

Магнитное поле тока.

- ▶ Вокруг проводников с током и постоянных магнитов существует силовое поле (магнитное), которое оказывает силовое действие на другие проводники с током или постоянные магниты.

Но ток – это направленное движение зарядов.

- ▶ Вокруг всякого движущегося заряда помимо электрического поля образуется еще и магнитное поле.
- ▶ Магнитное поле – это материя, связанная с движущимися зарядами и обнаруживающая себя по действию на магнитные стрелки и движущиеся заряды, помещенные в это поле.

Основное свойство магнитного поля:

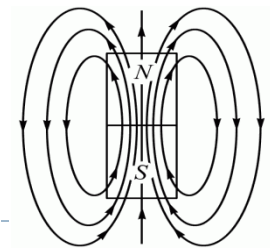
- ▶ Магнитное поле действует на движущиеся заряды, а на неподвижные не действует.

Вектор магнитной индукции – силовая характеристика магнитного поля, ее можно изобразить с помощью магнитных силовых линий.

Линии, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора магнитной индукции, называются силовыми линиями магнитного поля.

Направление силовых линий определяется правилом правого винта (буравчика).

- ▶ Силовые линии магнитного поля замкнутые и не пересекаются. Следовательно, магнитное поле – вихревое.

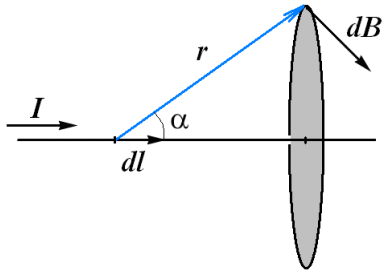


- ▶ Закон Био – Савара – Лапласа.

Жан Батист Био и Феликс Савар экспериментально определили, что магнитная индукция зависит от:

- тока  $I$ , протекающего по проводнику,
- формы и размеров проводника,
- положения точки относительно проводника,
- состояния окружающей среды (магнитной проницаемости).

$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0 I [d\vec{l}, \vec{r}]}{4\pi r^3}$$



$dB_i$  создается участком длиной  $dl$  проводника с током  $I$ ,  
 $r$  – радиус-вектор от элементарного тока до точки, в которой ищется поле.

$\alpha$  – угол между элементарным током  $I \cdot dl$  и  $r$ .

$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  [Гн / м; Н/А<sup>2</sup>] - магнитная постоянная.

Магнитное поле любого тока может быть вычислено как векторная сумма (суперпозиция) полей, создаваемых отдельными элементарными участками тока:

$$\vec{B} = \sum_{i=1}^n B_i \qquad \vec{B} = \int_L \frac{\mu\mu_0 I [d\vec{l}, \vec{r}]}{4\pi r^3}$$

- ▶  $H$  – вектор напряженности магнитного поля, измеряемая в СИ [А/м].

$$\vec{B} = \mu\mu_0 \vec{H}$$

- ▶ Закон Био – Савара – Лапласа для  $H$ :

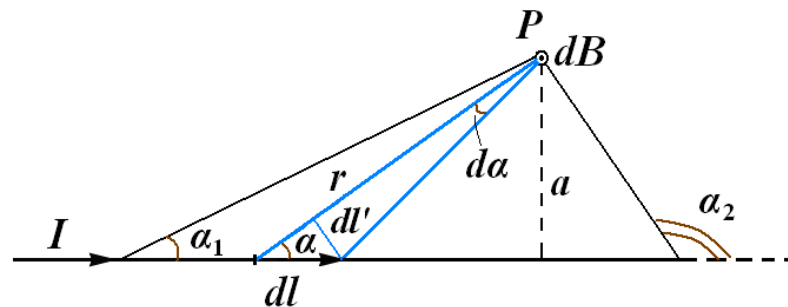
$$d\vec{H} = \frac{I[d\vec{l}, \vec{r}]}{4\pi r^3}$$

Магнитное поле прямолинейного проводника с током.

Поле в точке  $P$ , расположенной на расстоянии  $a$  от проводника конечной длины с током  $I$ .

