

Физико-технический институт

ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



Практическое занятие № 17 Конвективный теплообмен Задачи

Задача 1.

В вертикальной трубе квадратного сечения (a = 50 мм), высотой 6 м движется снизу вверх воздух. Определить коэффициент теплоотдачи от воздуха к стенке трубы, если средняя скорость воздуха 1,0 м/с, температура воздуха на входе 190°C, на выходе -50°C, средняя температура стенки 40°C.



Режим движения определяем по величине числа Рейнольдса — уравнение (16.2). Коэффициент кинематической вязкости воздуха находим при определяющей температуре, равной средней температуре воздуха. Эквивалентный диаметр определяем по уравнению (16.10):

$$d_{\scriptscriptstyle
m SKB} = rac{4a^2}{4a} = a = 0.05$$
 M;

Табличное значение кинематической вязкости воздуха при этой температуре $\nu = 25,45 \cdot 10^{-6} \, \text{M}^2/\text{c}$;

Решение:

$$t_{\rm B} = \frac{190 + 50}{2} = 120$$
°C;

$$Re = \frac{1,0 \cdot 0,05}{25,45 \cdot 10^{-6}} = 1965.$$

Режим движения воздуха ламинарный. Для расчета выбираем формулу (16.14) — процесс теплообмена при ламинарном движении воздуха в трубе. При этом необходимо учесть поправку на относительную длину трубы и на вертикальное расположение трубы. Первая поправка (при L/d = 6/0,05 = 120) $\varepsilon_l = 1$.

Вторая поправка равна 1,15, так как воздух движется снизу вверх и при этом охлаждается.

Критерий Грасгофа рассчитываем по уравнению (16.5):

$$Gr = \frac{9,81 \cdot \frac{1}{120 + 273} \cdot 0,05^3 \cdot (120 - 40)}{(25,45 \cdot 10^{-6})^2} = 3,8 \cdot 10^5$$

По формуле (16.14) для горизонтальной трубы рассчитаем критерий Нуссельта:

$$Nu = 0.13 \cdot 1 \cdot 1965^{0.33} \cdot (3.8 \cdot 10^5)^{0.1} = 5.74$$

Решение:

Коэффициент теплопроводности воздуха находим при определяющей температуре $t_R = 120 \, ^{\circ}\text{C}$.

 $\lambda_{\rm B} = 3{,}338 \cdot 10^{-2} \, {\rm BT/(M \cdot K)}.$ Тогда коэффициент теплоотдачи

еплоотдачи
$$\alpha = \frac{Nu \cdot \lambda}{d_9} = \frac{5,74 \cdot 3,338 \cdot 10^{-2}}{0,05} = 3,87 \text{ BT/}_{(\text{M}^2 \cdot \text{K})}.$$

Для вертикальной трубы с учетом поправки

$$\alpha = 1.15 \cdot 3.87 = 4.45 \, {\rm BT}/_{\rm (M^2 \cdot K)}$$

Задача 2.

Определить коэффициент теплоотдачи и тепловой поток при течении воды в трубе диаметром 40 мм, длиной 3 м со скоростью 1 м/с, если средняя температура воды 80 °C, а температура стенки 65 °C.

Решение:

Определим режим течения воды в трубе.

Физические параметры воды при определяющей температуре, равной 80°C:

$$\lambda = 67,5 \cdot 10^{-2}$$
 Вт /(м·К); $\nu = 0,365 \cdot 10^{-6}$ м²/с; $Pr = 2,21$. Критерий $Pr_{\rm cr}$ находим при температуре стенки 65°C: $Pr_{\rm cr} = 2,74$.

