Домашнее задание по теме: «Условные экстремумы ФНП»

- 1) Найти экстремум функции z = xy, если x + y = 1. **Ответ**: M(0,5;-0,5) – точка условного максимума.
- 2) 3293.

Найти экстремум функции
$$z = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$$
, если $\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} = \frac{1}{a^2}$.

Ответ:
$$M_1(\sqrt{2}a;\sqrt{2}a)$$
 – точка условного максимума, $M_2(-\sqrt{2}a;-\sqrt{2}a)$ – точка условного минимума.

3) 3298.

Доказать, что функции
$$z=x^3-3xy^2+18y$$
, где $3x^2y-y^3-6x=0$, достигает экстремума в точках $M_1\left(\sqrt{3};\sqrt{3}\right)$ и $M_2\left(-\sqrt{3};-\sqrt{3}\right)$.