



ТОМСКИЙ  
ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ

Теория автоматического управления.  
Часть №2



Лекция № 8

# Каскадные системы регулирования

Томск, 2019



## Каскадные системы регулирования

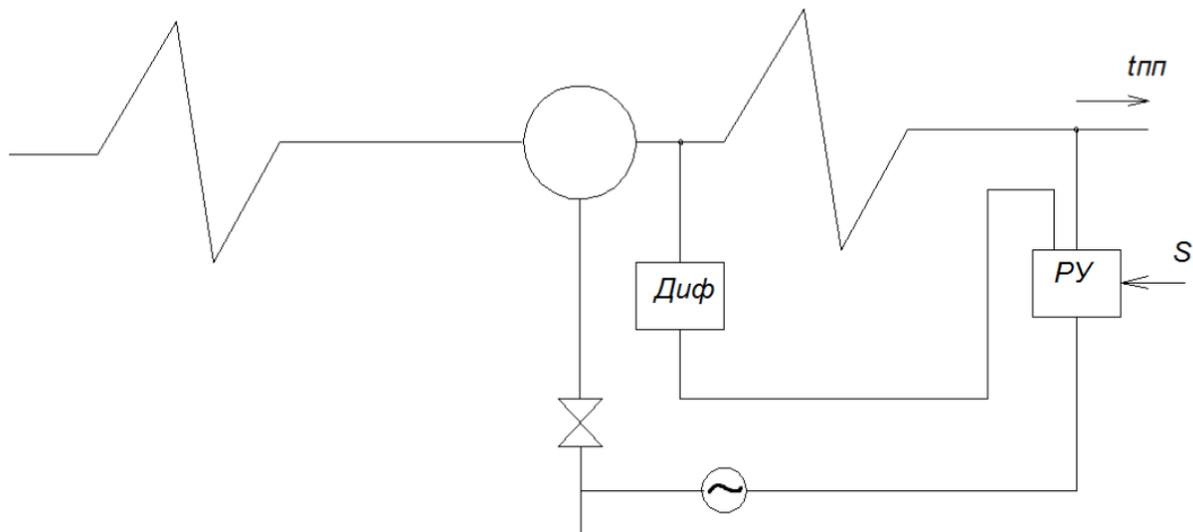
---

В промышленных системах регулирования **наибольшее запаздывание**, как правило, наблюдается **по каналу регулирующего воздействия**. Поэтому с целью подавления возмущений, идущих по этому каналу, **вспомогательную регулируемую величину** целесообразно выбирать **в непосредственной близости от регулирующего органа**.

**Системы автоматического регулирования**, в которых вспомогательную регулирующую величину выбирают в непосредственной близости от регулируемого органа с целью эффективного подавления возмущений, идущих по каналу регулирующего воздействия, называют **каскадными**.

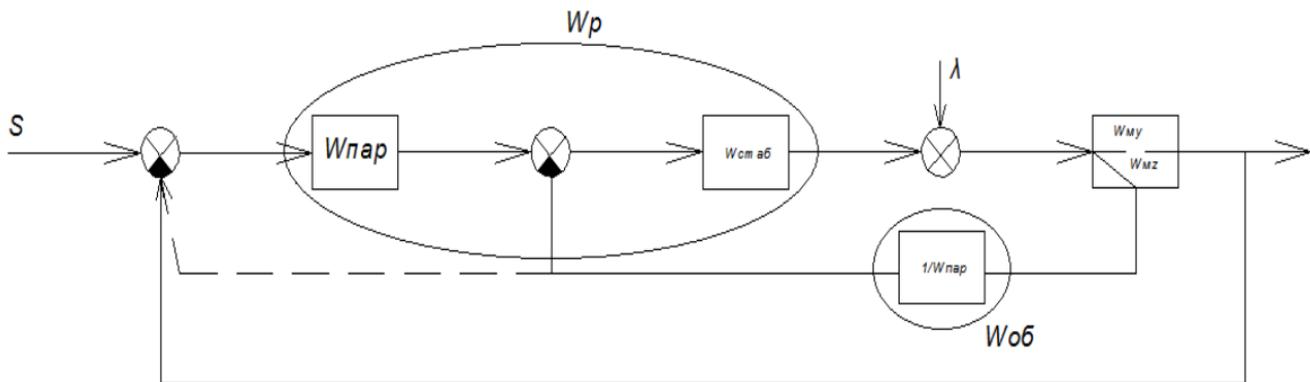


# Система регулирования температуры перегретого пара





## Каскадные системы регулирования



По каналу возмущений:

$$W_{\lambda y} = W_{\mu y}$$

$$W_{\lambda z} = W_{\mu z}$$

$$t_{\lambda y} = t_{\mu y}$$

$$t_{\lambda z} = t_{\mu z}$$

Причем в идеале  $t_{\lambda z}$  и  $t_{\mu z} \rightarrow 0$



## Каскадные системы регулирования

Если выполняются эти условия, то можно полностью избавиться от  $\lambda$ , так как весовые характеристики могут полностью совпадать.

Чтобы  $w_1(t) = w_2(t)$   $W_{\lambda y}(P) = \Phi(P)$

Это возможно при  $W_p(P) \rightarrow \infty$

Покажем, это

$$\Phi(P) = \frac{W_p W_{\mu y} \cdot (W_{\lambda y} + W_{\lambda z} W_z)}{1 + W_p (W_{\mu y} + W_{\mu z} W_d)}$$

Пусть  $W_p \rightarrow \infty$ , тогда поделив на  $W_p$

$$\Phi(P) = \frac{W_{\mu y} W_{\lambda y} + W_{\mu y} W_{\lambda z} W_d}{W_d W_{\mu z} + W_{\mu y}} \cdot \lim_{W_p \rightarrow \infty} \Phi(P)$$

*т.к.*  $W_{\mu y} = W_{dy}$ , а  $W_{\lambda z} = W_{\mu z}$ , то  $\lim_{W_p \rightarrow \infty} \Phi(P) = W_{\lambda y}$ .

Причем к преобразованию по  $W_d$  не предъявляются специальные требования. Поэтому **выбор преобразования  $W_d$  должен быть осуществлен из условия эффективного подавления функций возмущений, не идущих по каналу регулируемого воздействия.**



## Каскадные системы регулирования

Рассмотрим порядок инженерного расчета следящих систем регулирования.

1) Передаточная функция замкнутой каскадной системы по каналу S-Y

$$\Phi_{sy}(P) = \frac{W_p W_{\mu y}}{1 + W_p (W_{\mu y} + W_d W_{\mu z})}$$

Пусть  $W_p \rightarrow \infty$ , тогда  $\Phi_{sy}(P) = \frac{W_{\mu y}}{W_{\mu y} + W_d W_{\mu z}}$

Перепишем получится выражение в виде (поделим на  $W_d W_{\mu z}$ )

$$\Phi_{sy} = \frac{\frac{1}{W_d} \cdot \frac{W_{\mu y}}{W_{\mu z}}}{\frac{W_{\mu y}}{W_{\mu z}} \cdot \frac{1}{W_d} + 1}$$

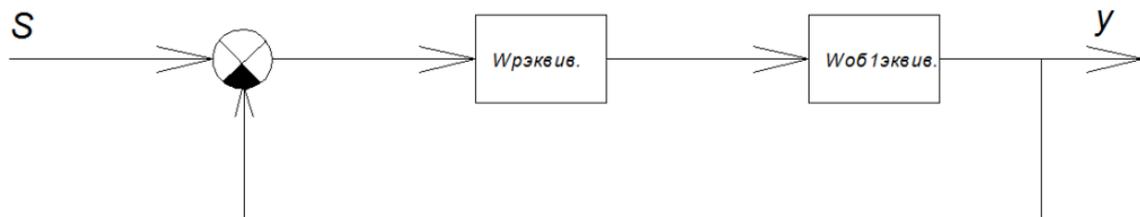
Структура этого выражения показывает, что это соответствует обычной одноконтурной системе регулирования, в которой  $\frac{W_{\mu y}}{W_{\mu z}} = W_{\text{об.эквивалент.1}}$

Регулирование эквивалентной  $W_{p.\text{эквив}} = \frac{1}{W_d}$



## Каскадные системы регулирования

Получим:



Обычно в каскадной системе в качестве преобразователя применены реальная дифференциальное звено с передаточной функцией.

$$W_d = k_d \frac{T_d P}{T_d P + 1}$$

$k_d$  - коэффициент передаточного дифференциального звена

$T_d$  - постоянная дифференцирования

$$\frac{1}{W_d} = \frac{1}{k_d} \cdot \frac{T_d P + 1}{T_d P} = k_{p \text{ эквив}} \cdot \frac{T_{уз} P + 1}{T_{уз}}$$

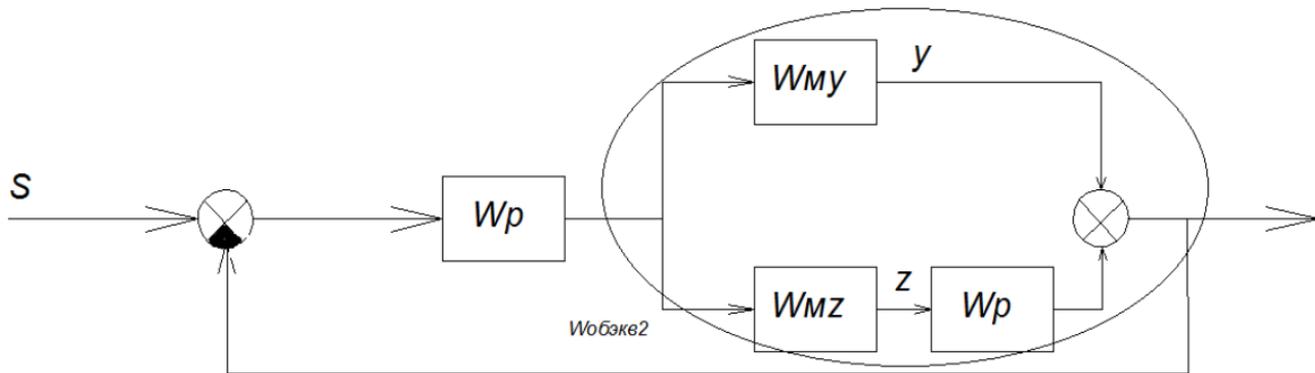
где  $T_{уз} = T_d$ , а  $k_{p \text{ эквив}} = \frac{1}{k_d}$



## Каскадные системы регулирования

2) Расчет параметров настройки регуляторов.

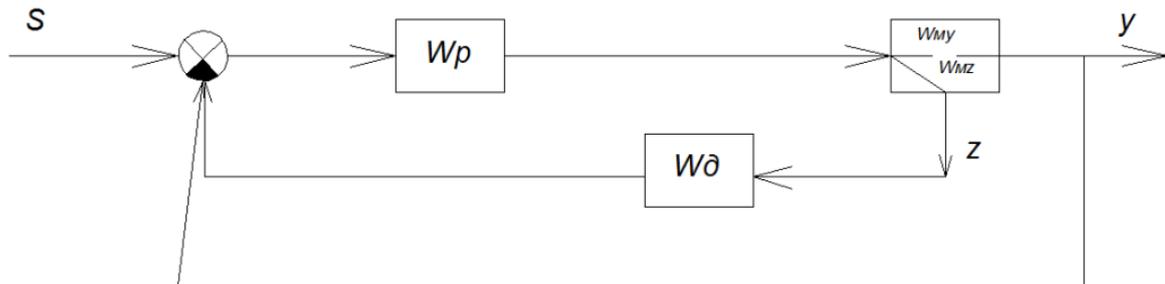
Мы условно принимаем  $W_p \rightarrow \infty$ , в реалии же нет.





