

## 3.4 Закон Ампера

В 1820 году **Ампер** установил, что сила с которой магнитное поле действует на элемент проводника с током  $d\vec{l}$ , равна

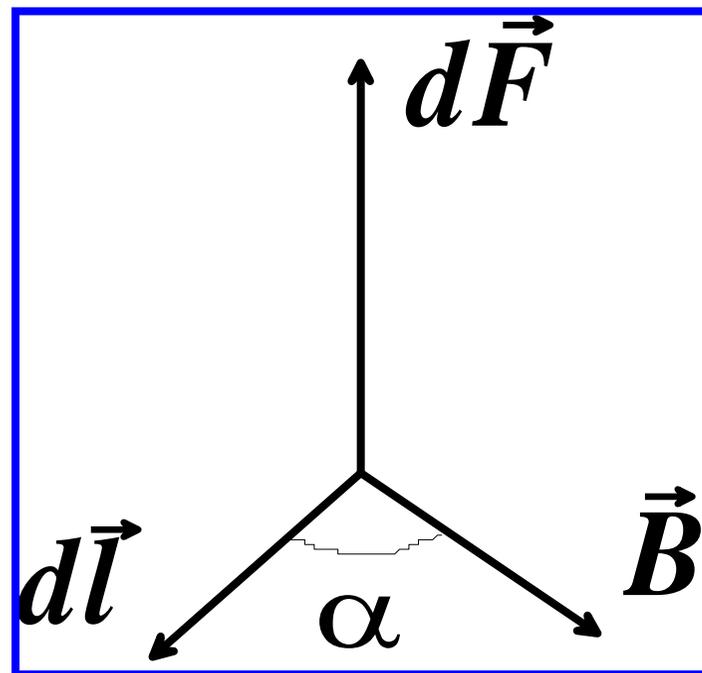
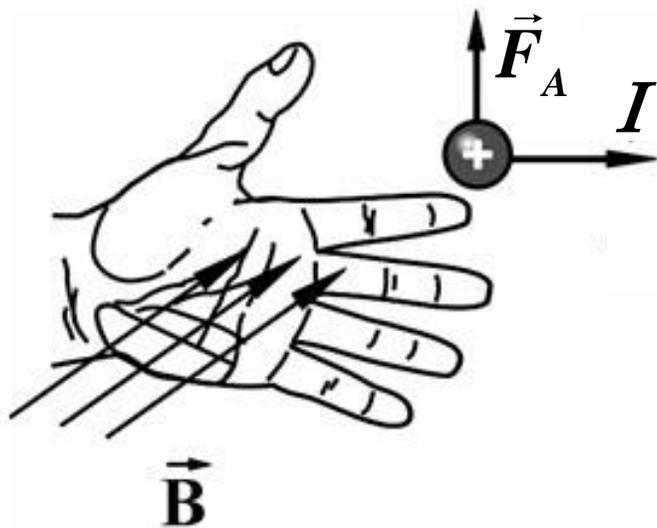
$$d\vec{F} = I[d\vec{l} \times \vec{B}] \quad (3.4.1)$$

где  $d\vec{l}$  - вектор, совпадающий с направлением тока.  
Величина силы **Ампера** равна

$$dF = I \cdot dl \cdot B \cdot \sin\alpha \quad (3.4.2)$$

Направление силы **Ампера** определяется **правилом левой руки**:

*четыре пальца левой руки надо направить по направлению тока так, чтобы вектор магнитной индукции входил в ладонь, тогда отогнутый большой палец дает направление силы Ампера.*



