

Термодинамика

Первое начало термодинамики

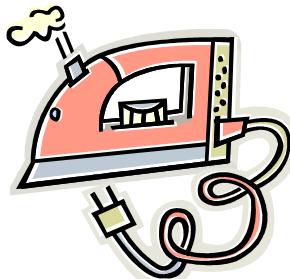
Термодинамика

Термодинамика – это наука, изучающая условия превращения различных видов энергии в тепловую и обратно, а также количественные соотношения, наблюдаемые при этом.

В термодинамике телом можно назвать **воздух**, **воду**, **ртуть**, **любой газ**, т.е. любое вещество, занимающее определённый объём.

Первое начало термодинамики – это закон сохранения и превращения энергии.

Термодинамической системой называют **любой макроскопический объект**, который **обменивается энергией с любыми объектами окружающего мира**



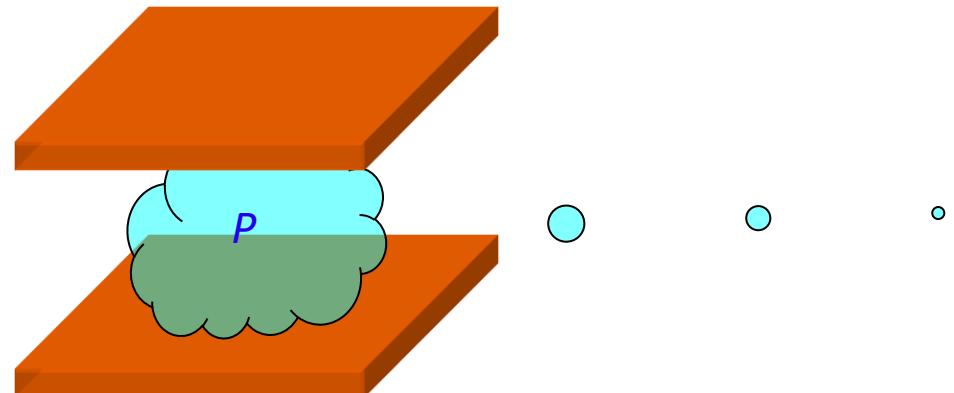
Общее количество энергии, переданное ТС, внешними телами при их взаимодействии, называют количеством тепла

Первое начало термодинамики

Количество энергии, переданное ТС, внешними телами за счет их силового воздействия на ТС, называют работой, совершенной над системой

Работой расширения называют работу, которую система производит против внешних сил

Внутренней энергией ТС называют энергию, зависящую только от термодинамического состояния ТС



Первое начало термодинамики

ΔQ - это количество теплоты, сообщённого телу или системе тел.

ΔA - работа, совершаемая силами, приложенными со стороны системы к внешним телам.

ΔU - изменение внутренней энергии системы.

$$\Delta U = U_2 - U_1$$

U_1 - внутренняя энергия системы в каком-то состоянии 1

U_2 - внутренняя энергия системы в каком-то состоянии 2

Математическая формулировка первого начала термодинамики записывается так:

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta A$$

Количество тепла, сообщённое системе, идёт на изменение внутренней энергии системы и на работу, совершающую системой против внешних тел.

Первое начало термодинамики

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta A$$

Если речь идёт о бесконечно малом количестве теплоты, сообщённом системе, о бесконечно малом изменении внутренней энергии системы и о бесконечно малой работе

$$\delta Q = dU + \delta A$$

Внутренняя энергия ТС(или тела) – это сумма всех видов энергии

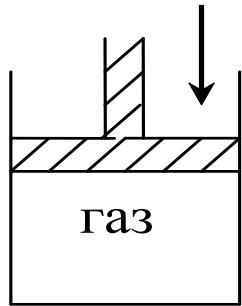
1. энергии теплового движения атомов или молекул,
2. потенциальная энергия их взаимодействия,

заключающихся в данной системе, **за исключением** энергии, которой система обладает в результате взаимодействия с другими телами.

Первое начало термодинамики

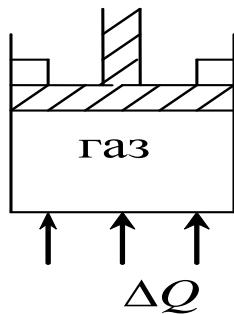
Внутреннюю энергию можно изменить:

1. Совершение работы.



Газ сжимается и нагревается

2. Подведение некоторого количества теплоты.



Работа – способ передачи энергии. В процессе работы происходит переход энергии из одного вида энергии в другой.