## Каскадные системы регулирования

3) Проверка гипотезы  $W_p \rightarrow \infty$  (проверка возможности отдельного расчета контуров)



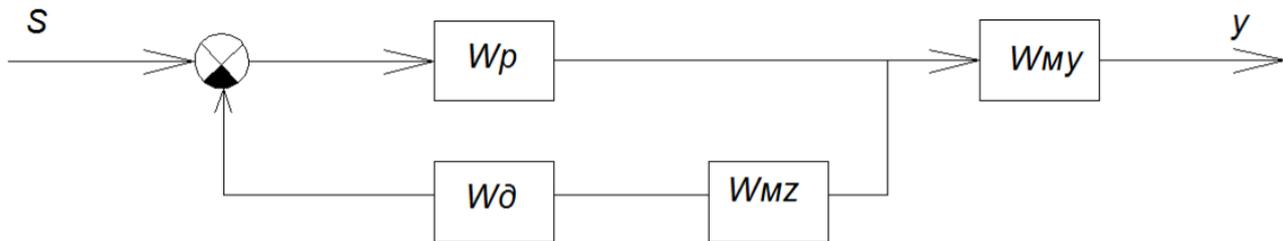
Определим  $W_{p.c}$ , т.к. если для нее выполняется эта гипотеза, то и для замкнутой системы:  $W_{z.c} = \Phi_{sy}$

$$\Phi_{sy} = \frac{W_{p.c}}{1 + W_{p.c}}$$



## Каскадные системы регулирования

Разомкнутая система:



Гипотеза о том, что  $W_p \rightarrow \infty$ , будет выполняться при найденных переменных  $W_d$  и  $W_p$ , если частотные характеристики разомкнутой системы при  $W_p \rightarrow \infty$  и найденных параметрах  $W_d$  и  $W_p$  будут совпадать идеально или с небольшими отклонениями друг от друга.

$$W_{p.c} = \frac{W_p W_{\mu y}}{1 + W_d W_{\mu z} W_p}$$



## Каскадные системы регулирования

---

Найдем  $W_{p.c}$  при  $W_p \rightarrow \infty$ ,  $W'_{p.c} = \frac{W_{\mu y}}{W_d W_{\mu z}}$

Если частотные характеристики  $W'_{p.c}$  и  $W_{p.c}$  совпадают, то гипотеза выполняется.

Показатель совпадает  $\Delta(i\omega) = \frac{W_{p.c}(i\omega)}{W'_{p.c}(i\omega)} = \frac{W_p W_\lambda W_{\mu z}}{1 + W_p W_d W_{\mu z}}$

Если совпадают, то  $\Delta(i\omega) = 1$  или близкое к 1.

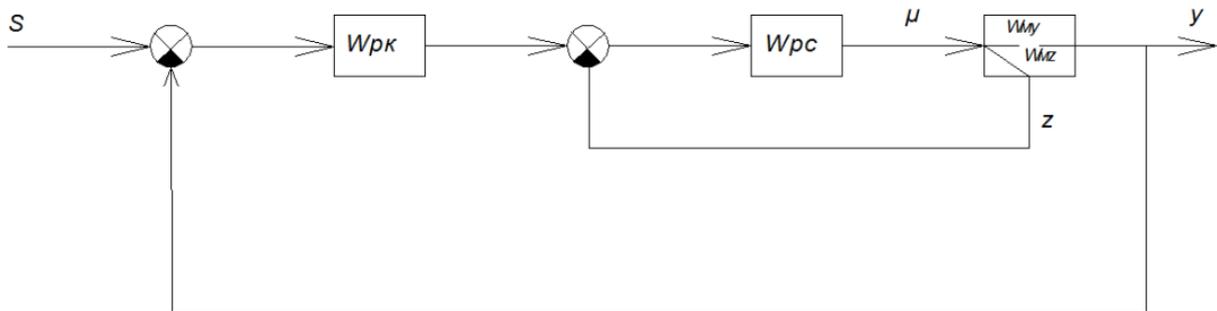
Наибольшую опасность с точки зрения запасоустойчивости вызывает отклонение частотной характеристики АФЧХ разомкнутой системы на резонансной частоте. Поэтому достигнуть выполнение условия  $\Delta(i\omega_{резон}) \approx 1$   $W_p$  получится при расчете параметров настройки регуляторов (пункт 2).

**Если гипотеза выполняется, то расчет окончен. Если нет, то это говорит о том, что введение дополнительного информационного канала дает малый эффект.** Представленный алгоритм расчета не обоснован. Однако найденные параметры настройки системы могут являться начальным приближением к улучшению параметров другими методами.



## Каскадные системы регулирования

Рассмотрим каскадные системы с корректирующим и задающим регулятором.