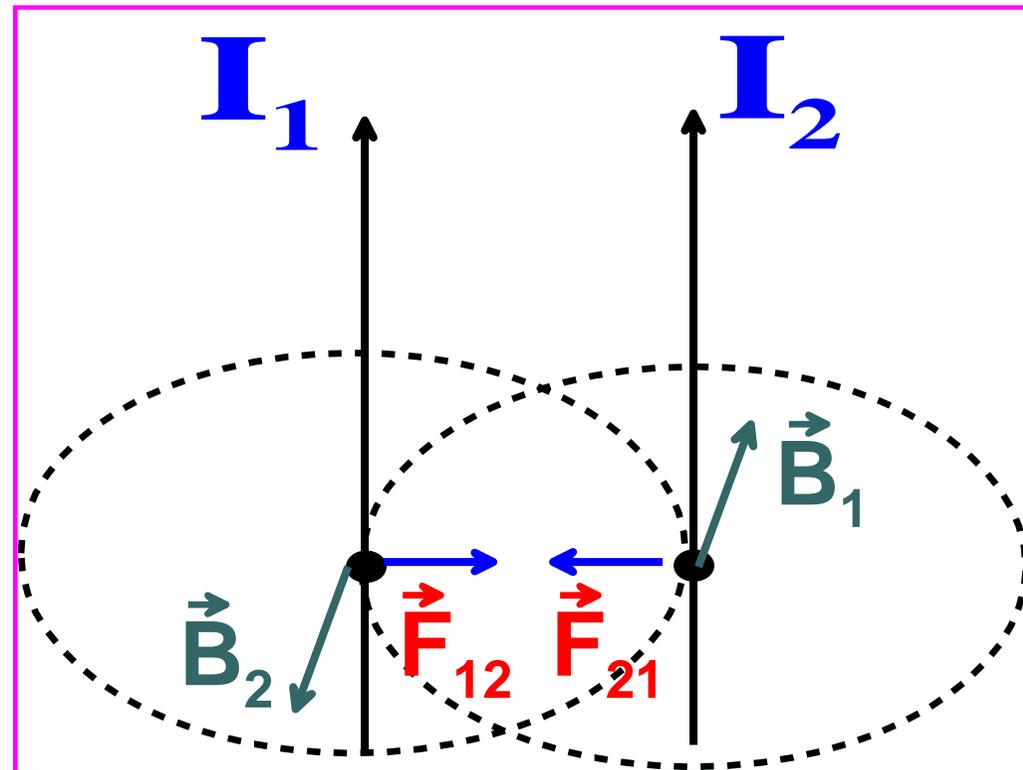
На основе закона **Ампера** определим силу взаимодействия между двумя параллельными прямыми токами, расположенными на расстоянии  $d$  друг от друга.

Рассмотрим сначала случай, когда токи текут в одном направлении.

Ток  $I_1$  создает магнитное поле  $B_1$ , которое действует на ток  $I_2$  и наоборот.

На расстоянии  $d$  магнитная индукция тока  $I_1$  равна

$$B_1 = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi d}$$



Угол между направлением тока  $I_2$  и вектором магнитной индукции  $B_1$  равен  $90^\circ$ . Поэтому согласно закону Ампера магнитное поле тока  $I_1$  действует *на единицу длины* тока  $I_2$  с силой

$$F_{21} = B_1 \cdot I_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 \cdot I_2}{d} \quad (3.4.3)$$

Размерность этой силы  $[F_{21}] = \frac{H}{M}$

Аналогично, магнитное поле тока  $I_2$  действует на единицу длины тока  $I_1$  с силой

$$F_{12} = B_2 \cdot I_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 \cdot I_2}{d}$$

Сравнивая видим, что силы  $F_{21}$  и  $F_{12}$  совпадают по величине. Направления этих сил противоположны.

*Поэтому токи, текущие в одном направлении притягивают друг друга.*

Если направления токов противоположны, то изменятся направления сил  $F_{21}$  ( $\leftarrow$ ) и  $F_{12}$  ( $\rightarrow$ ).

*Поэтому токи, текущие навстречу друг другу отталкиваются.*

Формула для силы Ампера (3.4.3) используется для определения единицы силы тока – **ампера**.

