

-1-

На плоскости xOy найти единичный вектор, перпендикулярный вектору $\vec{a} = \{2; 1; -1\}$ и образующий острый угол с осью Ox .

-2-

Найти угол между векторами $\vec{a} = 3\vec{e}_1 + 2\vec{e}_2$ и $\vec{b} = \vec{e}_1 + 3\vec{e}_2$, если $|\vec{e}_1| = |\vec{e}_2| = 1, \angle(\vec{e}_1, \vec{e}_2) = 120^\circ$.

-3-

Выяснить, лежат ли данные точки $A(2; -1; 2)$, $B(1; 2; 1)$, $C(3; -4; 5)$ на одной прямой.

-4-

Найти длину одной из высот параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$, $\vec{b} = \vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$.

-5-

Даны три вектора $\bar{a} = \{2; -1; 1\}$, $\bar{b} = \{1; 1; -1\}$, $\bar{c} = \{3; 2; 0\}$.

Найти проекцию вектора \bar{a} на направление вектора $\bar{b} + 2\bar{c}$.

-6-

Определить длины диагоналей параллелограмма, построенного на векторах

$$\bar{a} = \bar{e}_1 + 3\bar{e}_2 \quad \text{и} \quad \bar{b} = 2\bar{e}_1 - \bar{e}_2$$

где

$$|\bar{e}_1| = 2, |\bar{e}_2| = 3, \angle(\bar{e}_1, \bar{e}_2) = 60^\circ.$$

-7-

Параллелепипед построен на векторах

$$\overline{AB} = 2\bar{i} - 3\bar{j}, \overline{AC} = \bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k}, \overline{AD} = 3\bar{i} - \bar{j}.$$

Найти длину его высоты, опущенной из вершины A .

-8-

Показать, что векторы

$$\bar{a} = \{-1; 2; 0\}, \bar{b} = \{2; -1; 1\}, \bar{c} = \{1; 1; 1\}$$

компланарны и получить разложение вектора \bar{c} по векторам \bar{a} и \bar{b} .

-9-

Треугольник построен на векторах

$$\overline{AB} = \bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k}, \overline{AC} = \bar{i} + \bar{k}.$$

Найти длину его высоты, опущенной на сторону AC .

-10-

Выяснить лежат ли четыре точки в одной плоскости

$$A(-1;2;0), B(0;1;-1), C(2;3;1), D(1;1;1).$$

-11-

Найти проекцию вектора $\bar{a} = 2\bar{e}_1 - 3\bar{e}_2$ на направление вектора $\bar{b} = \bar{e}_1 + \bar{e}_2$, причём $|\bar{e}_1| = |\bar{e}_2| = 1, \angle(\bar{e}_1, \bar{e}_2) = 60^\circ$.

-12-

Найти единичный вектор \bar{e} , перпендикулярный вектору $\bar{a} = \{-1;2;-1\}$ и оси Oz .

-13-

Даны три последовательные вершины параллелограмма
 $A(-1;2;3)$, $B(2;1;0)$, $C(1;2;2)$
Найти координаты четвёртой вершины.

-14-

Найти вектор, перпендикулярный векторам $\vec{a} = \{2; -1; 1\}$, $\vec{b} = \{-1; 2; 0\}$ и удовлетворяющий условию

$$(\vec{x}, 2\vec{i} + \vec{k}) = 1.$$

-15-

Найти проекцию вектора $\vec{a} = 2\vec{e}_1 - \vec{e}_2 + \vec{e}_3$ на направление вектора $\vec{b} = \vec{e}_1 - \vec{e}_2 + 2\vec{e}_3$, где

$$\vec{e}_1 \perp \vec{e}_2, \vec{e}_1 \perp \vec{e}_3, \vec{e}_2 \perp \vec{e}_3, |\vec{e}_1| = 1, |\vec{e}_2| = 3, |\vec{e}_3| = 2.$$

-16-

Определить $|\vec{a} + \vec{b}|$ и $|\vec{a} - \vec{b}|$, где $|\vec{b}| = 1$, $|\vec{a}| = 3$, $\angle(\vec{a}, \vec{b}) = \pi/3$.

-17-

Найти единичный вектор \bar{e} , зная, что он перпендикулярен векторам $\bar{a} = \{1; -1; 2\}$, $\bar{b} = \{2; 2; 1\}$ и образует с осью Oy тупой угол.

-18-

Даны вершины тетраэдра

$$A(2; 1; 0), B(0; -1; 1), C(1; 2; -1), D(4; 3; -1).$$

Найти длину высоты, опущенной из вершины D .

-19-

В плоскости yOz найти вектор, перпендикулярный вектору $\bar{a} = -\bar{i} + 2\bar{j} + \bar{k}$, длина которого равна трём.

-20-

Даны вершины треугольника

$$A(0; 1; -2), B(-1; 0; 1), C(2; -1; 1).$$

Найти проекцию вектора \overline{AB} на направление вектора \overline{BC} .

-21-

В треугольнике ABC проведена медиана AD . Выразить вектор \overline{AD} через векторы \overline{AB} и \overline{AC} .

-22-

Даны три точки $A(2;-1;1)$, $B(-1;0;4)$, $C(0;1;2)$. На оси Ox найти точку D так, чтобы точки A, B, C, D лежали в одной плоскости.

-23-

В плоскости xOy найти вектор \bar{q} , длина которого равна трём и который удовлетворяет условию

$$(\bar{q}, \bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k}) = 1.$$

-24-

Объём тетраэдра $V = 1$. Три его вершины находятся в точках $A(-1;0;2)$, $B(-2;1;0)$, $C(1;-1;3)$.

Найти координаты четвёртой вершины D , если известно, что она лежит на оси Ox .

-25-

Найти длину вектора $\vec{a} = 3\vec{m} + 2\vec{n}$, где $|\vec{m}| = 1, |\vec{n}| = 3, \angle(\vec{m}, \vec{n}) = 60^\circ$.

-26-

Найти вектор \vec{x} , перпендикулярный векторам $\vec{p} = \{2; -1; 1\}$ и $\vec{q} = \{1; 0; 2\}$, если $|\vec{x}| = 3$.
