

### Практика 3.

1. Указать, какие линии определяются следующими уравнениями

а)  $|z - i| + |z + i| = 4$       б)  $|z - i| - |z + i| = 2$       в)  $\operatorname{Re}(1 + z) = |z|$

2. Найти образы точки  $z_0$  при отображении  $w$ .

а)  $z_0 = -i, w = (z - i)^2$ ;      б)  $z_0 = 2 + 3i, w = \frac{z^*}{z}$ ;

3. Вычислить

а)  $\ln(-i)$ ;      б)  $\ln(i^i)$ ;      в)  $10^i$       г)  $i^{\frac{1}{i}}$ ;      д)  $(1 - i)^{3 - 3i}$   
е)  $\sin \pi i$ ;      ж)  $\operatorname{arctg} \frac{i}{3}$       з)  $\operatorname{sh} \frac{\pi i}{2}$ ;      и)  $\operatorname{th} \pi i$ .

4. Решить уравнения

а)  $e^{-z} + 1 = 0$ ;      б)  $4 \cos z + 5 = 0$ ;      в)  $e^{ix} = \cos \pi x$   
г)  $e^{2z} + 2e^z - 3 = 0$ ;      д)  $\ln(i - z) = 1$

**Домашняя работа 3.** (М.Л.Краснов, А.И.Киселев, Г.И.Макаренко. Функции комплексного переменного. Задачи и примеры с подробными решениями. УРСС. Москва, 2003, 205 с.)

1. Построить на плоскости

(37 а)  $|z - 2| = |1 - 2z^*|$       (36 б)  $3|z| - \operatorname{Re} z = 12$

2. Найти

а)  $(-1)^{\sqrt{2}}$ ;      отв:  $e^{\sqrt{2}(2k+1)\pi i}$

б)  $\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^{2i}$ ;      отв:  $e^{-(4k+1/2)\pi}$

в)  $\operatorname{tg} \frac{\pi}{2} i$ ;      отв:  $i \operatorname{th} \frac{\pi}{2}$

г)  $\operatorname{Arccos} i$ ;      отв:  $\left(2k + \frac{1}{2}\right)\pi - i \ln(\sqrt{2} + 1)$

и  $\left(2k - \frac{1}{2}\right)\pi - i \ln(\sqrt{2} - 1)$

3. Найти все корни уравнения

а)  $\ln(z + i) = 0$ .      отв:  $z_1 = 1 - i$      $z_2 = -e + i$

б) (80)  $\operatorname{ch} z = i$

в) (76)  $\operatorname{sh} iz = -i$       отв:  $\left(2k - \frac{1}{2}\right)\pi$