Ампер – это сила постоянного тока, который проходя по двум параллельным, прямолинейным проводникам бесконечной длины и расположенным на расстоянии **1 м** друг от друга, вызывает между ними силу притяжения, равную  **$2 \cdot 10^{-7}$  Н** на каждый метр длины.

Подставляя в (3.4.3) токи  **$I_1 = I_2 = 1$  А**, получаем

$$2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{м}} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{\text{А}^2}{\text{м}}$$

откуда

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{А}^2} = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Гн}}{\text{м}}$$

Теперь можно определить и единицу магнитной индукции **B**. Пусть элемент проводника  $dl$  перпендикулярен вектору магнитной индукции.

Тогда согласно (3.4.3) имеем

$$dF = I \cdot dl \cdot B \qquad B = \frac{dF}{I \cdot dl}$$

Последняя формула и используется для определения единицы магнитной индукции.

*Единицей магнитной индукции является Тесла* – это магнитная индукция такого однородного магнитного поля, которое действует с силой **1 Н** на каждый метр длины прямолинейного проводника, перпендикулярного полю и по которому течет ток силой **1 А**.

## 3.5 Сила Лоренца

Найдем силу, действующую на движущийся в магнитном поле электрический заряд.

Рассмотрим проводник с током  $I$ , находящийся в магнитном поле с индукцией  $B$ .

Пусть за время  $dt$  через участок проводника  $dl$  проходит  $dn$  зарядов величиной  $q$ . Тогда ток, текущий через проводник равен

$$I = \frac{q \cdot dn}{dt}$$

Согласно закону Ампера (3.4.2), на этот участок проводника со стороны магнитного поля действует сила

$$\begin{aligned}dF &= I \cdot dl \cdot B \cdot \sin \alpha = \\ &= B \cdot q \cdot dl \cdot \frac{dn}{dt} \sin \alpha = \\ &= B \cdot q \cdot dn \cdot \frac{dl}{dt} \sin \alpha\end{aligned}$$

Разделив на  $dn$  получим силу, действующую на один заряд

$$F_{\text{л}} = B \cdot q \cdot \frac{dl}{dt} \sin \alpha$$

Поскольку  $\frac{dl}{dt} = v$  - скорость движения заряда, то

$$F_L = q \cdot v \cdot B \cdot \sin \alpha$$

Сила  $F_L$  называется **силой Лоренца**.

Из формулы (3.4.1) следует, что сила Лоренца перпендикулярна к вектору скорости  $\vec{v}$  и вектору магнитной индукции  $\vec{B}$ . Поэтому можно записать ее в векторном виде

$$\vec{F}_L = q \cdot [\vec{v} \times \vec{B}] \quad (3.5.1)$$

*Направление силы Лоренца определяется правилом левой руки, как и сила Ампера.*

Так как сила **Лоренца** направлена перпендикулярно к вектору скорости, а следовательно и к вектору перемещения, то она *не совершает работы* над зарядом.

Поэтому *постоянное магнитное поле не меняет энергию заряженной частицы*. Магнитное поле меняет лишь направление вектора скорости, но не меняет величину скорости.

Из формулы **(3.5.1)** следует, что *если заряд неподвижен, то сила Лоренца равна нулю*.