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I [d\vec{l}, \vec{r}]}{4\pi r^3}$$

$$dB = \frac{\mu_0 I dl \sin \alpha}{4\pi r^2}$$



Так как  $d\alpha$  мал, то  $dl' = r d\alpha$ ;

$$dl = \frac{r d\alpha}{\sin \alpha}$$

$$a = r \sin \alpha$$

$$dl = \frac{a d\alpha}{\sin^2 \alpha}$$

$$dB = \frac{\mu_0 I \frac{a d\alpha}{\sin^2 \alpha} \sin \alpha}{4\pi \frac{a^2}{\sin^2 \alpha}} = \frac{\mu_0 I \sin \alpha d\alpha}{4\pi a}$$

$$B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I \sin \alpha d\alpha}{4\pi a} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$

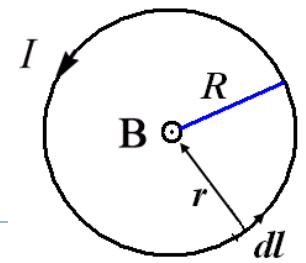
Если проводник бесконечной длины, тогда  $\alpha_1 = 0$ ,  $\alpha_2 = 180^\circ \Rightarrow$

$$B = \frac{2\mu_0 I}{4\pi a} = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$$



Магнитное поле в центре кругового тока:

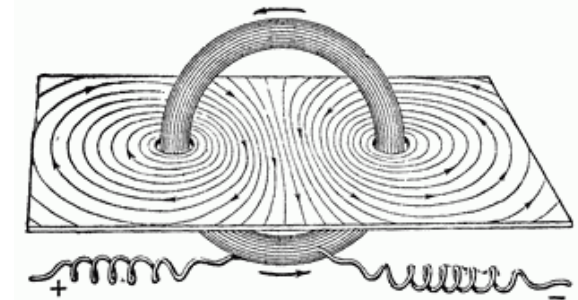
$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I [d\vec{l}, \vec{r}]}{4\pi r^3}$$



$r = R, \quad \alpha = 90^\circ$

$$dB = \frac{\mu_0 I dl \sin \alpha}{4\pi r^2} = \frac{\mu_0 I dl}{4\pi R^2}$$

$$B = \oint \frac{\mu_0 I dl}{4\pi R^2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} 2\pi R = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

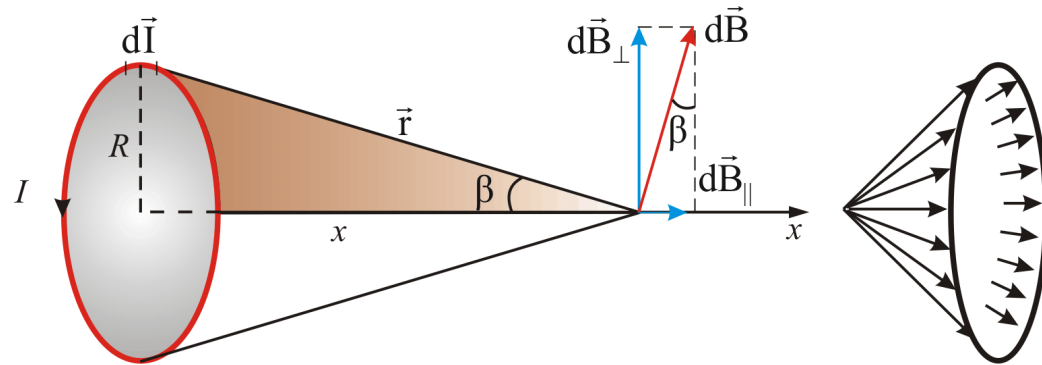


Магнитное поле на оси кругового проводника с током:

$$dB_{\parallel} = dB \sin \beta \quad \sin \beta = \frac{R}{r}$$

$$dB_{\parallel} = dB \frac{R}{r} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I dl R}{r^2 r}$$

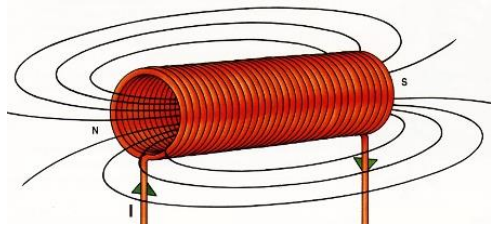
$$r = \sqrt{R^2 + x^2}$$



$$B = \int_0^{2\pi R} dB_{\parallel} = \frac{\mu_0 I R}{4\pi} \int_0^{2\pi R} \frac{dl}{(R^2 + x^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}}$$

$$x = 0 \quad \rightarrow \quad B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

## Поле соленоида:



Соленоид – система одинаковых круговых токов, расположенных так, что их плоскости параллельны, а центры круговых токов расположены на одной прямой, называемой осью соленоида.

