

$$\vec{E}^r = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}^i \quad (*)$$

$$\vec{E}^t = \frac{2 \cdot n_1}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}^i \quad (**)$$

$$\vec{E}^r \uparrow \uparrow \vec{E}$$

$$\begin{aligned} \vec{E}^r \uparrow \uparrow \vec{E} & \quad n_2 < n_1 \\ \vec{E}^r \uparrow \downarrow \vec{E} & \quad n_2 > n_1 \end{aligned}$$

Сохраняем:

$$n_1 \cdot E^i{}^2 + n_2 \cdot E^r{}^2 = \int u_{\vec{E}} \cdot d\vec{S} = n_1 \cdot E^i{}^2$$

⇒ сохраняем и для амплитуд:

$$n_1 \cdot E_n^i{}^2 + n_2 \cdot E_n^r{}^2 = n_1 \cdot E_n^i{}^2$$

или

$$\boxed{I^r + I^t = I}$$

~ закон сохранения энергии

сохраняем для ^{плоских} волн

$$I \sim n E_n^2$$

интенсивность, направление света
рассеяна на отражении и преломлении

Вспомогательная коэф. отражения (p) и коэф. преломления (r)

$$p = \frac{I^r}{I} = \frac{n_1 \cdot E_n^r{}^2}{n_1 \cdot E_n^i{}^2} = \left(\frac{n_2 - n_1}{n_2 + n_1} \right)^2$$

где: $n_{12} = \frac{n_2}{n_1}$ - относительный преломл. коэф.

$$r = \frac{I^t}{I} = \frac{n_2 \cdot E_n^t{}^2}{n_1 \cdot E_n^i{}^2} = \dots = n_{12} \cdot \left(\frac{2}{n_2 + n_1} \right)^2$$

$$\vec{E} = \vec{E}_m \cdot \cos(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})$$

Важно: $p + r = 1$

стекло/воздух: $n_{12} = \frac{n_{ст}}{n_{воз}} \approx 1.5 \Rightarrow p = 0.04 \Rightarrow$

4% энергии отражено

Тема: Интерференция в сетях

§ Общее понятие об интерференции

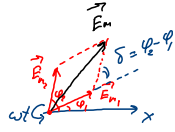
Пусть 2 волны отчасти когерентны, накладываются в какой-то точке:

$$E_{M1} \cdot \cos(\omega t - \varphi_1) \quad E_{M2} \cdot \cos(\omega t - \varphi_2)$$

→ Ампл. результирующей в каждой точке когерентности:

$$E_R^2 = E_{M1}^2 + E_{M2}^2 + 2 \cdot E_{M1} \cdot E_{M2} \cdot \cos \delta$$

где: $\delta = \varphi_2 - \varphi_1$



⟨ E_R ⟩ ⇒ ⟨ $n \cdot E_R$ ⟩ = ⟨ $n \cdot E_{M1}$ ⟩ + ⟨ $n \cdot E_{M2}$ ⟩ + ⟨ $2 \cdot E_{M1} \cdot E_{M2} \cdot n \cdot \cos \delta$ ⟩ I_1 и I_2

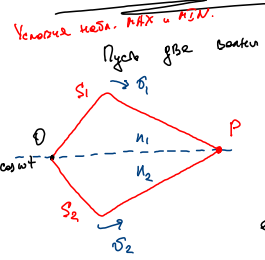
или $I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 \cdot I_2} \cdot \langle \cos \delta \rangle$

В зависимости от ⟨ $\cos \delta$ ⟩ суммируются интерференция в разных точках
н.д. волны/лучи суммируются $I_1 + I_2$, от 2х волн

Интерференция — явление сложения волн с одинаковой или разной частотой

Интерференция и только когерентных колебаний: $\delta = \text{const}$

Условия макс. АЧХ и МЧХ.



Пусть две волны исходят из точек O

то т.Р падает в точку фазового сдвига φ_1

в фазе φ_2 в точке S_2 в фазе φ_2

если в т.О фаза каждой волны ωt , то в т.Р

первая волна выдвигается вперед: $E_{M1} \cdot \cos(\omega t - \frac{\varphi_1}{v})$

вторая волна выдвигается: $E_{M2} \cdot \cos(\omega t - \frac{\varphi_2}{v})$

где: $\varphi_1 = \frac{c}{v_1} \cdot d$ $\varphi_2 = \frac{c}{v_2} \cdot d$

→ разность фаз 2х волн будет: $\delta = \varphi_2 - \varphi_1 = \omega \left(\frac{S_2}{v_2} - \frac{S_1}{v_1} \right) = \frac{\omega}{c} (v_2 S_2 - v_1 S_1)$

т.е. $\frac{\omega}{c} = \frac{2\pi}{T \cdot c} = \frac{2\pi}{\lambda_0} \Rightarrow \delta = \frac{2\pi}{\lambda_0} (v_2 S_2 - v_1 S_1)$

или $\delta = \frac{2\pi}{\lambda_0} \cdot \Delta$

где: $\Delta = v_2 S_2 - v_1 S_1 \approx L_2 - L_1$

- разность оптических путей
- разность фазовых функций путей
- оптическая разность хода
- разность хода 2х лучей

где: $\Delta = \int n \cdot ds$
- оптический путь
(оптическая длина пути)

$\delta = \frac{2\pi}{\lambda_0} \cdot \Delta$

Если оптическая хода Δ равна $2n \cdot d$ (где n число волн или число периодов)

→ разность фаз: $\delta = \pm 2\pi \cdot m \Rightarrow I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 \cdot I_2}$
т.е. $I > I_1 + I_2$

т.е. каждая волна выдвигается вперед когерентно в одинаковой фазе!