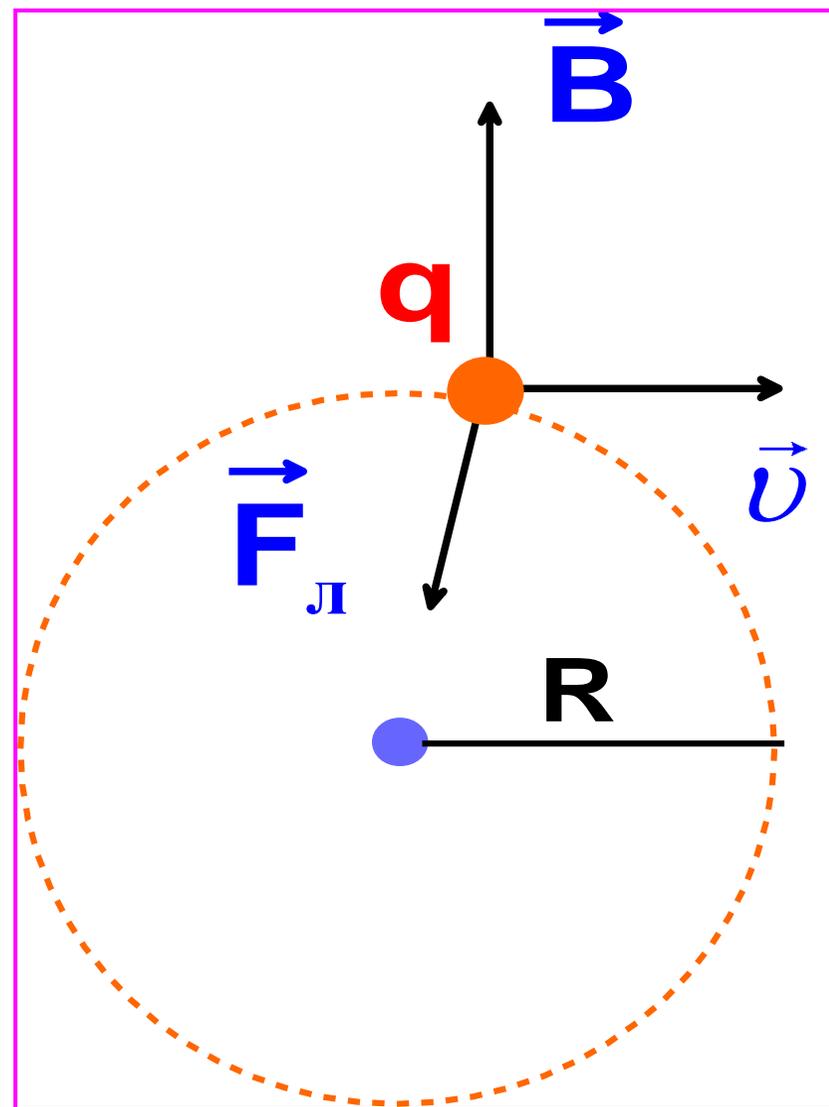
*Поэтому постоянное магнитное поле не оказывает на покоящийся заряд никакого влияния.*

Если  $\vec{B} \perp \vec{v}$  , то частица будет двигаться по окружности, радиус которой определяется из 2-го закона Ньютона