Если в соленоиде  $N$  витков, то магнитная индукция  $B = \int_1^N dB$

Индукция магнитного поля витка с током в точке, расположенном на расстоянии  $x$  от плоскости витка:

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0}{2} \frac{R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}}$$

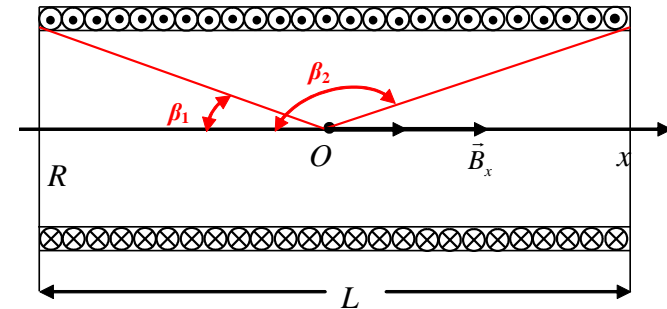
На малый участок  $dx$  длины соленоида приходится  $dN = ndx$  витков, где  $n = N/L$  – число витков, приходящихся на единицу длины соленоида.

$$dB = \frac{\mu_0}{2} \frac{R^2 I}{(R^2 + x^2)^{3/2}} ndx$$

$$r = \sqrt{R^2 + x^2} = \frac{R}{\sin\beta}$$

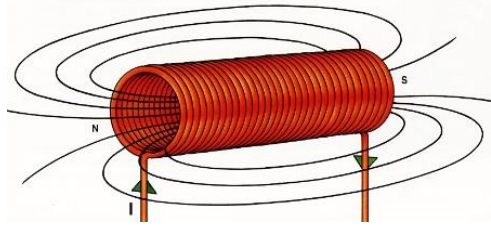
$$x = R \operatorname{ctg} \beta$$

$$\Rightarrow dx = \frac{R d\beta}{\sin^2 \beta}$$



$$B = \frac{\mu_0 n I}{2} \int_{\beta_1}^{\beta_2} \frac{R^2 \sin^3 \beta R d\beta}{R^3 \sin^2 \beta} = \frac{\mu_0 n I}{2} \int_{\beta_1}^{\beta_2} \sin \beta d\beta = \frac{\mu_0 n I}{2} (\cos \beta_1 - \cos \beta_2)$$

## Поле соленоида:



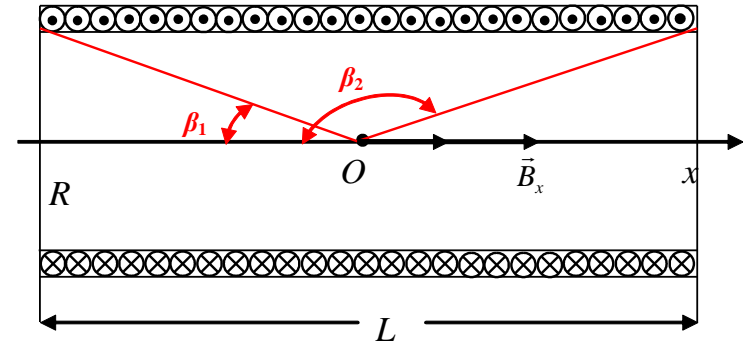
Соленоид – система одинаковых круговых токов, расположенных так, что их плоскости параллельны, а центры круговых токов расположены на одной прямой, называемой осью соленоида.

$$B = \frac{\mu_0 n I}{2} \int_{\beta_1}^{\beta_2} \frac{R^2 \sin^3 \beta R d\beta}{R^3 \sin^2 \beta} = \frac{\mu_0 n I}{2} \int_{\beta_1}^{\beta_2} \sin \beta d\beta = \frac{\mu_0 n I}{2} (\cos \beta_1 - \cos \beta_2)$$

В центре соленоида:  $\beta_2 = 180^\circ - \beta_1$

$$\Rightarrow B = \mu_0 n I \cos \beta_1$$

$$\cos \beta_1 = \frac{L}{\sqrt{L^2 + 4R^2}} \Rightarrow B = \mu_0 n I \frac{L}{\sqrt{L^2 + 4R^2}}$$



Если соленоид бесконечно длинный, то  $\beta_1 = 0$ ,  $\beta_2 = 180^\circ$

$$\Rightarrow B = \mu_0 n I$$



**Задача 1.** Определить магнитную индукцию поля, создаваемого отрезком бесконечно длинного прямого провода, в точке, равноудаленной от концов отрезка и находящейся на расстоянии 20 см от его середины. Сила тока, текущего по проводу, равна 30 А, длина отрезка равна 60 см.

