

Физика 3-4,

"Колебания. Волны. Оптика. Кванты. Физика"

Лит-ра:

1. Н.Д. Саранышев "Класс. физика. Оптика" : Т.4 "Волны. Оптика"
Т.5 "Кв. Оптика. Атомная физика"
Т.1 "Механика. Колебания"
2. Д.В. Сивухин "Класс. физика"
3. И.Е. Чробов "Общ. физика. Волновые процессы"
"Кванты. физика"
4. Тюфтикова "Класс. физика"
5. Матвеев А.Н. "Оптика"

Глава: Колебания и Волны

§ Гармонические колебания

Колеб. - движение по прямой, характеризуемое периодом. Но есть еще виды колебаний

Например, для колебаний вдоль оси x :
уравнение $S = \text{const.} \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$
где: A - амплитуда (единица измерения)
 ω_0 - круговая (гипотеза) частота
 φ_0 - начальная фаза

Чтобы $\omega_0 t + \varphi_0$ - это колебание было ненулевым:

$$-1 \leq \cos \theta \leq 1 \Rightarrow -A \leq S \leq A$$

Колеб. периодич. в 1/2 времени - Т - называют колебанием на 2π

$$\omega_0 T = \frac{\pi}{2} \Rightarrow T = \frac{\pi}{2\omega_0}$$

Логично, колеб. вдоль оси x являются гармоническими.
Более того, $S = A \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$

+ гармон. колеб. в 3D называют колебаниями колебанием

пример: $e^{i\omega_0 t} = \cos \omega_0 t + i \sin \omega_0 t$ - комплексные

Пример: $\tilde{S} = A \cdot e^{i(\omega_0 t + \varphi_0)} = A \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0) + i \cdot \sin(\omega_0 t + \varphi_0)$

$$z = Re \tilde{S} + i \cdot Im \tilde{S}$$

Очевидно, что $Re \tilde{S}$ - это гармон. колебание

$$S = A \cdot e^{i(\omega_0 t + \varphi_0)}$$

Напомним, что (d/dt) - это производная по времени

$$S(t) = A \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (*)$$

$$\frac{dS}{dt} = -A \cdot \omega_0 \cdot \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (**)$$

$$\frac{d^2S}{dt^2} = -A \cdot \omega_0^2 \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (***)$$

$$\text{Доказывая } (***) \text{ на } \omega_0^2 \text{ и сравнив с } (***)$$

$$\omega_0^2 S + \frac{d^2S}{dt^2} = A \cdot \omega_0^2 \cos(-) - A \cdot \omega_0^2 \cos(-) = 0$$

$$\frac{d^2S}{dt^2} + \omega_0^2 S = 0 \quad ? \quad \text{ДВ гармон. колеб.}$$

- вспомните про $\sin(x) = \text{const.} \cdot \cos(x - \pi/2)$

Правильный критерий на гармон. колебание, т.е. колебание

- если колебание не является гармоническим, то оно не является колебанием

Найдем частоту $\Omega = \omega_0$ колебаний

а) $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$, т.е. $\ddot{x} = -\omega_0^2 x$

$$\Rightarrow \ddot{x} + \omega_0^2 x = 0 \Leftrightarrow \text{ДВ гармон. колеб.}$$

$$\omega_0^2 = -\frac{\ddot{x}}{x} = -\frac{\omega_0^2}{\omega_0^2} = -1$$

$$\omega_0 = \sqrt{-1}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{\omega_0^2}}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{-1}} = \sqrt{i}$$

$$\omega_0 = \sqrt{i}$$

$$\omega_0 = \sqrt{i} \cdot \omega_0$$

$$\omega_0 = \sqrt{i} \cdot \sqrt{\omega_0^2} = \sqrt{i} \cdot \omega_0$$

$$\omega_0 = \sqrt{i} \cdot \omega_0$$

§ Сложение гарм. кол-й одного конфуз. и частоты

$$x_1 = A_1 \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_{01}) \quad x_2 = A_2 \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_{02})$$

— одно конфуз. и частота кол-й

$$\varphi_{01} = \varphi_1 \quad \varphi_{02} = \varphi_2$$

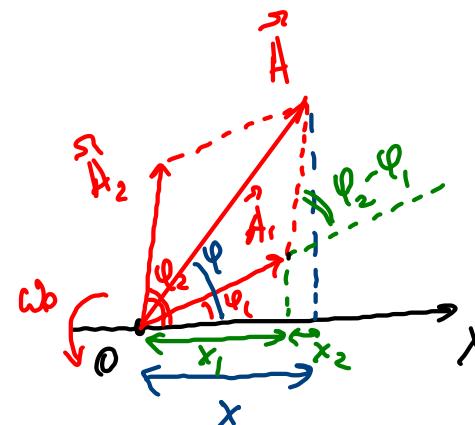
Приложенное кол-е с постоянной амплитудой и фазой, параллельно оси x
и складывается по правилу параллелограмма.

Несущая ф-я имеет вид $\omega_0 \Rightarrow$
если неизвестна фаза:

$$x = x_1 + x_2 = A \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

По расстоянию:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 - 2 \cdot A_1 \cdot A_2 \cdot \cos(180^\circ - (\varphi_2 - \varphi_1)) = \\ = A_1^2 + A_2^2 + 2 \cdot A_1 \cdot A_2 \cdot \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$



$$\Rightarrow A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 \cdot A_2 \cdot \cos(\varphi_2 - \varphi_1)} \quad ?$$

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{A_1 \cdot \sin \varphi_1 + A_2 \cdot \sin \varphi_2}{A_1 \cdot \cos \varphi_1 + A_2 \cdot \cos \varphi_2}$$

?

если фазы ^{паралл.} одинаковы: $\delta = \varphi_2 - \varphi_1 = 0 \Rightarrow A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 \cdot A_2 = (A_1 + A_2)^2$

$$\Rightarrow A = A_1 + A_2$$

если $\delta = \varphi_2 - \varphi_1 = \pm \pi \Rightarrow A = |A_1 - A_2|$

\Rightarrow общее физич. кол-е зависит от фазы кол-й складывающихся