$$q \cdot v \cdot B = \frac{mv^2}{R}$$

Откуда

$$R = \frac{mv}{qB} \quad (3.5.2)$$



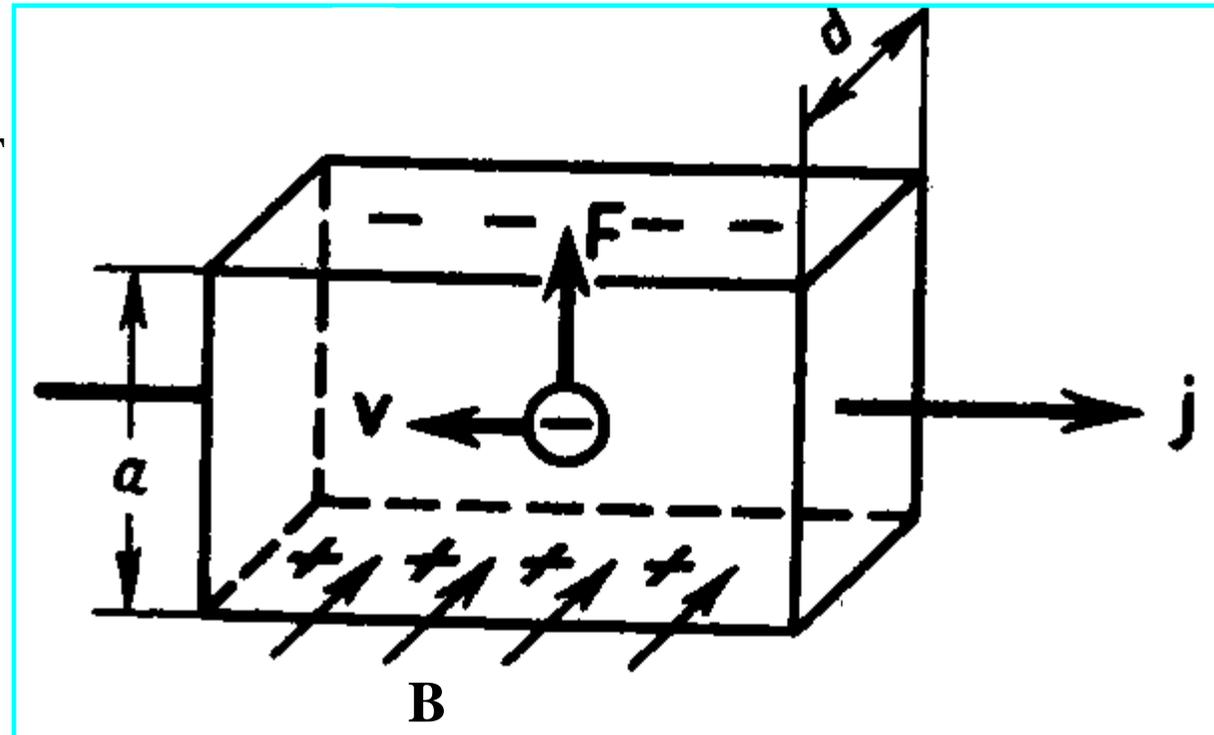
## 3.6 Эффект Холла

В 1879 году Холл обнаружил, что в металлической пластине, находящейся в магнитном поле, возникает поперечное электрическое поле, перпендикулярное направлению тока и вектору магнитной индукции.

Рассмотрим тонкую металлическую пластину толщиной  $a$  и шириной  $d$ .

Пусть по пластине течет ток с плотностью  $j$ .

Магнитное поле  $B$  направлено перпендикулярно к боковой грани.



Электроны под действием силы **Лоренца** “прижимаются” к верхней пластине, поэтому на ней возникает избыток отрицательного заряда. На нижней пластине, напротив, будет недостаток электронов. В результате появляется поперечное электрическое поле – поле Холла  $E_{\text{холл}}$ .

Поле **Холла** действует на электроны противоположно силе **Лоренца**. Поэтому через короткое время устанавливается стационарное распределение зарядов в поперечном направлении – вдоль толщины (высоты) пластины. Этому равновесному состоянию отвечает равенство электрической силы со стороны поля **Холла** и силы **Лоренца**

$$eE_{\text{Холл}} = e\nu B$$

Найдем разность потенциалов на нижней и верхней

гранях

$$\Delta\varphi_{\text{Холл}} = aE_{\text{Холл}} = avB$$

Выразим ток через плотность тока

$$I = jS = jad = nevad$$

где  $n$  – концентрация электронов. Исключая скорость, холловскую разность потенциалов можно представить в виде

$$\Delta\varphi_{\text{Холл}} = \frac{IVa}{nead} = \frac{1}{ne} \frac{IV}{d} = R \frac{IV}{d} \quad (3.6.1)$$

где  $R = \frac{1}{ne}$  – *постоянная Холла*. По знаку  $R$  можно определить знак носителей заряда.