► Решение:

$$l = 60 \text{ см}$$

$$r_0 = 20 \text{ см}$$

$$I = 30 \text{ А}$$

$$B = ?$$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{[d\vec{l}, \vec{r}]}{r^3}$$

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl \cdot \sin\alpha}{r^2}$$

$$dl = \frac{r dd}{\sin\alpha}$$

$$r = \frac{r_0}{\sin\alpha}$$

$$\Rightarrow dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{\sin\alpha \cdot r_0 \cdot dd \cdot \sin^2\alpha}{\sin\alpha \cdot \sin\alpha \cdot r_0^2}$$

$$\Rightarrow dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi r_0} \sin\alpha dd$$

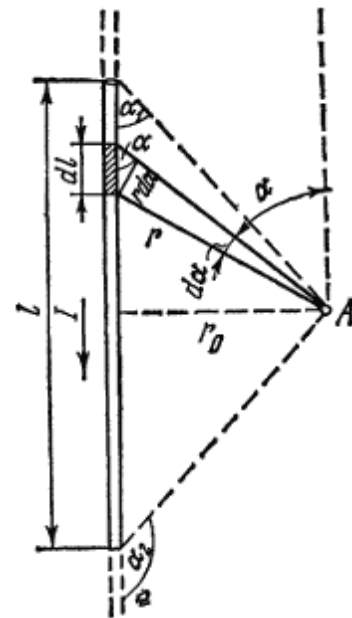
$$B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu_0 I}{4\pi r_0} \sin\alpha dd = \frac{\mu_0 I}{4\pi r_0} (\cos\alpha_1 - \cos\alpha_2)$$

Точка симметрична относительно расположения отрезка провода:  $\alpha_2 = \pi - \alpha_1 \Rightarrow \cos\alpha_2 = -\cos\alpha_1$ .

$$\Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r_0} \cos\alpha_1$$

$$\cos\alpha_1 = \frac{l}{\sqrt{l^2 + 4r_0^2}} \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r_0} \cdot \frac{l}{\sqrt{l^2 + 4r_0^2}}$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 30 \cdot 0,6}{2\pi \cdot 0,2 \sqrt{4 \cdot 0,04 + 0,36}} = 25 \text{ мкТл}$$



**Задача 2.** По тонкому проводящему кольцу радиусом  $R=10$  см течет ток  $80$  А. Найти магнитную индукцию в точке А, равноудаленной от всех точек кольца на расстояние  $20$  см.

► Решение:

$R=10\text{ см}$
$r=20\text{ см}$
$I=80\text{ А}$
$B=?$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{[d\vec{l}, \vec{r}]}{r^3}$$

$$\vec{B} = \int_{\ell} d\vec{B} \quad \vec{B} = \int d\vec{B}_{\perp} + \int d\vec{B}_{\parallel}$$

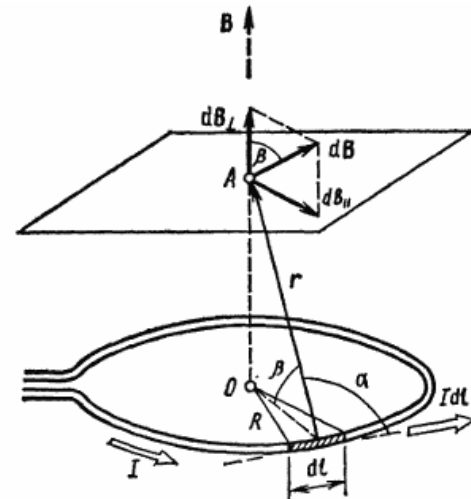
$\int d\vec{B}_{\parallel} = 0$  - в силу симметрии  $dB_{\perp} = dB \cdot \cos\beta$

$$\Rightarrow dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl \cos\beta}{r^2}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} \cos\beta \int_0^{2\pi R} dl = \frac{\mu_0 I \cos\beta \cdot 2\pi R}{4\pi r^2}$$

$$\cos\beta = \frac{R}{r} \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I R^2}{2r^3}$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 80 \cdot 0,01}{2 \cdot 0,008} = 6,28 \cdot 10^{-5} \text{ Тл}$$



