

$$\vec{N} = \int \vec{E} \vec{H}$$

$$N = \frac{dW}{dS_{\perp} dt}$$

Давление, оказываемое плоскостью на волну

Мех-м: $\vec{E}$ действует на заряд, $\vec{H}$ действует на ток

$$P = (1 + \rho) \langle \omega \rangle$$

где: ρ - коэффициент отражения от пов-ти тела
 $\langle \omega \rangle$ - среднее значение энергии падающей волны

Если пов-ть абсолютно поглощающая: $\rho = 0 \Rightarrow P = \langle \omega \rangle$
 Если пов-ть идеально отражающая: $\rho = 1 \Rightarrow P = 2 \langle \omega \rangle$

Давление света оч. мало!
 На расст-ии $l = 1 \text{ м}$ от источника света в 1 мин. светит, то
 $P \sim 10^{-9} \text{ Па}$



Интенсивность плоской ЭМ волны

Средняя плотность энергии волны: $\bar{w} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \frac{E_0}{2} = \frac{c}{2\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} E_0^2$

$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = 3 \cdot 10^8 \text{ м/с}$ - скорость света в вакууме
 $\sqrt{\epsilon_0 \mu_0} = n$ - абсолютный показатель преломления

$n = \frac{c}{v}$ - коэффициент преломления

Средняя плотность энергии $\bar{w}$ складывается из энергии электрического и магнитного полей: $\bar{w} = \frac{\epsilon_0 E_0^2}{2} + \frac{\mu_0 H_0^2}{2}$

Напряженность электрического и магнитного полей $\vec{E}$ и $\vec{H}$

Напряженность электрического поля $E_0 = c \cdot B_0$ где B_0 - амплитуда магнитного поля
 В среднем: $\lambda = cT = \frac{c}{n} T$ где: $\lambda_0 = cT$ - длина волны в вакууме
 $n \in (1; 100)$

Длина волны λ_0 видимого спектра:

$\lambda_0 \in \text{от } 0,4 \text{ мкм до } 0,76 \text{ мкм}$
 (видимый свет) (инфракрасное)

$$\lambda_0 = cT = \frac{c}{\nu}$$

$$\Rightarrow \nu = \frac{c}{\lambda_0} \Rightarrow \nu \in (0,33 \cdot 10^{15} \text{ Гц до } 0,75 \cdot 10^{15} \text{ Гц})$$

Электрическое и магнитное поля в электромагнитной волне распространяются перпендикулярно друг другу и перпендикулярно направлению распространения волны.
 т.е. $\vec{E}$ и $\vec{H}$ - векторы, лежащие в одной плоскости, перпендикулярной направлению распространения волны.

Интенсивность I (Вт/м²):

$$I = \langle \vec{N} \rangle = \langle \vec{E} \vec{H} \rangle$$

$$I = \langle \vec{E} \vec{H} \rangle = \left\langle \begin{matrix} E = E_m \cos(\omega t - kx) \\ H = H_m \cos(\omega t - kx) \end{matrix} \right\rangle = \langle E_m \cos(\omega t - kx) \cdot H_m \cos(\omega t - kx) \rangle =$$

$$= E_m H_m \langle \cos^2(\omega t - kx) \rangle = \frac{E_m H_m}{2}$$

$$I = \frac{E_m H_m}{2}$$

т.к. $\sqrt{\epsilon_0 \mu_0} E_m = \sqrt{\mu_0} H_m \Rightarrow H_m = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} E_m$
 + для нелинейных сред: $\mu = 1$

$$I = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} E_m^2 = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} n^2 E_m^2 \text{ для нелинейных сред } (n \neq 1)$$

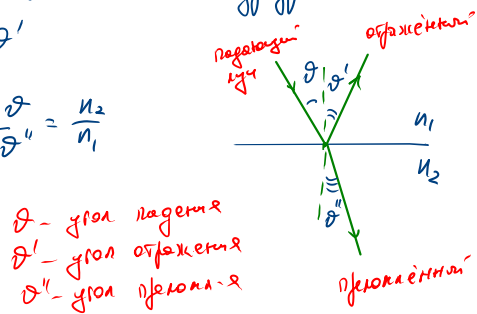
$$\Rightarrow \sqrt{I \sim n^2 E_m^2} \text{ (для нелинейных сред)}$$

§ Геометрическая Оптика

т.е. длина волн мал, то н. отвлечься от волн. проф. света и считать, что 1) $\lambda \rightarrow 0$ и 2) свет распространяется вдоль линий ("лучей")
 $\Rightarrow$ "лучевая" или "геометрическая" оптика

Основы Геом. Опт. 4 закона

1. Зак. прямоли. распр. света: в однородн. среде вдоль прямых линий (прямолино.)
2. Зак. независим. свет. лучей: лучи при пересечении не возмущают друг друга.
3. Зак. отражения: $\theta = \theta'$
4. Зак. преломления: $\frac{\sin \theta}{\sin \theta''} = \frac{n_2}{n_1}$

