

Для того, чтобы убедиться, что **гравитационное поле** точечного тела массой M_1 **потенциально**, нужно **убедиться**, что **существует** такая **скалярная функция** $\Phi_{12}(\mathbf{r})$, **grad** которой **равен** силе **гравитационного взаимодействия** этого тела с любым другим **точечным телом** массой M_2 , т.е. **вычислить** результат действия **оператора** ∇ на функцию $\Phi_{12}(\mathbf{r})$

Докажем, что функция $\Phi_{12}(\mathbf{r})$ **должна** иметь вид $\Phi_{12}(\vec{r}) = Gm_1m_2/|\mathbf{r}|$

Для этого нужно **вспомнить** **определения** **оператора** ∇

$$\vec{\nabla} = \left(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

и модуля радиус-вектора, **вычислить производные** и **собрать их в одно выражение**

$$|\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

Однако, в целях **упрощения** **предстоящих** и **дальнейших** **вычислений** мы воспользуемся **правилами действия оператора** \square

$$(\vec{a}\vec{\nabla})\Phi = \vec{a}(\vec{\nabla}\Phi), \quad \vec{\nabla}|\vec{r}|^n = n|\vec{r}|^{n-2}\vec{r}, \quad \vec{\nabla}(\vec{a}\vec{r}) = \vec{a}$$

П1

Тогда, с помощью **второй формулы П1** получаем

$$Gm_1m_2\vec{\nabla}|\vec{r}|^{-1} = -Gm_1m_2|\vec{r}|^{-3}\vec{r}$$