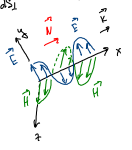


$\vec{N} = \int [\vec{E}, \vec{H}]$  - момент Лоренца  
 $\vec{N} = \frac{d\vec{L}}{dt} = \frac{d}{dt} \int \vec{r} \times \vec{p}$  - это момент импульса, если  $\vec{p}$  - импульс, а  $\vec{r}$  - радиус-вектор



**Момент, связан с моментом ЭП волн**

$p = \langle \vec{E} \vec{H} \rangle$   
 где:  $p$  - вектор Пойнтинга, направление тем же  
 $\langle \omega \rangle$  - средняя частота, тогда  $\vec{p} = \langle \omega \rangle \vec{N}$   
 Если  $\vec{N}$  - момент импульса:  $p = \omega \vec{N}$   
 Если  $\vec{N}$  - момент энергии:  $p = \omega \vec{N}$   
 Если  $\vec{N}$  - момент импульса:  $p = \omega \vec{N}$   
 Если  $\vec{N}$  - момент энергии:  $p = \omega \vec{N}$



**Интерференция волн: ЭП волн**

Средняя плотность энергии:  $\bar{S} = \frac{1}{T} \int_0^T \vec{E} \vec{H} dt = \frac{1}{T} \int_0^T E H dt$   
 $\bar{S} = \frac{1}{T} \int_0^T E_0 H_0 \cos^2(\omega t) dt = \frac{1}{2} E_0 H_0$   
 $\bar{S} = \frac{1}{2} \sqrt{\epsilon_0} E_0 \sqrt{\mu_0} H_0 = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 c$

В фазе:  $\lambda = \bar{S} T = \frac{1}{n} \lambda_0$   
 $\lambda_0 = c T$  - длина волны в вакууме  
 $n \in (1; 100)$   
 Длина волны  $\lambda_0$  вакуума:  $\lambda_0 = \frac{c}{\nu}$   
 $\lambda = \frac{c}{\nu} \Rightarrow \nu \in (0.33 + 0.99) 10^{15} \text{ Гц}$

Векторы  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$  для волнового пакета  
 в вакууме, плоская волна, распространяется в направлении  $\vec{e}$   
 $\vec{E} = E_0 \cos(\omega t - kx)$   
 $\vec{H} = H_0 \cos(\omega t - kx)$   
 где  $\vec{e} = \vec{e}_x$ ,  $\vec{e}_y$  - ось  $Oz$ ,  $\vec{e}_z$  - ось  $Ox$   
 где  $\vec{e} = \vec{e}_x$ ,  $\vec{e}_y$  - ось  $Oz$ ,  $\vec{e}_z$  - ось  $Ox$

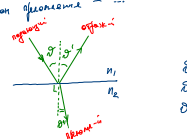
$I = \langle \vec{E} \vec{H} \rangle = \langle E_0 \cos(\omega t - kx) H_0 \cos(\omega t - kx) \rangle$   
 $I = \frac{1}{T} \int_0^T E_0 H_0 \cos^2(\omega t - kx) dt = \frac{1}{2} E_0 H_0$   
 $I = \frac{1}{2} \sqrt{\epsilon_0} E_0 \sqrt{\mu_0} H_0 = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 c$

где  $\vec{e} = \vec{e}_x$ ,  $\vec{e}_y$  - ось  $Oz$ ,  $\vec{e}_z$  - ось  $Ox$   
 $I = \frac{1}{2} \sqrt{\epsilon_0} E_0 \sqrt{\mu_0} H_0 = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 c$   
 $I \sim n E_0^2$  (для волны)

**Резонансная система**

Т.е. если волна имеет частоту  $\omega$ , то  $n$  зависит от  $\omega$   
 и зависит от частоты волны (дисперсия)

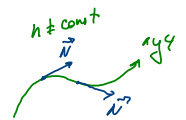
1. Зависит от частоты волны -  $n$  зависит от  $\omega$
2. Зависит от частоты волны -  $n$  зависит от  $\omega$
3. Зависит от частоты волны -  $n$  зависит от  $\omega$
4. Зависит от частоты волны -  $n$  зависит от  $\omega$