характер АЧХ интерференции

если на оптическую разность хода Δ кратно число $\lambda_0/2$, т.е.

$\Delta = \pm (n + \frac{1}{2}) \lambda_0 = \pm (2n + 1) \frac{\lambda_0}{2}$ $n = 0, 1, 2, \dots$

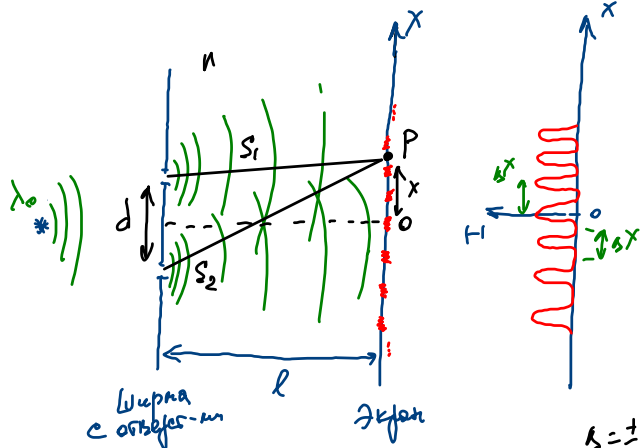
→ $\delta = \pm (2n + 1) \cdot \pi \Rightarrow I = I_1 + I_2 - 2 \sqrt{I_1 \cdot I_2}$ т.е. $I < I_1 + I_2$

в точке наблюдения когерентно в противофазе!

характер МЧХ интерференции

§ Схема наблюдения интерфер-ч.

а) Опыт Юнга - разделение волн. фронта на 2 части



$$\left. \begin{aligned} S_1^2 &= l^2 + \left(x - \frac{d}{2}\right)^2 \\ S_2^2 &= l^2 + \left(x + \frac{d}{2}\right)^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow S_2^2 - S_1^2 = (S_2 + S_1)(S_2 - S_1) = 2xd$$

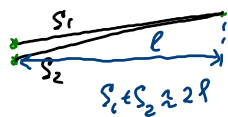
$$\Rightarrow \Delta = nS_2 - nS_1 = n(S_2 - S_1) \Rightarrow \Delta = n \cdot \frac{x \cdot d}{l}$$

$$\Rightarrow S_2 - S_1 = \frac{2xd}{2l} = \frac{x \cdot d}{l}$$

$$\Delta = \pm n \lambda_0 \Rightarrow \underline{\underline{x_{max} = \pm n \frac{l}{d} \lambda_0}} \quad \Rightarrow \Delta x_{max} = \Delta x_{min} = \Delta x = \frac{l \lambda_0}{d}$$

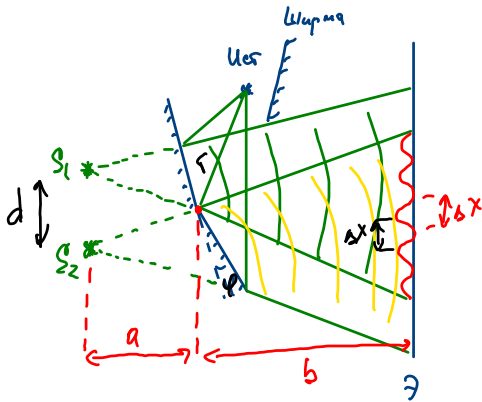
$$\underline{\underline{x_{min} = \pm \left(k + \frac{1}{2}\right) \frac{l}{d} \lambda_0}}$$

$d \ll l$



б) Зеркала Френеля

2^я макс. конструктив. зеркало пог. кривой. фронты φ
волны от зеркал расходятся, как от мнимых источников S1 и S2



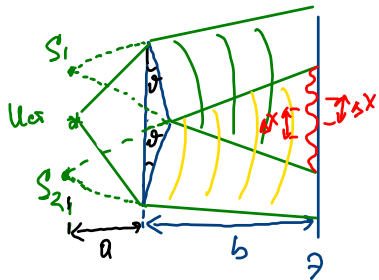
$$a \approx r \Rightarrow l = a + b$$

$$d \approx 2r\varphi \Rightarrow \Delta x = \frac{r+b}{2r\varphi} \lambda_0$$

в) Билинза Френеля (П/2)

угол преломл. θ - мал

S1, S2 - мнимые источники



$$\Delta x = \frac{(a+b)\lambda_0}{2a(n-1)\varphi}$$

n - показ. преломл. линзы

г) отражение от точечных решеток