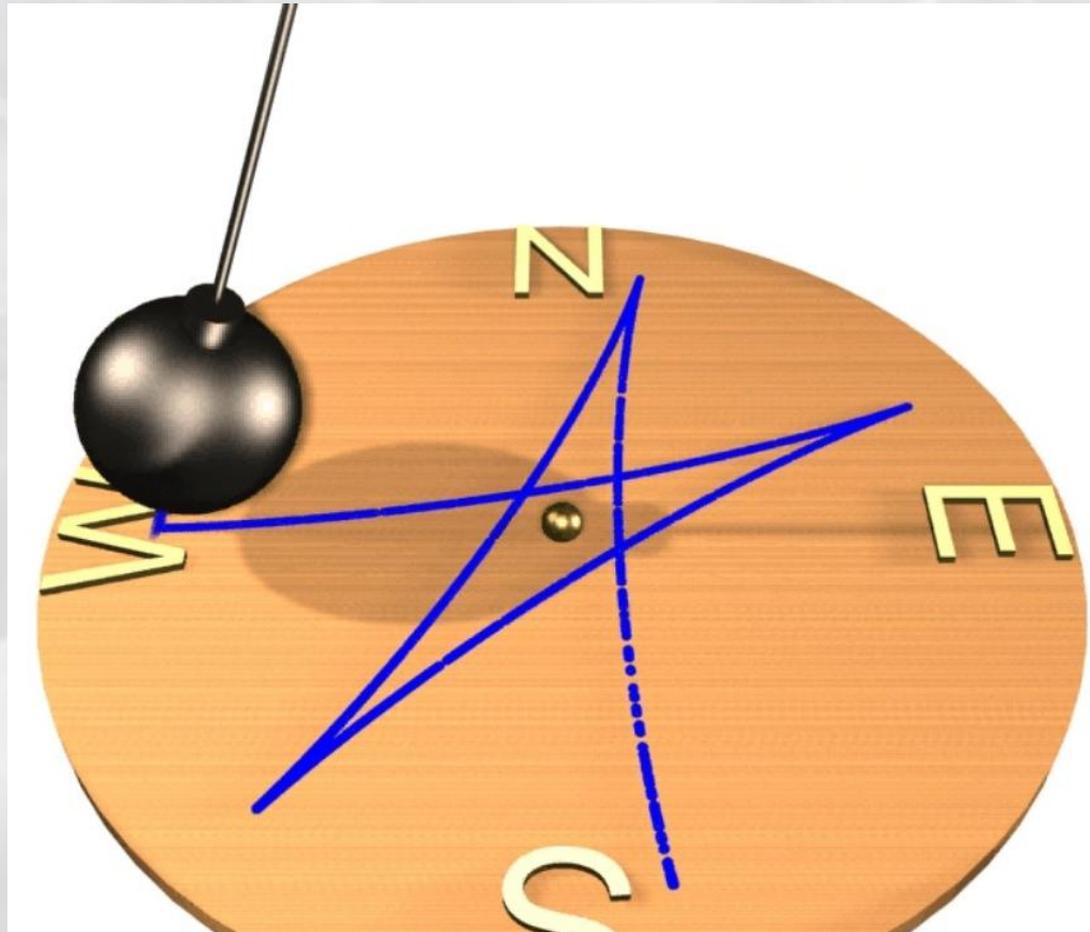
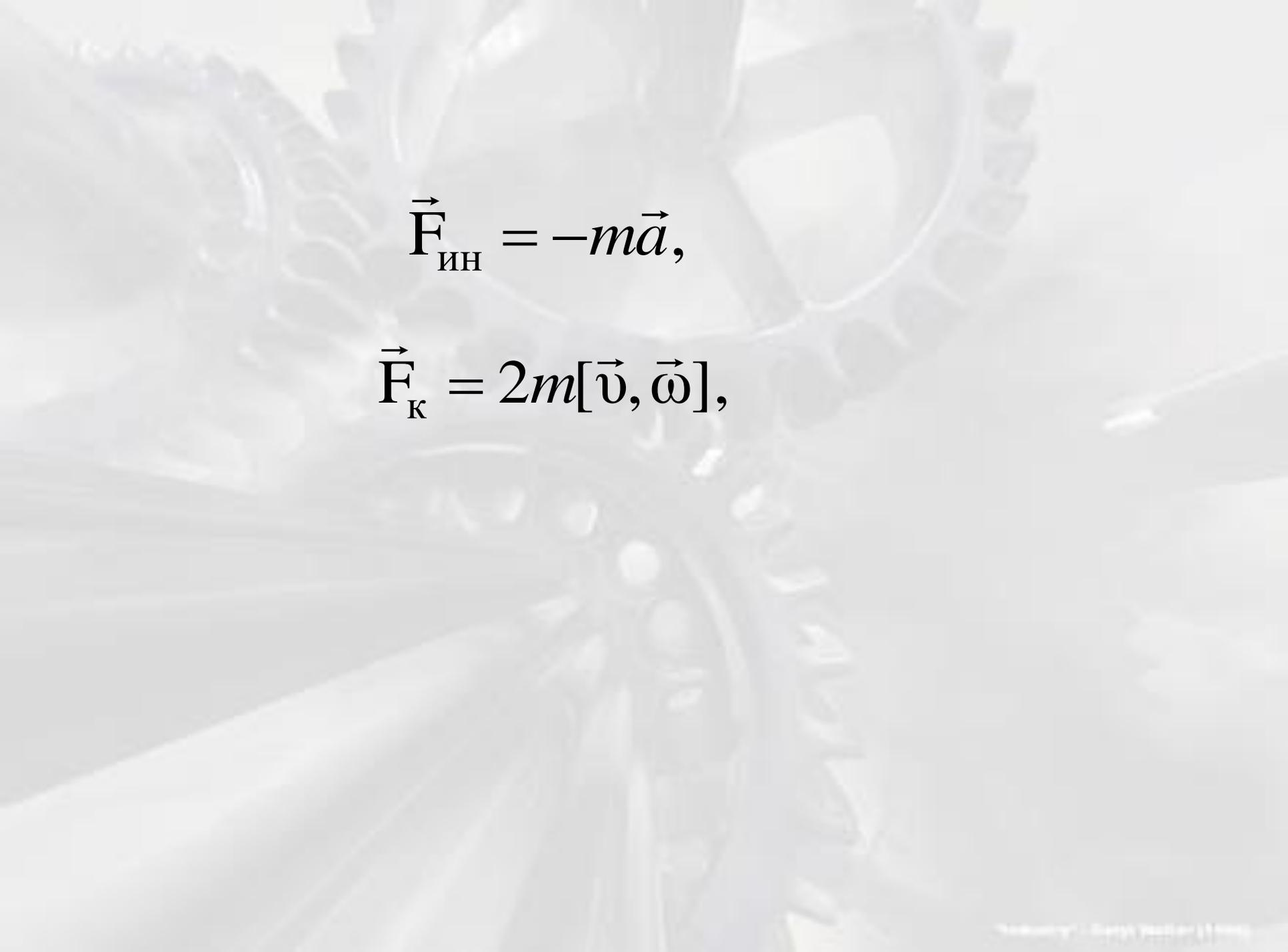


Рисунок 4.12

The background of the slide features a close-up, grayscale image of several interlocking gears. The gears are arranged in a circular pattern, with their teeth meshing together. The lighting is soft, highlighting the metallic texture and the geometric precision of the machinery. The overall tone is technical and industrial.
$$\vec{F}_{\text{ин}} = -m\vec{a},$$

$$\vec{F}_{\text{к}} = 2m[\vec{v}, \vec{\omega}],$$

Применение законов Ньютона

- Тело соскальзывает с наклонной плоскости

Движение м.т. по окружности

- Определить силу давления тела в нижней и верхней точке окружности

Движение автомобиля на повороте