Первое начало термодинамики

Внутренняя энергия U является функцией состояния системы, т.е. каждому состоянию тела соответствует одно значение U .

Изменение энергии $\Delta U = U_2 - U_1$ не зависит от того, каким путём совершается переход из одного состояния в другое.

Следовательно, бесконечно малое изменение dU внутренней энергии является полным дифференциалом.

Количества теплоты и работы зависят от пути перехода системы из начального в конечное состояние, они не являются функциями состояния системы, их бесконечно малые изменения δQ и δA не являются полными дифференциалами.

$$\delta Q = dU + \delta A$$

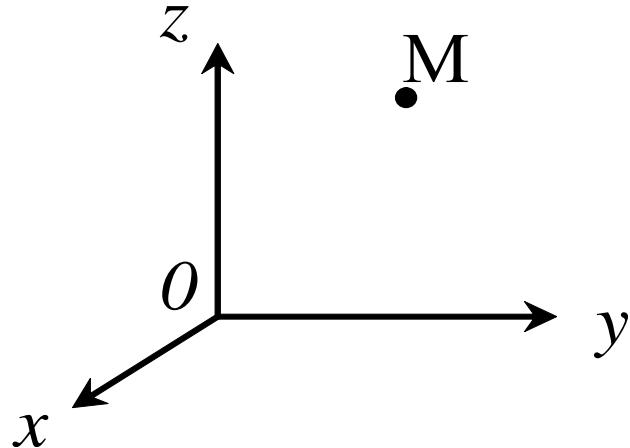
Термодинамика

Число степеней свободы.

Внутренняя энергия идеального газа.

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Числом степеней свободы называется наименьшее число независимых координат, которое необходимо ввести, чтобы определить положение тела в пространстве i - число степеней свободы.



Для молекулы одноатомного газа
число степеней свободы $i = 3$.

Материальная точка $i = 3$

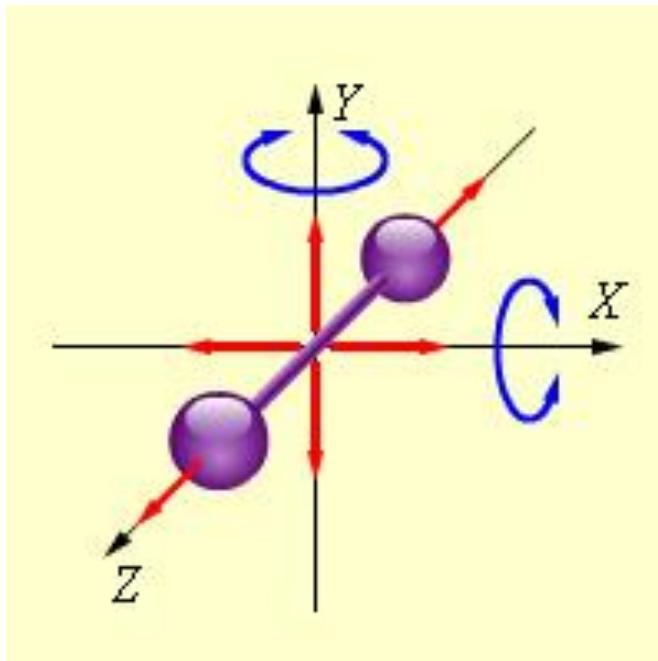
Система N материальных точек без жестких связей $i = 3N$

Абсолютно твердое тело

$$i = i_{\text{пост}} + i_{\text{вращ}}$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Двухатомная молекула с жесткой связью



