

Домашнее задание по теме: «Тройной интеграл в цилиндрических, сферических и других криволинейных координатах»

1) Найти объем тела (V) , ограниченного поверхностями $x^2 + y^2 = 2y$,
 $z = 1,25 - x^2$, $z = 0$.

Ответ: π .

2) Найти объем тела (V) , заданного неравенствами $1 \leq x^2 + y^2 + z^2 \leq 49$,
 $-x \leq y \leq 0$, $-\sqrt{\frac{x^2 + y^2}{35}} \leq z \leq \sqrt{\frac{x^2 + y^2}{3}}$.

Ответ: 19π .

3) Найти объем тела (V) , ограниченного поверхностями

$$z = \sqrt{16 - x^2 - y^2}, \quad x^2 + y^2 = 6z.$$

Ответ: $\frac{76}{3}\pi$.

4) Найти объем тела (V) , ограниченного эллипсоидом $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$.

Ответ: $\frac{4}{3}\pi \cdot abc$.