Формулы Рэлея:  $\tau = \frac{S'}{S} = \frac{n_1^2 \cos^2 \theta_1}{n_2^2 \cos^2 \theta_2}$   
 $\tau = \frac{S'}{S} = \frac{n_1^2 \cos^2 \theta_1}{n_2^2 \cos^2 \theta_2}$   
 $\tau = \frac{S'}{S} = \frac{n_1^2 \cos^2 \theta_1}{n_2^2 \cos^2 \theta_2}$   
 $\tau = \frac{S'}{S} = \frac{n_1^2 \cos^2 \theta_1}{n_2^2 \cos^2 \theta_2}$

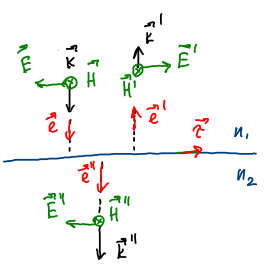
Формулы Рэлея:  $\tau = \frac{S'}{S} = \frac{n_1^2 \cos^2 \theta_1}{n_2^2 \cos^2 \theta_2}$

Угол в гол. оп. свет падает на линзу - лучи  
 - линзы образуют. Рефлексе-ся свет. Эп-р - линзы, касая-е  
 к волн в точке совпадет с  $\vec{N}$ .



Э/н волна на границе раздела 2х сред-в  
 (отраж-е от оптически более плотной среды)

Плоская Э/н волна падает  $\perp$  на границу 2х сред, угол падения  $\alpha$  с  $n_1, n_2$



$\vec{E}, \vec{H}$  - падающ. волна  
 $\vec{E}', \vec{H}'$  - отраж. волна  
 $\vec{E}'', \vec{H}''$  - преломл. волна  
 $\vec{E} \equiv \frac{\vec{E}}{k}$  - ср. вектор падающ. волны  
 $\vec{E}' \equiv \frac{\vec{E}'}{k'}$  - -- отраж-е  
 $\vec{E}'' \equiv \frac{\vec{E}''}{k''}$  - -- преломл-е  
 $\vec{E}$  - ср. вектор касая-е к границе

На границе тангенс. сост-я  $\vec{E}, \vec{H}$  с  $\delta$  непрерывны:  
 $E_{1\tau} = E_{2\tau}$      $H_{1\tau} = H_{2\tau}$

т.е. нормальная компонента вект  $(E_n, H_n)$ , то же для  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$ :  
 н. компонента для векторов  $\vec{E}$  и  $\vec{H}$ :

$\Rightarrow \vec{E} + \vec{E}' = \vec{E}''$     и     $\vec{H} + \vec{H}' = \vec{H}''$

т.к.  $\vec{E}, \vec{H}$  и  $\vec{e}$  образуют ортогональную систему вект-ов:  
 $\vec{H} = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \cdot n \cdot [\vec{e}, \vec{E}]$      $\vec{e}$  - ср. вектор

$\Rightarrow \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \cdot n_1 \cdot [\vec{e}, \vec{E}] + \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \cdot n_1 \cdot [\vec{e}', \vec{E}'] = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \cdot n_2 \cdot [\vec{e}'', \vec{E}'']$

учитывая:  $\vec{e} = \vec{e}'' = -\vec{e}'$   
 $\Rightarrow n_1 [\vec{e}, \vec{E}] - n_1 [\vec{e}', \vec{E}'] = n_2 [\vec{e}, \vec{E}'']$

или  $[\vec{e}, n_2 \vec{E}'] = [\vec{e}, n_1 \vec{E} + n_2 \vec{E}'']$

$\Rightarrow n_1 \vec{E} = n_1 \vec{E}' + n_2 \vec{E}''$

Вопрос:  $\vec{E} + \vec{E}' = \vec{E}''$

$\Rightarrow \vec{E}' = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}$   
 $\vec{E}'' = \frac{2 \cdot n_1}{n_1 + n_2} \cdot \vec{E}$

$\Rightarrow$  для сред  $n_1, n_2$ :  $\vec{E}'' \uparrow \vec{E}$     каждая волна прямая кол-во падающ. волны

Если  $n_2 < n_1$ , то  $\vec{E}' \uparrow \vec{E}$  - каждая отраж. волна сверх кол-во

$n_2 > n_1$ , то  $\vec{E}' \downarrow \vec{E}$  - каждая преломл-е в противополож

$\Rightarrow$  при отраж-е от границы раздела сред, оптич. менее плотной, с более плотной, угол падения  $\alpha$  равен углу отраж-я на  $\pi$