$$i = 5$$

$$i_{пост} = 3$$

$$i_{вращ} = 2$$

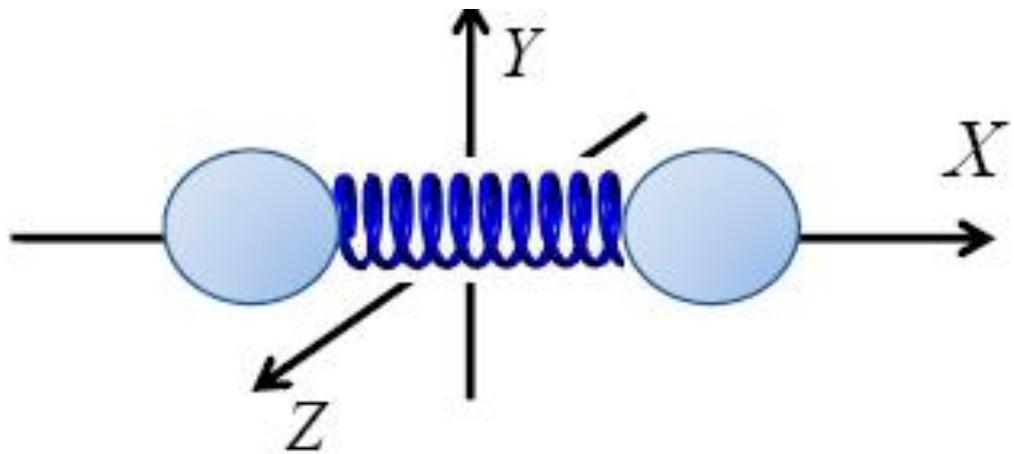
Линейная молекула с жесткой связью



$$i = 3N - 1$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Двухатомная молекула с нежесткой связью



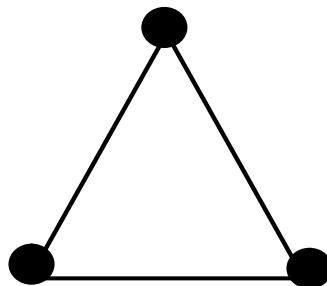
линейная молекула

$$i_{\text{колеб}} = 3N - 5$$

$$i = i_{\text{пост}} + i_{\text{вращ}} + i_{\text{колеб}}$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Трехатомная молекула с жесткой связью



$$i = 6$$

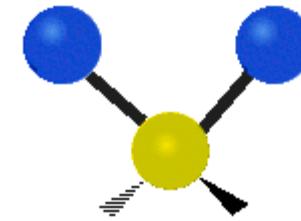
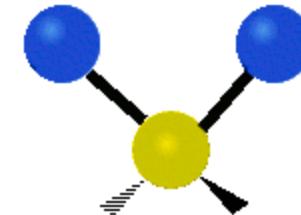
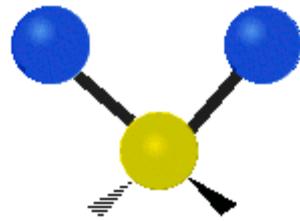
$$i_{\text{пост}} = 3$$

$$i_{\text{вращ}} = 3$$

$$i = i_{\text{пост}} + i_{\text{вращ}}$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Трехатомная нелинейная молекула с нежесткой связью



$$i = i_{\text{пост}} + i_{\text{вращ}} + i_{\text{колеб}}$$

$$i_{\text{пост}} = 3$$

$$i_{\text{вращ}} = 3$$

$$i_{\text{колеб}} = 3N - 6$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Закон о равнораспределении энергии по степеням свободы

утверждает, что на каждую степень свободы молекулы приходится
одно и то же количество энергии, равное $\frac{1}{2}kT$

Молекула, имеющая i степеней свободы, обладает энергией :

$$E = \frac{i}{2}kT$$

Число степеней свободы. Внутренняя энергия идеального газа.

Внутренняя энергия идеального газа – это сумма кинетических энергий всех его молекул.

Внутренняя энергия одного моля идеального газа

E - энергия одной молекулы газа,

N_A - число Авогадро.

$$U_0 = EN_A$$

$$k = \frac{R}{N_A}$$

$$U_0 = EN_A = \frac{i}{2} kTN_A = \frac{i}{2} \frac{R}{N_A} TN_A = \frac{i}{2} RT$$

$$U = \frac{m}{\mu} \frac{i}{2} RT$$

$$\Delta U = \frac{m}{\mu} \frac{i}{2} R\Delta T$$

Внутренняя энергия газа

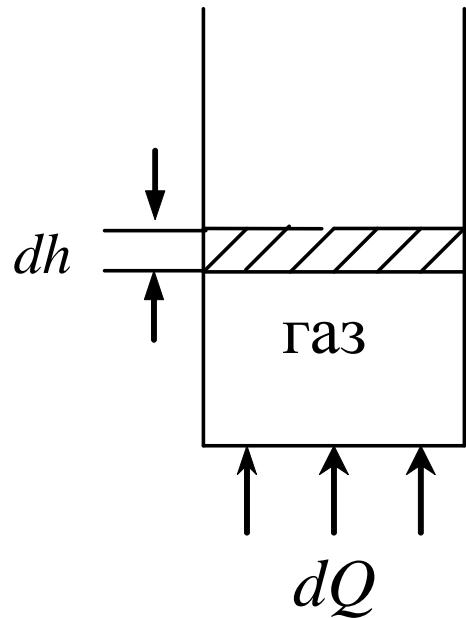
Изменение внутренней энергии идеального газа

Термодинамика

Работа идеального газа при изопроцессах

Работа идеального газа при изопроцессах

Рассмотрим газ находящийся под поршнем в цилиндре.



$$F = P S$$

F - сила действующая со стороны газа на поршень,

P - давление газа на поршень,

S - площадь поршня.

