

## ИНТЕРФЕРОМЕТРЫ

Интерферометр – измерительный прибор, принцип действия которого основан на интерференции света. Существуют интерферометры для звуковых волн (радиоволн) и для электромагнитных волн (оптические интерферометры). Оптические интерферометры применяются для измерения оптических длин волн спектральных линий, показателей преломления прозрачных сред, абсолютных и относительных размеров объектов, угловых размеров звезд, для контроля качества оптических деталей и их поверхностей и т.д.

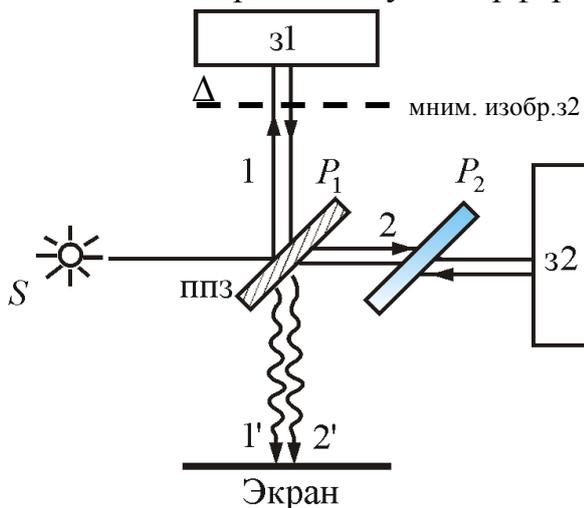
Принцип действия всех интерферометров одинаков и отличаются они только методами получения когерентных волн и тем, какая величина непосредственно измеряется. Пучок света с помощью того или иного устройства пространственно разделяется на два или большее число когерентных пучков, которые проходят различные оптические пути, а затем сводятся вместе, и наблюдается результат их интерференции. Вид интерференционной картины зависит от способа деления пучка света на когерентные пучки, от числа интерферирующих пучков, оптической разности хода, относительной интенсивности, размеров источника и спектрального состава света.

Методы получения когерентных пучков в интерференции многообразны, и поэтому существует большое число различных конструкций интерферометров. По числу интерферирующих пучков света оптические интерферометры можно разделить на двухлучевые и многолучевые.

### Двухлучевые интерферометры.

Примером двухлучевого интерферометра может служить интерферометр Майкельсона.

Рассмотрим схему интерферометра Майкельсона:  $z1$  и  $z2$  – зеркала,



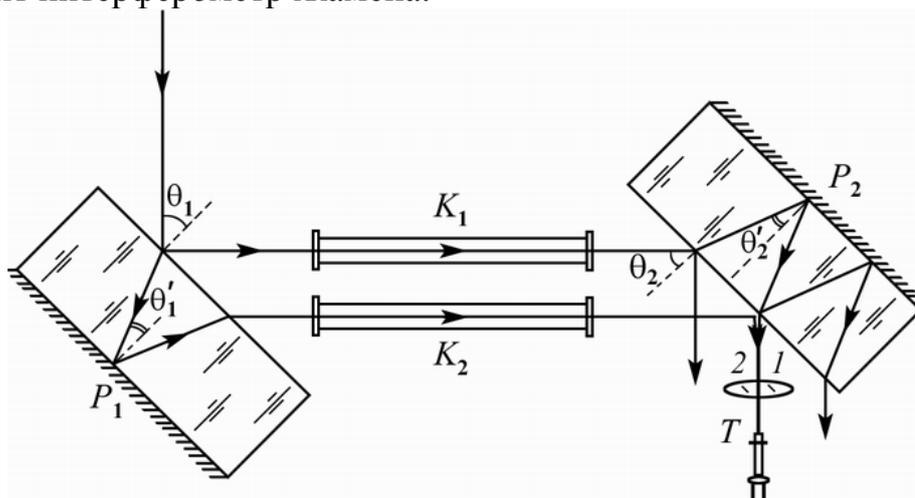
полупрозрачное зеркало  $P_1$  посеребрено и делит луч на две части луч 1 и 2. Луч 1 отражаясь от  $z1$  и проходя  $P_1$  дает  $1'$ , а луч 2 отражаясь от  $z2$  и далее от  $P_1$  дает  $2'$ . Пластинки  $P_1$  и  $P_2$  одинаковы по размерам.  $P_2$  ставится для компенсации разности хода второго луча. Лучи  $1'$  и  $2'$  когерентны и интерферируют. Зеркало  $z2$  может поворачиваться.