### 3.7 Циркуляция вектора магнитной индукции

По аналогии с циркуляцией вектора напряженности электрического поля  $\vec{E}$ , циркуляцией вектора магнитной индукции по замкнутому контуру  $L$  называется интеграл

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B_l dl \quad (3.7.1)$$

где  $d\vec{l}$  - вектор элемента контура, направленный вдоль обхода контура,

$B_l = B \cos \alpha$  - проекция вектора магнитной индукции

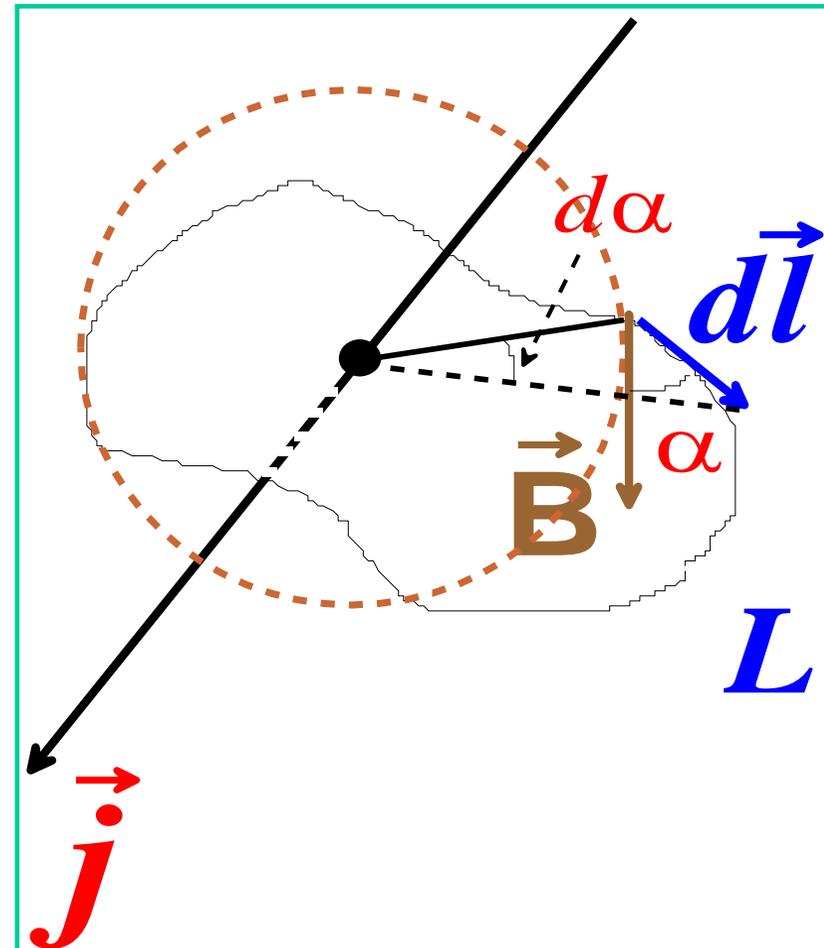
на направление вектора  $d\vec{l}$ ,  
 $\alpha$  - угол между векторами  $\vec{B}$  и  $d\vec{l}$ .

Найдем в качестве примера циркуляцию магнитного поля, создаваемого прямым током.

Выберем вокруг тока замкнутый контур в плоскости, перпендикулярной к току. В каждой точке контура вектор магнитной индукции  $\vec{B}$  направлен по касательной к окружности с радиусом  $R$  и проходящей через выбранную точку.

Поэтому можем записать

$$\begin{aligned} (\vec{B}d\vec{l}) &= Bdl \cos \alpha = \\ &= BRd\alpha \end{aligned}$$



Поскольку для прямого тока

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$$

то  $(\vec{B}d\vec{l}) = \frac{\mu_0 I}{2\pi} d\alpha$

Поэтому циркуляция вектора  $B$  по замкнутому контуру  $L$  равна

$$\oint_L (\vec{B}d\vec{l}) = \oint_L \frac{\mu_0 I}{2\pi} d\alpha$$

На контуре  $L$  угол  $\alpha$  меняется от  $0$  до  $2\pi$ , поэтому

$$\oint_L (\vec{B}d\vec{l}) = \mu_0 I$$

(3.7.2)

Полученная формула (3.7.2) справедлива для контура произвольной формы, охватывающего проводник с током.