**Задача 3.** Получить выражение для магнитной индукции поля на оси соленоида.

► Решение:

$l, R, I$  | Магнитное поле, создаваемое  
одним витком на  
расстоянии  $x$  от плоскости  
витка;

$$dB = \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + x^2)^{3/2}}$$

В соленоиде  $N$  витков. На малый участок длины  $dx$  приходится  $dN = n dx$  витков,  $n = N/l$  — число витков на единицу длины.

$$\Rightarrow B = \int dB \cdot n dx$$

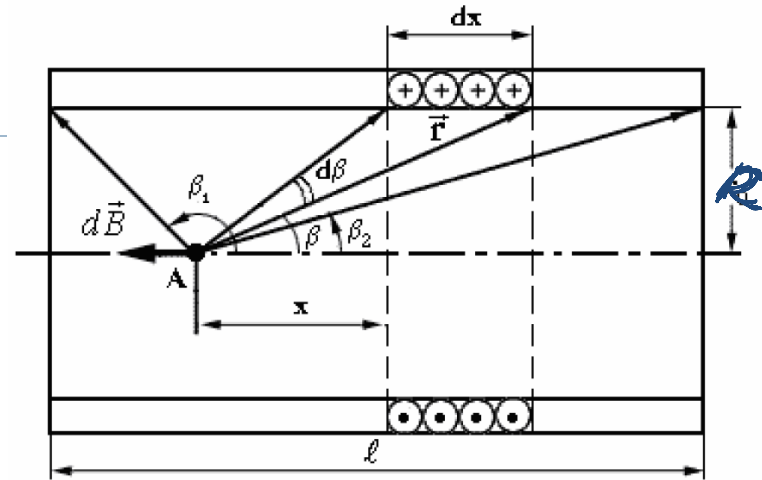
$$x = R \cdot \cot \beta \Rightarrow dx = \frac{R d\beta}{\sin^2 \beta}; \quad r = \sqrt{R^2 + x^2} = \frac{R}{\sin \beta} \Rightarrow$$

$$B = \int_{\beta_1}^{\beta_2} \frac{\mu_0 I R^2 n \cdot R \sin^3 \beta d\beta}{2 \cdot R^3 \cdot \sin^2 \beta} = \frac{\mu_0 n I}{2} \int_{\beta_1}^{\beta_2} \sin \beta d\beta = \frac{\mu_0 n I}{2} (\cos \beta_1 - \cos \beta_2)$$

Если точка  $A$  находится в центре соленоида, то  $\beta_2 = \pi - \beta_1$

$$B = \mu_0 n I \cos \beta_1 = \frac{\mu_0 n I \cdot l}{\sqrt{l^2 + 4R^2}}$$

► Если соленоид бесконечно длинной, то  $\beta_1 = 0, \beta_2 = \pi \Rightarrow$   
 $B = \mu_0 n I = \mu_0 N I / l$



**Задача 4.** По бесконечно длинному прямому проводу, изогнутому так, как это показано на рис. 1, течет ток  $I=100$  А. Определить магнитную индукцию  $B$  в точке  $O$ , если  $r=10$  см.

► Решение:

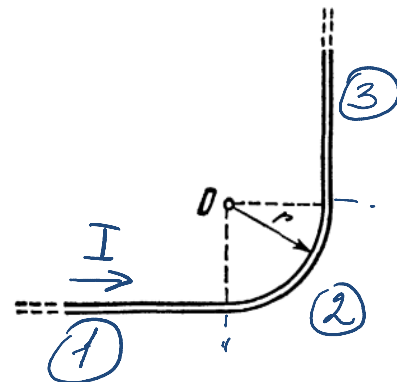
$$\begin{array}{|l} r = 10 \text{ см} \\ I = 100 \text{ А} \\ \hline B = ? \end{array}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3, \quad \vec{B}_1 \uparrow \vec{B}_2 \uparrow \vec{B}_3.$$