Разность хода интерферирующих волн определяется следующим образом:  $\Delta = n_1(2P_1z1) - n_2(2P_1z2)$ , где  $P_1z1$  – расстояние от пластинки до зер-

кала  $z_1$ ,  $P_1z_2$  – расстояние от пластики до зеркала  $z_2$ ,  $n_1$  и  $n_2$  – показатели преломления сред в интерферометре. Если мнимое изображение  $z_2$  параллельно зеркалу  $z_1$ , то в интерферометре наблюдаются полосы равного наклона. Если мнимое изображение  $z_2$  не параллельно  $z_1$ , то наблюдаются полосы равной толщины.

Интерферометры Майкельсона широко используются в физических измерениях и технических приборах. С его помощью впервые была измерена абсолютная величина длины волны света, доказана независимость скорости света от движения источника и др. Его используют как спектральный прибор для анализа спектров излучения. В сочетании с микроскопом интерферометр служит для абсолютных и относительных измерений эталонов меры длины (точность измерений до 0,005 мкм). По виду интерференционных полос он позволяет измерять величину отступления от плоскости и форму микронеровностей поверхности.

Существуют двухлучевые интерферометры, предназначенные для измерения показателей преломления газов и жидкостей (они носят название интерферометры-рефрактометры). Примером такого интерферометра служит интерферометр Жамена.

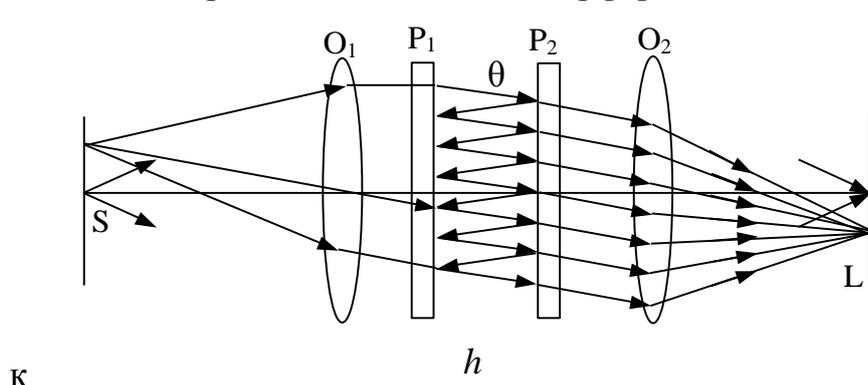


Пучок монохроматического света после отражения от передней и задней поверхностей первой стеклянной пластинки  $P_1$  разделяется на два пучка. Пройдя через кюветы  $K_1$  и  $K_2$  и отразившись от поверхностей стеклянной пластинки  $P_2$ , слегка повернутой относительно  $P_1$ , пучки попадают в зрительную трубу  $T$ , где интерферируют. Если одна из кювет заполнена веществом с показателем преломления  $n_1$ , а другая – с  $n_2$ , то по смещению интерференционной картины на число полос  $m$  по сравнению, когда обе кюветы заполнены одинаковым веществом, можно найти  $\Delta n = n_1 - n_2 = \frac{m\lambda}{l}$ , где  $l$  – длина кюветы,  $\lambda$  – длина волны света. Точность

измерения  $\Delta n$  очень высока и достигает 7-го и даже 9-го десятичного знака.

### Многолучевые интерферометры.

Примером многолучевого интерферометра является интерферометр Фабри-Перо. [Ш. Фабри (1867-1945) французский физик совместно с А. Перо (1863-1925) французским физиком в 1899г. построил интерферометр, названный их именем (интерферометр Фабри-Перо) для проведения тонких измерений оптических интерференционных эффектов].