**Знак циркуляции зависит от направления обхода.** Если направление обхода образует с направлением тока правовинтовую систему, то циркуляция считается положительной, иначе – отрицательной.

Знак циркуляции можно учесть, считая ток  $I$  алгебраической величиной :

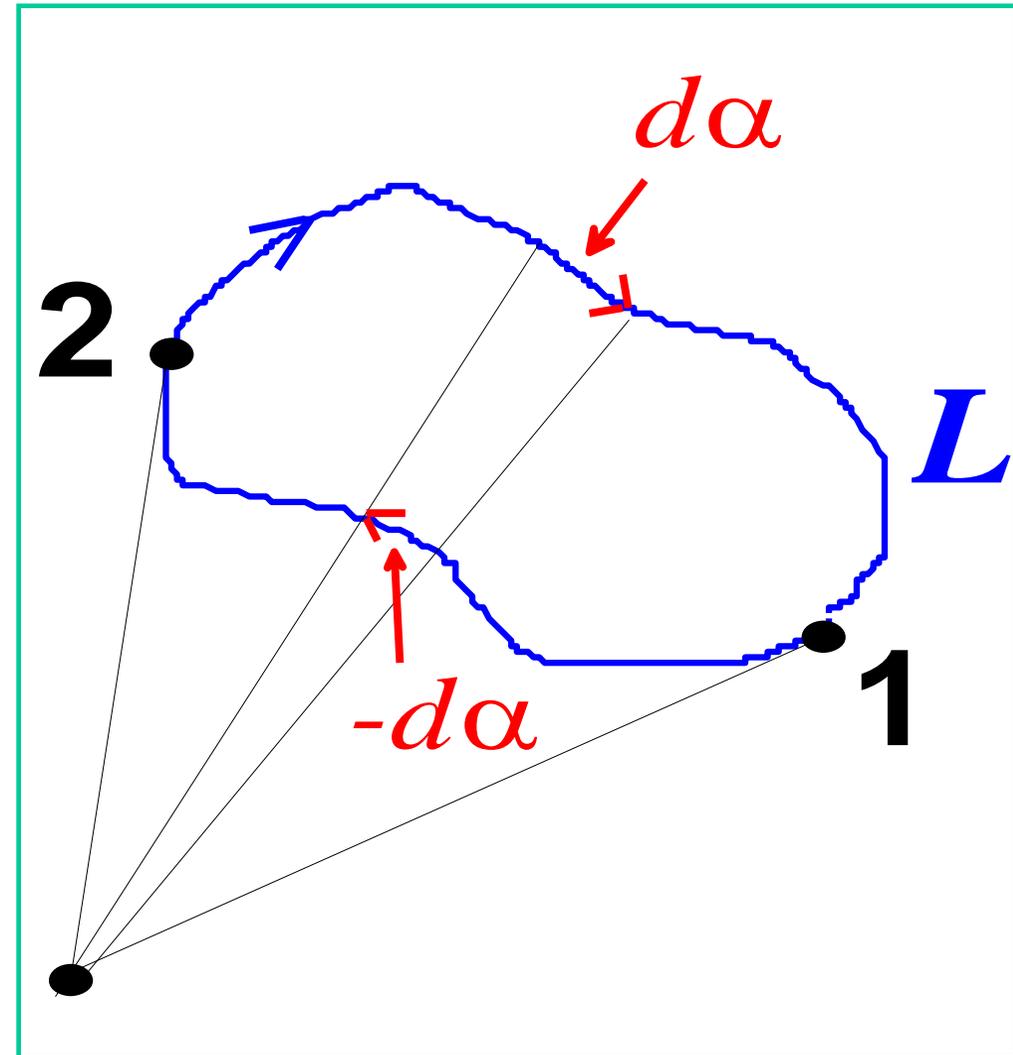
*ток считается положительным, если его направление связано с направлением обхода по правилу правого винта, иначе – ток считается отрицательным.*

Если контур не охватывает ток, то при обходе по контуру радиальная прямая сначала поворачивается по часовой стрелке (участок **1-2**), а затем – против часовой стрелки (участок **2-1**).