$\vec{B}_1$  и  $\vec{B}_3$  создаются полубесконечными проводом  $\Rightarrow B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi r} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$

$$\alpha_1 = 0, \alpha_2 = \pi/2 \Rightarrow B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi r}$$

$$B_3 = B_1$$



$\vec{B}_2$  создается дугой длиной  $l = \frac{2\pi r}{4} = \frac{\pi r}{2} \Rightarrow B_2 = \frac{B_{\text{кольца}}}{4}$

$$B_{\text{кольца}} = \frac{\mu_0 I}{2r} \Rightarrow B_2 = \frac{\mu_0 I}{8r}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} + \frac{\mu_0 I}{8r} = \frac{\mu_0 I (4 + \pi)}{8\pi r}$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 100 (4 + \pi)}{8\pi \cdot 0,1} = 0,357 \text{ мТл}$$

**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.

► Решение:

$$\begin{array}{|l} I=50\text{А} \\ R=10\text{см} \\ \hline B=? \end{array}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3.$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos\alpha_1 - \cos\alpha_2)$$

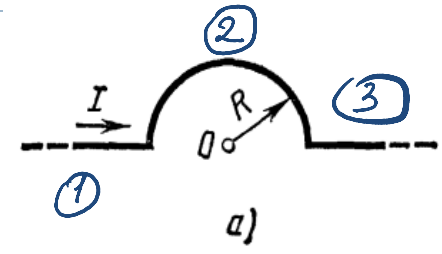
$$, \alpha_1 = 0, \alpha_2 = 0 \Rightarrow B_1 = 0$$

$$B_3 = B_1 = 0$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{4R} \text{ — для полукольца.}$$

$$\Rightarrow B = B_2 = \frac{\mu_0 I}{4R}$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 50}{4 \cdot 0,1} = \underline{0,157 \mu\text{Тл}}$$





**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.

► Решение:

$$I=50 \text{ А} \quad \vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3$$

$$R=10 \text{ см}$$

$$B=?$$

$$\vec{B}_1 \uparrow \uparrow \vec{B}_2 \uparrow \uparrow \vec{B}_3$$

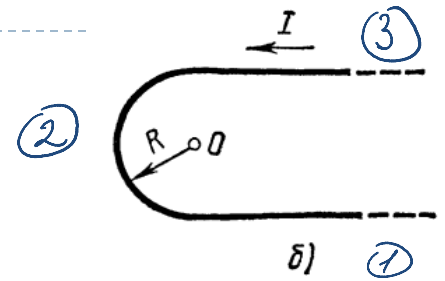
$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2), \quad \alpha_1 = 0, \quad \alpha_2 = \frac{\pi}{2}$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R}, \quad B_3 = B_1$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{4R} \quad \text{— от полукольца}$$

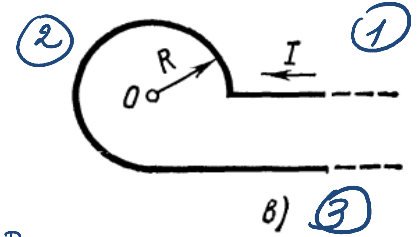
$$B = \frac{2\mu_0 I}{4\pi R} + \frac{\mu_0 I}{4R} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (2 + \pi)$$

$$B = \frac{10^{-7} \cdot 50 (2 + \pi)}{4\pi \cdot 0,1} = 0,257 \text{ мТл}$$



**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.

► Решение:



$$\begin{array}{l} I = 50 \text{ А} \\ R = 10 \text{ см} \\ B = ? \end{array}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos d_1 - \cos d_2), \quad d_1 = 0, \quad d_2 = 0 \Rightarrow B_1 = 0$$

$$B_3 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos d_1 - \cos d_2), \quad d_1 = \pi/2, \quad d_2 = \pi \Rightarrow B_3 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R}$$