Бесконечно малую работу, совершающую газом, можно найти по формуле:

$$dA = F dh = PS dh = P dV$$

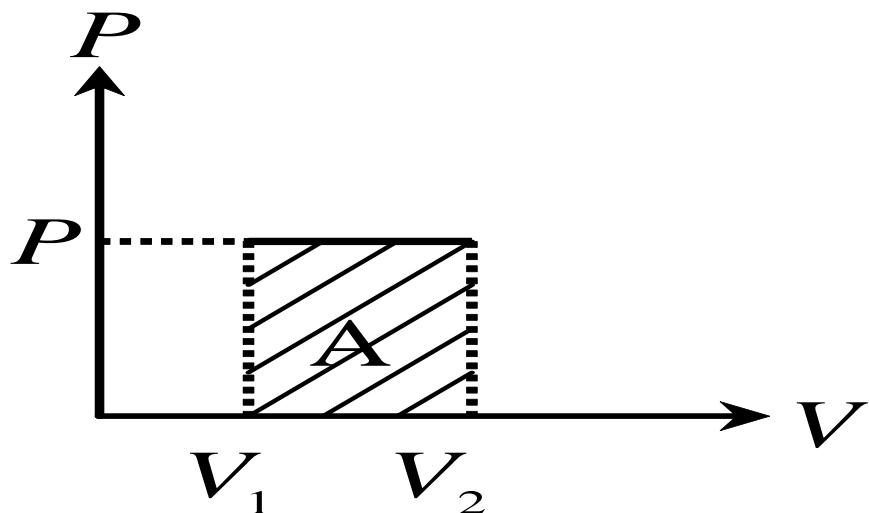
$$dA = P dV$$

Работа идеального газа при изопроцессах

Работа при изобарическом процессе

$$P = \text{const}$$

$$A = \int_{V_1}^{V_2} P dV = P \int_{V_1}^{V_2} dV = P(V_2 - V_1)$$



$$A = P(V_2 - V_1)$$

Работа идеального газа при изопроцессах

Работа при изохорическом процессе

$$V = \text{const}$$

$$A = 0$$

Работа при изотермическом процессе

$$T = \text{const}$$

$$U = \frac{m}{\mu} \frac{i}{2} RT = \text{const}$$

$$\Delta T = 0 \longrightarrow \Delta U = 0$$

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta A \longrightarrow \Delta Q = \Delta A$$
$$dQ = dA = PdV$$

$$P \neq \text{const}$$

Работа идеального газа при изопроцессах

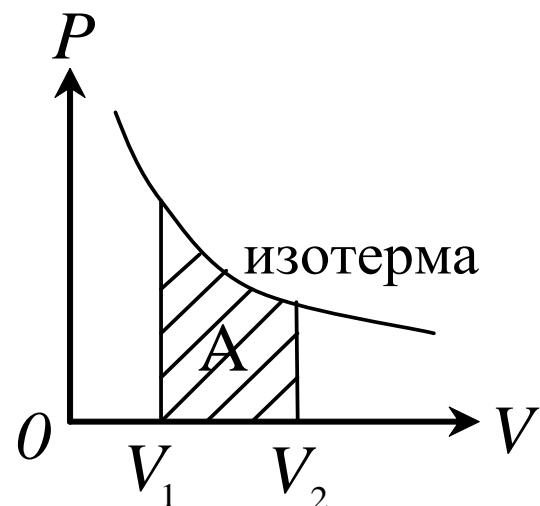
Найдём давление из уравнения Менделеева-Клапейрона:

$$P = \frac{m}{\mu} \frac{RT}{V}$$

$$dA = PdV$$

$$dA = \frac{m}{\mu} RT \frac{dV}{V}$$

$$A = \int_{V_1}^{V_2} \frac{m}{\mu} RT \frac{dV}{V} = \frac{m}{\mu} RT \ln \frac{V_2}{V_1}$$



$$A = \frac{m}{\mu} RT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

Работа при изотермическом процессе