Значение критерия Рейнольдса находим по уравнению (16.2):

$$Re = \frac{1 \cdot 0.04}{0.365 \cdot 10^{-6}} = 1.095 \cdot 10^5 > 10^4.$$

Решение:

Режим движения турбулентный, поэтому выбираем критериальное уравнение (16.9):

$$Nu = 0.021 \cdot (1.095 \cdot 10^5)^{0.8} \cdot 2.21^{0.43} \cdot \left(\frac{2.21}{2.74}\right)^{0.23} = 300.95.$$

Определяем коэффициент теплоотдачи:

$$\alpha = \frac{Nu \cdot \lambda}{d} = \frac{301 \cdot 67.5 \cdot 10^{-2}}{0.04} = 5050 \text{ BT/}_{(\text{M}^2 \cdot \text{K})}.$$

Так как отношение L/d = 3/0,04 = 75 > 50, поправка

Тепловой поток определяем по уравнению (16.1):

$$Q = 5050 \cdot 3,14 \cdot 0,04 \cdot 3 \cdot (80 - 65) = 28543 \text{ BT.}$$



Задача 3.

Как изменятся значения коэффициента теплоотдачи и теплового потока, если труба изогнута в виде змеевика диаметром 1000 мм, а остальные условия, как в задаче 2?

Для изогнутых труб коэффициент теплоотдачи, полученный для прямых труб, умножают на поправочный коэффициент – уравнение (16.12):

$$\alpha_{_{\rm 3M}} = \alpha \varepsilon_{_{\rm 3M}} = 5050 \cdot \left(1 + 3.54 \cdot \frac{0.04}{1}\right) = 5757 \, \left.^{\rm BT}\right/_{\rm M^2 \cdot K}.$$

Тепловой поток соответственно равен

$$Q = 5757 \cdot 3,14 \cdot 0,04 \cdot 3 \cdot (80 - 65) = 32539 \text{ Bt.}$$

Задача 4.

Определить коэффициент теплоотдачи и тепловой поток на единицу длины в поперечном потоке воздуха для трубы диаметром 30 мм, если температура ее поверхности 80°C, температура воздуха 20°C и скорость 5 м/с.

Физические параметры воздуха при определяющей температуре, равной 20°C:

$$\lambda = 59.2 \cdot 10^{-2} \text{ BT/(M·K)}; \nu = 15.06 \cdot 10^{-6} \text{ M}^2/\text{c}.$$

Значение критерия Рейнольдса находим по уравнению (16.2):

$$Re = \frac{5 \cdot 0.03}{15.06 \cdot 10^{-6}} = 9.96 \cdot 10^{3}.$$

ГОМСКИЙ ПОПИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Решение:

Для расчета выбираем формулу (16.19) — процесс теплообмена при поперечном обтекании одиночной трубы при $Re > 10^3$:

$$Nu = 0.216 \cdot (9.96 \cdot 10^3)^{0.6} = 55.2.$$

Коэффициент теплоотдачи соответственно равен:

$$\alpha = \frac{55.2 \cdot 2.593 \cdot 10^{-2}}{0.03} = 47.7 \text{ BT/}_{\text{M}^2 \cdot \text{K}}$$

Тепловой поток на единицу длины трубы

$$q_l = 47.7 \cdot 3.14 \cdot 0.03 \cdot (80 - 20) = 270 \, \text{BT/}_{\text{M}}$$

Задача 5.

Определить средний коэффициент теплоотдачи для десятирядного (n=10) коридорного пучка, обтекаемого поперечным потоком воды, если внешний диаметр труб в пучке 25 мм, средняя скорость в узком сечении 0,7 м/с; средняя температура воды 50°С и средняя температура поверхности труб 85°С.

Решение:

При коридорной схеме расположения труб используем уравнение (16.20). Физические параметры воды при определяющей температуре, равной 50°C:

$$\lambda = 64,8 \cdot 10^{-2}$$
 Вт/(м·К); $\nu = 0,556 \cdot 10^{-6}$ м²/с; $Pr = 3,54$. Критерий $Pr_{\rm cr}$ находим при температуре стенки 85°C: $Pr_{\rm cr} = 2,13$.