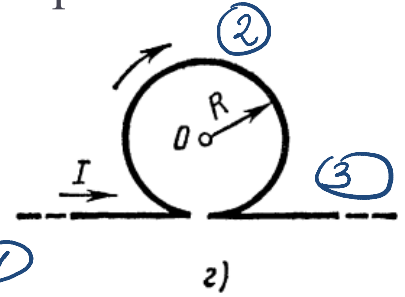
$$B_2 - \text{от } \frac{3}{4} \text{ кольца} \Rightarrow B_2 = \frac{\mu_0 I}{2R} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3\mu_0 I}{8R}$$

$$\vec{B}_2 \uparrow \uparrow \vec{B}_3$$

$$B = \frac{3\mu_0 I}{8R} + \frac{\mu_0 I}{4\pi R} = \frac{\mu_0 I}{8\pi R} (3\pi + 2)$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 50 (3\pi + 2)}{8\pi \cdot 0,1} = 0,286 \text{ мТл}$$

**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.



► Решение:

$$\begin{array}{l} I = 50 \text{ А} \\ R = 10 \text{ см} \\ \hline B = ? \end{array}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2), \quad \alpha_1 = 0, \quad \alpha_2 = \pi/2 \Rightarrow$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \quad B_3 = B_1$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{2R} \text{ — для кольца.}$$

$$\vec{B}_1 \uparrow \uparrow \vec{B}_3 \quad \vec{B}_2 \uparrow \downarrow \vec{B}_1 \Rightarrow B = B_1 + B_3 - B_2$$

$$B = \frac{2\mu_0 I}{4\pi R} - \frac{\mu_0 I}{2R} = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} (1 - \pi)$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 50 (\pi - 1)}{2\pi \cdot 0,1} = 0,214 \text{ мТл}$$

$$B_2 > 2B_1 \Rightarrow \vec{B} \uparrow \uparrow \vec{B}_2$$

**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.

► Решение:

$$\left. \begin{array}{l} I=50 \text{ А} \\ R=10 \text{ см} \\ B=? \end{array} \right\}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3$$

$$\vec{B}_1 \uparrow \uparrow \vec{B}_2 \uparrow \uparrow \vec{B}_3$$

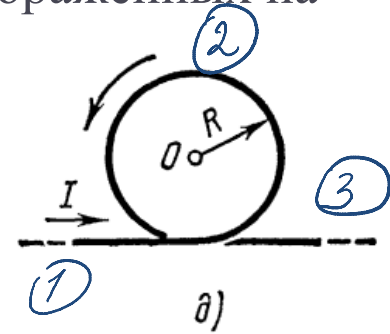
$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2), \quad \alpha_1 = 0, \quad \alpha_2 = \pi/2 \Rightarrow B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R}$$

$$B_3 = B_1$$

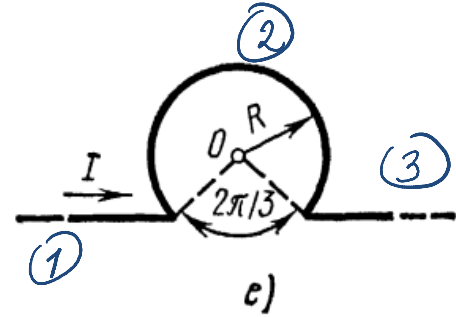
$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

$$\Rightarrow B = \frac{2\mu_0 I}{4\pi R} + \frac{\mu_0 I}{2R} = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} (1 + \pi)$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 50 (1 + \pi)}{2\pi \cdot 0,1} = \underline{\underline{0,414 \text{ мТл}}}$$



**Задача 5.** Бесконечно длинный тонкий проводник с током  $I=50$  А имеет изгиб (плоскую петлю) радиусом  $R=10$  см. Определить в точке  $O$  магнитную индукцию  $B$  поля, создаваемого этим током, в случаях а – е, изображенных на рис. 2.



► Решение:

$$\begin{array}{l} I=50\text{А} \\ R=10\text{см} \\ B=? \end{array} \left| \begin{array}{l} \vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 \\ \vec{B}_1 \uparrow \uparrow \vec{B}_3 \quad \vec{B}_2 \uparrow \downarrow \vec{B}_1 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow B = B_1 + B_3 - B_2.$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2), \quad \alpha_1 = 0, \quad \alpha_2 = \frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{6} = \frac{\pi}{6}$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$B_3 = B_1$$

$$B_2 = 0 \cdot \frac{2}{3} \text{ кольца} \Rightarrow B_2 = \frac{2}{3} \frac{\mu_0 I}{2R} = \frac{\mu_0 I}{3R}$$

$$B = \frac{2\mu_0 I}{4\pi R} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right) - \frac{\mu_0 I}{3R} = \frac{\mu_0 I}{R} \left(\frac{1}{2\pi} - \frac{\sqrt{3}}{4\pi} - \frac{1}{3}\right) = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (2 - \sqrt{3} - 4\pi)$$