Многолучевой интерферометр Фабри - Перо состоит из двух стеклянных или кварцевых пластинок  $P_1$  и  $P_2$ , на обращенные друг другу и параллельные между

собой поверхности которых нанесены зеркальные покрытия с высоким (85-98%) коэффициентом отражения. Параллельный пучок света, падающий на объектив  $O_1$ , в результате многократных отражений от зеркал, образует большое число параллельных, когерентных пучков с постоянной разностью хода между соседними пучками  $\Delta = 2nh\cos\theta$  между соседними пучками, но разной интенсивности. В результате многолучевой интерференции в фокальной плоскости  $L$  объектива  $O_2$  образуется интерференционная картина, имеющая форму концентрических колец с резкими интенсивными максимумами, положение которых зависит от  $\Delta = m\lambda$  ( $m$  – целое число), т.е. зависит от длины волны. Поэтому интерферометр Фабри-Перо разлагает сложное излучение в спектр. Применяется интерферометр Фабри-Перо как интерференционный спектральный прибор высокой разрешающей силы. Интерферометры Фабри -Перо с фотоэлектрической регистрацией используются для исследования спектров в видимой, инфракрасной и сантиметровой областях длин волн.

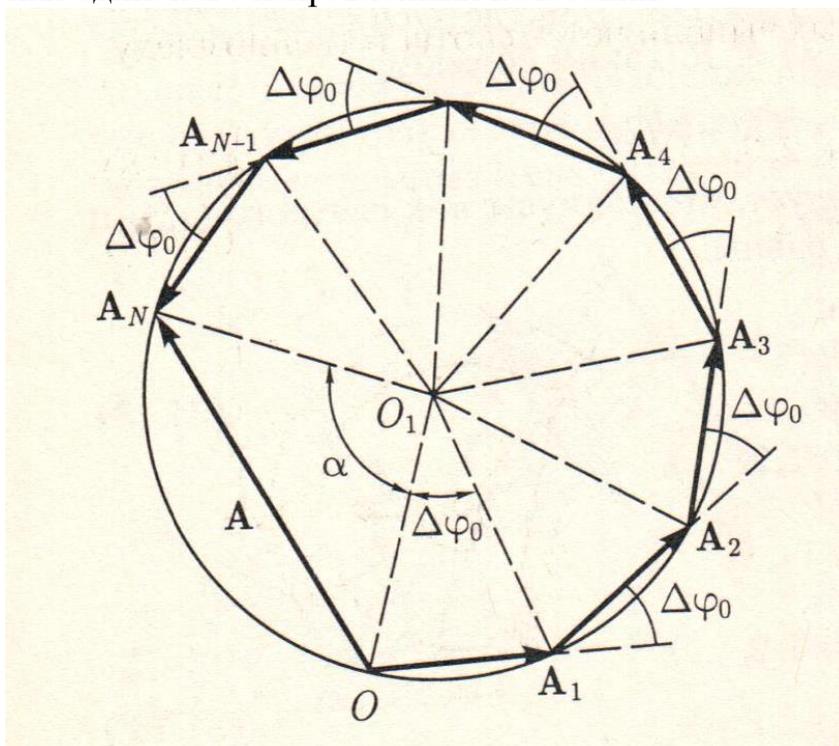
К многолучевым интерферометрам также относятся различного рода дифракционные решетки, которые используются как интерференционные спектральные приборы.

### ИНТЕРФЕРЕНЦИЯ МНОГИХ ВОЛН

Для осуществления интерференции многих волн с близкими или равными амплитудами применяют специальные интерференционные при-

боры – многолучевые интерферометры, например, интерферометр Фабри-Перо и др.

Рассмотрим интерференцию многих световых волн с близкими или равными амплитудами. Амплитуду  $A$  результирующих колебаний и их интенсивность  $I = A^2$  в произвольной точке  $M$  интерференционной картины можно найти, воспользовавшись методом векторных диаграмм для сложения одинаково направленных колебаний.



На рисунке показана векторная диаграмма сложения колебаний при интерференции  $N$  волн, возбуждающих в точке  $M$  одинаково направленные когерентные колебания с равными амплитудами  $A_i = A_i$  и не зависящим от  $i$  сдвигом фаз между  $(i+1)$ -м и  $i$ -м колебаниями:  $\Delta\varphi_0 = \varphi_{i+1} - \varphi_i$ .