Значение критерия Рейнольдса находим по уравнению (16.2):

$$Re = \frac{0.7 \cdot 0.025}{0.556 \cdot 10^{-6}} = 31475.$$



Коэффициент, учитывающий влияние угла атаки ($\phi = 90^{\circ}$), равен 1. Тогда критерий Нуссельта

$$Nu = 0.23 \cdot 31475^{0.65} \cdot 3.54^{0.33} \cdot \left(\frac{3.54}{2.13}\right)^{0.25} = 332.$$

Коэффициент теплоотдачи для третьего и последующих рядов труб

$$\alpha_3 = \frac{332 \cdot 64.8 \cdot 10^{-2}}{0.025} = 8605 \text{ BT/}_{\text{M}^2 \cdot \text{K}}$$

Решение:

Средний коэффициент теплоотдачи для всего пучка труб

$$\alpha_{\rm cp} = \frac{1}{n} \cdot (0.6\alpha_3 + 0.9\alpha_3 + (n-2)\alpha_3)$$

= 8175 BT/_{M²} · K

Задача 6.

Гладкая плита длиной 1,5 м и шириной 1 м обдувается продольным потоком воздуха со скоростью 5 м/с. Определить коэффициент теплоотдачи и тепловой поток, отданный плитой воздуху, если температура поверхности плиты 110°C, а температура обдувающего потока воздуха 20°C.

Физические параметры воздуха при температуре 20° C: $\lambda = 2,59 \cdot 10^{-2}$ BT/(м·K); $\nu = 15,06 \cdot 10^{-6}$ м²/с; Pr = 0,703. Значение критерия Рейнольдса находим по уравнению (16.2):

$$Re = \frac{5 \cdot 1.5}{15.06 \cdot 10^{-6}} = 4.98 \cdot 10^{5}.$$

Так как $Re > 10^5$, выбираем уравнение (16.23):

$$Nu = 0.032 \cdot (4.98 \cdot 10^5)^{0.8} = 1155$$

Коэффициент теплоотдачи и тепловой поток соответственно равны:

$$\alpha = \frac{1155 \cdot 2,593 \cdot 10^{-2}}{1,5} = 20 \text{ BT/}_{\text{M}^2 \cdot \text{K}};$$
 $Q = 20 \cdot 1,5 \cdot 1 \cdot (110 - 20) = 2700 \text{ BT.}$

Задача 7.

Определить коэффициент теплоотдачи вертикальной стенки высотой 2 м воздуху, если средняя температура стенки 120°C, а температура воздуха вдали от стенки 20°C.

Теплоотдача при свободном движении рассчитывается по формуле (16.26). Определяющая температура равна

$$t = \frac{120 + 20}{2} = 70$$
°C.

Физические параметры воздуха при определяющей температуре 70°C:

$$\lambda = 2,96 \cdot 10^{-2} \text{ BT/(M·K)}; v = 20,02 \cdot 10^{-6} \text{ M²/c}; Pr = 0,694;$$

$$\beta = \frac{1}{70 + 273} = \frac{1}{343}.$$



Критерий Грасгофа (формула 16.5)

$$Gr = \frac{9,81 \cdot \frac{1}{343} \cdot 2^3 \cdot (120 - 20)}{(20,02 \cdot 10^{-6})^2} = 56,99 \cdot 10^9.$$

$$Gr \cdot Pr = 56,99 \cdot 10^9 \cdot 0,694 = 39,55 \cdot 10^9.$$

При таком значении комплекса коэффициенты в уравнении (16.26) равны: C = 0,135; n = 0,33. Таким образом,

$$Nu = 0.135 \cdot (39.55 \cdot 10^9)^{0.33} = 460;$$

 $\alpha = \frac{460 \cdot 2.96 \cdot 10^{-2}}{2} = 6.82 \text{ BT/}_{\text{M}^2 \cdot \text{K}}.$