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 50 (2 - \sqrt{3} - 4\pi)}{4\pi \cdot 0,1} = \underline{\underline{0,196 \text{ мТл}}}$$

**Задача 6.** Катушка длиной  $l=20$  см содержит  $N=100$  витков. По обмотке катушки идет ток  $I=5$  А. Диаметр  $d$  катушки равен 20 см. Определить магнитную индукцию  $B$  в точке, лежащей на расстоянии  $a=10$  см от ее конца.

► Решение:

$$l = 20 \text{ см}$$

$$N = 100$$

$$I = 5 \text{ А}$$

$$d = 20 \text{ см}$$

$$a = 10 \text{ см}$$

$$B = ?$$

$$B = \frac{\mu_0 I n}{2} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$

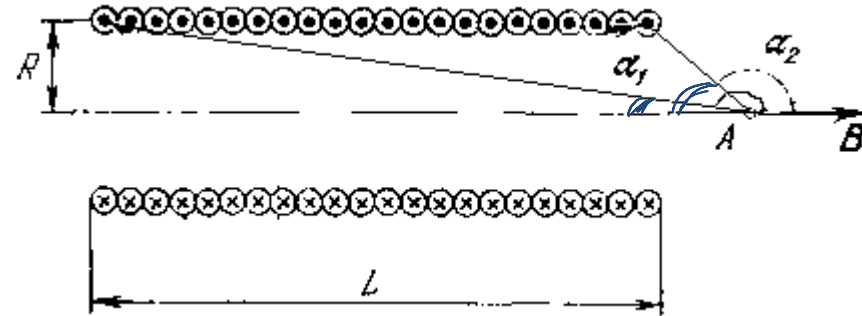
$$n = \frac{N}{l}$$

$$\cos \alpha_1 = \frac{2(l+a)}{\sqrt{d^2 + 4(l+a)^2}}$$

$$\cos \alpha_2 = \frac{2a}{\sqrt{d^2 + 4a^2}} \Rightarrow$$

$$B = \frac{\mu_0 I N}{e} \left( \frac{l+a}{\sqrt{d^2 + 4(l+a)^2}} - \frac{a}{\sqrt{d^2 + 4a^2}} \right)$$

$$B = 0,375 \text{ мТл}$$



**Задача 7.** Обмотка катушки диаметром  $d=10$  см состоит из плотно прилегающих друг к другу витков тонкой проволоки. Определить минимальную длину катушки, при которой магнитная индукция в середине ее отличается от магнитной индукции бесконечного соленоида, содержащего такое же количество витков на единицу длины, не более чем на 0,5 %. Сила тока, протекающего по обмотке, в обоих случаях одинакова.

► Решение:

$$d = 10 \text{ см}$$

$$k = 0,5\% = 0,005$$


---


$$l_{\min} = ?$$

$$B_{\infty} = \mu_0 n I$$

$$B_{\text{сол}} = \frac{\mu_0 n I l}{\sqrt{l^2 + d^2}} ;$$

$$k = \frac{\Delta B}{B_{\infty}} = \frac{(B_{\infty} - B_{\text{сол}})}{B_{\infty}} = 1 - \frac{B_{\text{сол}}}{B_{\infty}}$$

$$k = 1 - \frac{\mu_0 n I l}{\sqrt{l^2 + d^2} \cdot \mu_0 n I} = 1 - \frac{l}{\sqrt{l^2 + d^2}}$$

$$\frac{l}{\sqrt{l^2 + d^2}} = (1 - k) \quad \frac{l^2}{l^2 + d^2} = (1 - k)^2 \Rightarrow l^2 = (1 - k)^2 (l^2 + d^2)$$

$$l^2 (1 - (1 - k)^2) = (1 - k)^2 d^2 = l^2 (1 - 1 + 2k - k^2) = l^2 k (2 - k)$$

$$\Rightarrow \underline{l_{\min} = d \cdot (1 - k) / \sqrt{k(2 - k)}} \quad \underline{l_{\min} = 0,996 \text{ м}}$$