Амплитуда результирующих колебаний  $A = 2|OO_1| \sin \frac{\alpha}{2}$ , где  $\alpha = 2\pi - N\Delta\varphi_0$ , а

$$|OO_1| = \frac{A_1}{2 \left| \sin \frac{\Delta\varphi_0}{2} \right|}. \text{ Поэтому } A = A_1 \left| \frac{\sin \frac{N\Delta\varphi_0}{2}}{\sin \frac{\Delta\varphi_0}{2}} \right|, \text{ а интенсивность результирующей}$$

волны в точке  $M$  будет равна:  $I = I_1 \frac{\sin^2 \left( \frac{N\Delta\varphi_0}{2} \right)}{\sin^2 \left( \frac{\Delta\varphi_0}{2} \right)}$ , где  $I_1 = A_1^2$  - интенсив-

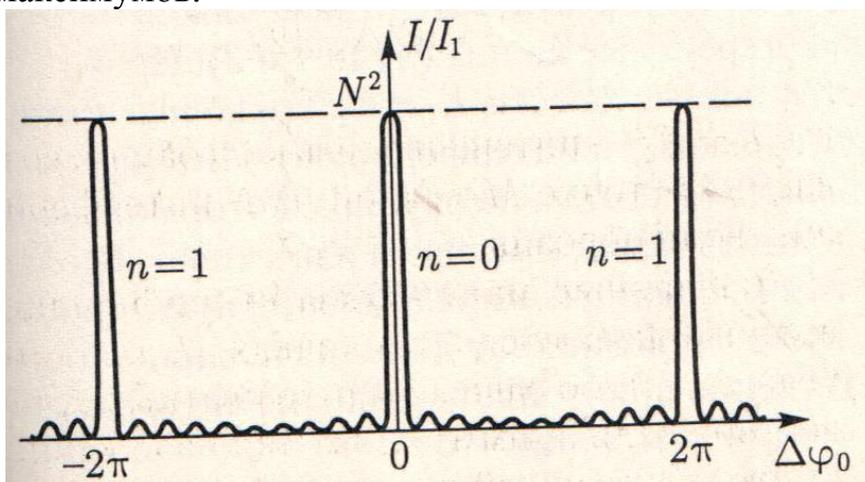
ность колебаний, возбуждаемых в точке  $M$  каждой из  $N$  интерферирующих волн.

Главные максимумы интерференции  $N$  волн наблюдаются в тех точках  $M$ , для которых углы  $\Delta\varphi_0$  либо равны 0, либо кратны  $2\pi$ , так что векторная диаграмма сложения колебаний примет вид:



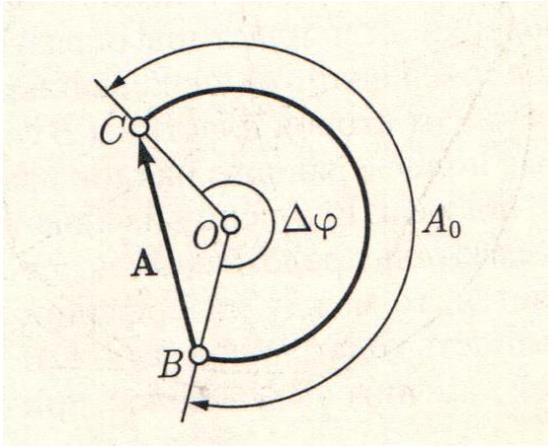
Тогда условие для главных максимумов имеет вид:  $\Delta\varphi_0 = \pm 2n\pi$ , где  $n=0, 1, 2, \dots$  - порядок главного максимума. Амплитуда и интенсивность колебаний в главных максимумах равны:  $A_{\max} = NA_1$ ;  $I_{\max} = N^2 I_1$ .

Интерференционные минимумы ( $A=0$ ) удовлетворяют условию  $\Delta\varphi_0 = \pm \frac{2\pi p}{N}$ , где  $p$  - принимает любые целые положительные значения, кроме кратных  $N$ . Между каждой парой соседних интерференционных минимумов находится один максимум - либо главный, либо побочный. При большом числе  $N$  интерферирующих волн интенсивности побочных максимумов пренебрежимо малы по сравнению с интенсивностью главных максимумов.



Двум минимумам, ограничивающим главный максимум  $n$ -го порядка, соответствуют значения  $\Delta\varphi_0 = \pm(2\pi n \pm \frac{2\pi}{N})$ , поэтому «ширина» главного максимума равна  $\frac{4\pi}{N}$ , обратно пропорциональна числу  $N$  интерферирующих волн, а его интенсивность пропорциональна  $N^2$ . Такой характер интерференционной картины при изменении  $N$  полностью согласуется с законом сохранения энергии: общая энергия колебаний во всех точках экрана, на котором наблюдается интерференционная картина, пропорциональна  $N$ .