$W_{pk}$  – передаточная функция корректирующего регулятора

$W_{pc}$  – передаточная функция стабилизирующего регулятора

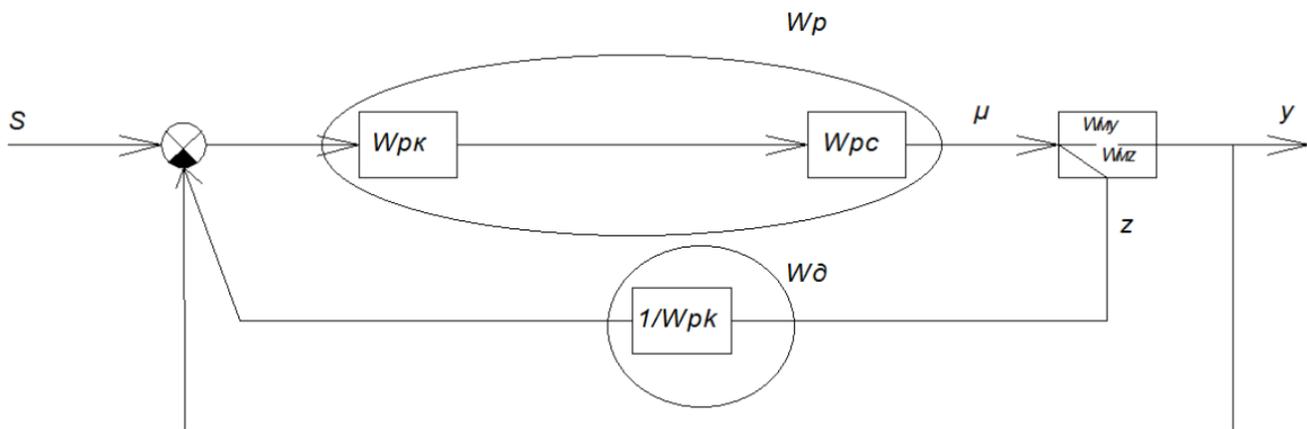
В данном случае эта каскадная система соответствует системе с  $W_d$  (рассмотренная ранее).

Покажем, что эти схемы идентичны по своим свойствам.



## Каскадные системы регулирования

Получаем:



Обозначим:  $\frac{1}{W_{pk}} = W_d$ , а  $W_{pk} \cdot W_{pc} = W_p$

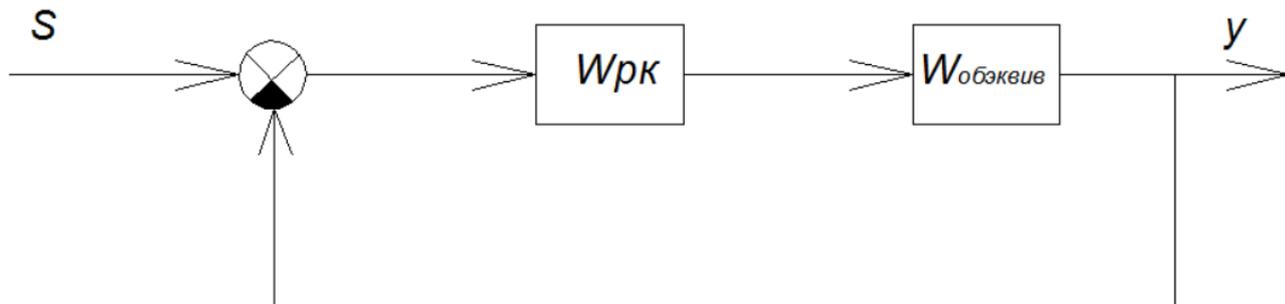
Тогда получим идентичную схему, для которой уже была рассмотрен синтез и т.д.

При отсутствии связи между  $W_{pk}$  и  $W_{pc}$  расчет начинается со стабилизирующего регулятора (первый этап) по  $W_{\mu z}$



## Каскадные системы регулирования

2-ой этап: этап расчета корректирующего регулятора.



$$W_{об.экив} = \frac{W_{pc} W_{\mu y}}{1 + W_{pc} W_{\mu z}}$$