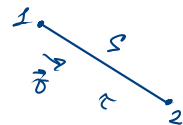


Принцип Ферма: Свет распространяется по такому пути, для прохождения которого тратится мин. время

$$\tau = \frac{S}{v} = \frac{n \cdot S}{c} \quad \text{где: } S - \text{геометрич. путь}$$

$\Rightarrow$ для однородн. сред (n = const)

$$\tau = \frac{n \cdot S}{c}$$



Если среда неоднородна (n != const)

$$\tau = \frac{1}{c} \int_1^2 n \cdot ds \quad \text{где: } ds - \text{малый элемент геометрич. пути}$$

$$L \equiv \int_1^2 n \cdot ds - \text{оптический путь (оптический длина пути)}$$

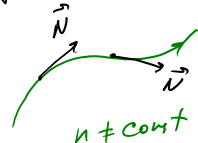
если n = const

$$\Rightarrow L = \int_1^2 n \cdot ds = n \cdot S$$

$\Rightarrow$ Пр. Ферма: Свет всегда движется по такому пути, для которого оптический длина минимална !

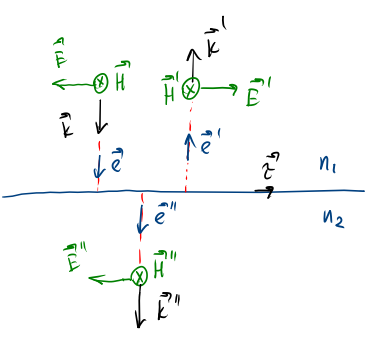
Итак, в геом. оптике свет распр-ся вдоль "лучей":

- линии, касательн. к кот-н совпадают с $\vec{N}$
- линии, касат. к кот-н совпадают с направлением $\vec{n}$



§ 2/н волна на границе раздела 2х диэл-в (отражение от оптически более плотной среды)

Плоская э/м волна падает $\perp$ на границу 2х диэл-в
 $\subset$ векторы n_1 и n_2



$\vec{E}, \vec{H}$ - падающ. волна
 $\vec{E}', \vec{H}'$ - отражен. волна
 $\vec{E}'', \vec{H}''$ - преломлен. волна
 $\vec{e} \equiv \frac{\vec{k}}{k}$ - ед. вектор направления волны
 $\vec{e}' \equiv \frac{\vec{k}'}{k'}$ - ... отражен.-
 $\vec{e}'' \equiv \frac{\vec{k}''}{k''}$ - ... преломлен.-

На границе раздела тангенс. составляя $\vec{E}, \vec{H}$ г.д непрерывны

$$E_{1\tau} = E_{2\tau} \quad H_{1\tau} = H_{2\tau}$$

или разл-ва н. составляю в векторн. форме:

$$\vec{E} + \vec{E}' = \vec{E}'' \quad \text{и} \quad \vec{H} + \vec{H}' = \vec{H}''$$

т.к. $\vec{E}, \vec{H}$ и $\vec{e}$ ортогональны $\Rightarrow$ правую часть векторно:
 $\vec{H} = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \cdot n \cdot [\vec{e}, \vec{E}]$, $\vec{e}$ - ед. вектор

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} n_1 [\vec{e}, \vec{E}] + \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} n_1 [\vec{e}', \vec{E}'] = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} n_2 [\vec{e}'', \vec{E}'']$$

учит, что: $\vec{e} = \vec{e}'' = -\vec{e}'$

$$\Rightarrow n_1 [\vec{e}, \vec{E}] - n_1 [\vec{e}, \vec{E}'] = n_2 [\vec{e}, \vec{E}'']$$

$$\text{или } \int \vec{e}, n_1 \vec{E} = \int \vec{e}, n_1 \vec{E}' + n_2 \vec{E}''$$

$$\Rightarrow \frac{n_1 \vec{E} = n_1 \vec{E}' + n_2 \vec{E}''}{\vec{E} + \vec{E}' = \vec{E}''}$$

$$\Rightarrow \vec{E}' = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}$$

$$\vec{E}'' = \frac{2 \cdot n_1}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}$$

для n_1, n_2 : $\vec{E}'' \uparrow \uparrow \vec{E} \Rightarrow$ коед-я преломлен. волна
 синфазно коед. падающей

если $n_2 < n_1$, то $\vec{E}' \uparrow \uparrow \vec{E}$ - коед-я отражен. волна
 синфазно $\vec{E}$

$n_2 < n_1$, то $\vec{E}' \uparrow \downarrow \vec{E}$ - коед-я преломлен. в проводящей

$\Rightarrow$ при отражении от границы раздела сред, оптически менее плотной, с средой оптически более плотной, для коед-и вектора $\vec{E}$ меняется на π