Если число  $N$  интерферирующих волн неограниченно увеличивать, а их амплитуды  $A_1$  и сдвиг фаз  $\Delta\varphi_0$  соответственно уменьшать так, чтобы  $NA_1$  и  $N\Delta\varphi_0$  оставались конечными величинами, равными  $A_0$  и  $\Delta\varphi$ , то в пределе векторная диаграмма примет вид.

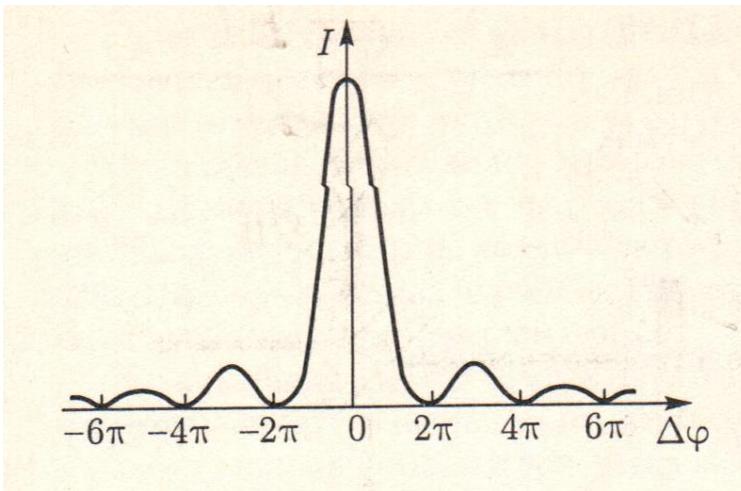


Вектор  $A$  амплитуды результирующих колебаний замыкает дугу  $BC$  окружности. Длина этой дуги равна  $A_0$ , а соответствующий ей центральный угол  $\angle BOC = \Delta\varphi$ . Поэтому радиус

окружности  $|OB| = \frac{A_0}{\Delta\varphi}$ , а амплитуда  $A$  и интенсивность результирующего

колебания равны  $A = A_0 \left| \frac{\sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\frac{\Delta\varphi}{2}} \right|$ ,  $I = I_0 \left| \frac{\sin^2 \frac{\Delta\varphi}{2}}{\left(\frac{\Delta\varphi}{2}\right)^2} \right|$ , где  $I_0 = A_0^2$ . Из получен-

ных зависимостей видно, что максимумы и минимумы находятся в точках, для которых выполняются следующие условия:  $\Delta\varphi = \pm 2m\pi$  ( $m = 1, 2, 3, \dots$ ) (условие минимума);  $\text{tg}\left(\frac{\Delta\varphi}{2}\right) = \frac{\Delta\varphi}{2} \Rightarrow$  Решение данного трансцендентного уравнения можно представить в виде  $(\Delta\varphi)_{\text{max}} = \pm 2k_{\text{max}}\pi$ , где  $m = 0, 1, 2, 3, \dots$  – порядок максимума. Для центрального максимума нулевого порядка коэффициент  $k_0 = 0$  и  $(\Delta\varphi)_0 = 0$ . Амплитуда и интенсивность колебаний в максимуме равны  $A_0$  и  $I_0$ . Для всех остальных максимумов ( $m \geq 1$ ) приближенно можно считать, что  $k_m = (2m + 1)/2$ ;



$(\Delta\varphi)_m = \pm(2m + 1)\pi$ . При выполнении этого условия вектор  $A = A_m$  и на диаграмме будет направлен вертикально, а сама диаграмма будет содержать  $(2m + 1)$  полуокружностей, диаметр у которой равен модулю вектора  $A_m$ :  $A_m = 2A_0 / (2m + 1)\pi$ .

Отношение интенсивностей максимумов  $m$

го и нулевого порядков:  $\frac{I_m}{I_0} = \frac{4}{(2m+1)^2 \pi^2}$ . Это отношение быстро убывает с ростом  $m$ . Характер зависимости  $I$  от  $\Delta\varphi$  показан на рисунке.