Поэтому при полном обходе такого контура угол не меняется

$$\oint_L d\alpha = 0$$

и значит циркуляция вектора  $\mathbf{B}$  равна нулю.



Если контур охватывает несколько токов, то в силу принципа суперпозиции магнитных полей имеем

$$\oint_L (\vec{B} d\vec{l}) = \oint_L \sum_i (\vec{B}_i d\vec{l}) = \sum_i \mu_0 I_i = \mu_0 \sum_i I_i$$

(3.7.3)

Эта формула выражает собой закон полного тока для магнитного поля в вакууме (теорема о циркуляции вектора магнитной индукции) - *циркуляция вектора магнитной индукции по произвольному замкнутому контуру равна произведению магнитной постоянной на алгебраическую сумму токов, охватываемых контуром.*

Применяя формулу (3.7.3), каждый ток надо учитывать столько раз, сколько раз он охватывается контуром.

Формула (3.7.3) справедлива только для поля в вакууме.

Сравнивая (3.7.3) с формулой для циркуляции вектора напряженности электрического поля

$$\oint_L \vec{E} d\vec{l} = 0$$

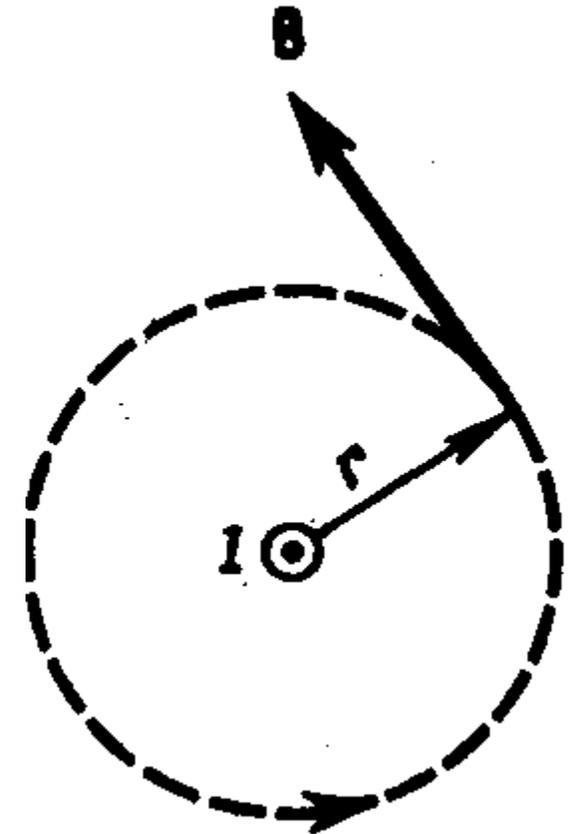
видим, что в отличие от электрического поля, циркуляция магнитного поля по замкнутому контуру не равна нулю. Это является следствием вихревого характера магнитного поля.

## 3.8 Применение закона полного тока для расчета простейших магнитных полей

Найдем с помощью закона полного тока магнитное поле прямого тока.

Пусть ток  $I$  выходит перпендикулярно из плоскости листа. Выберем вокруг него замкнутый контур в виде окружности радиуса  $r$ . Она является силовой линией магнитного поля.

В каждой точке окружности вектор магнитной индукции  $B$  имеет одно и то же значение и направлен по касательной.



Циркуляция вектора **B** вдоль окружности равна

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B_l dl = B \oint_L dl = B \cdot 2\pi r$$

С другой стороны, согласно закону полного тока (3.7.3) эта циркуляция равна

$$B \cdot 2\pi r = \mu_0 I$$

Отсюда получаем величину магнитной индукции прямого тока

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

совпадающую с ранее выведенным выражением (3.3.1).