

## Тема 3 (2 час, лекция 1)

### Лекция 14

**Теплообмен излучением между твердыми телами, разделенными прозрачной (диатермичной\*) средой.**

Теплообмен излучением между телами, разделенными прозрачной средой. Виды лучистых потоков, их взаимная связь. Интегральные уравнения излучения. Угловые коэффициенты и взаимные поверхности. Определение угловых коэффициентов. Метод Поляка. Зональный метод расчета теплообмена излучением. Расчет теплообмена излучением в системе двух и более тел.

\*Диатермичная (диатермическая) среда (от греческого *diá*- сквозь через, *thermáinō*- жар, теплота) – среда прозрачная для теплового потока излучением

Существует два метода исследования процессов лучистого теплообмена: метод многократных отражений и метод сальдо.

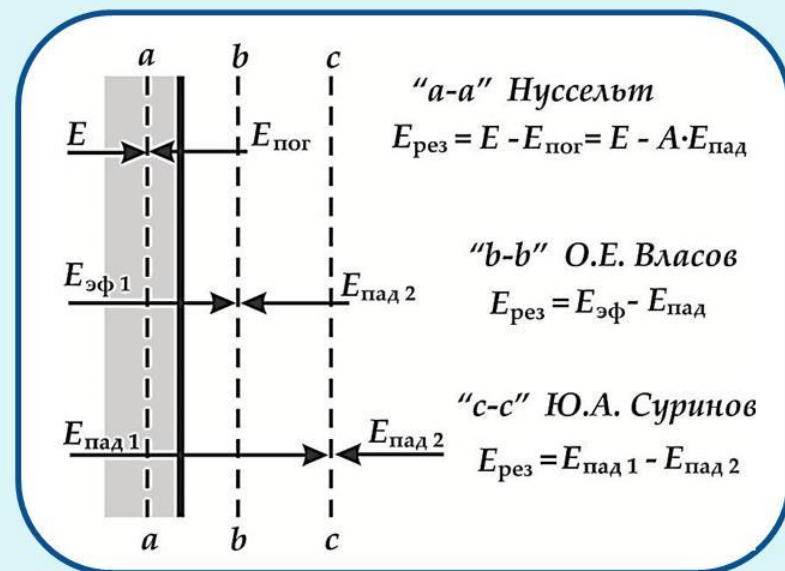
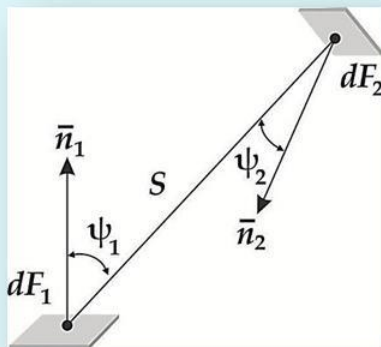
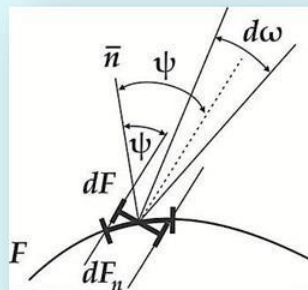
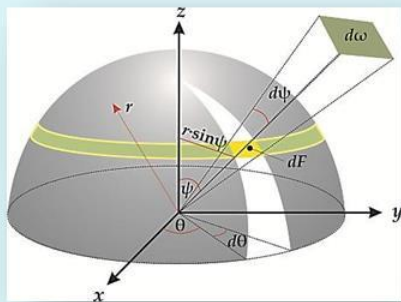
- ❖ **Метод многократных отражений** - на зависимостях изменения величины лучистой энергии на отдельных стадиях затухающих поглощений и отражений в процессе лучистого теплообмена с окружающими его телами. Громоздок для сложных геометрических систем.
- ❖ **Метод сальдо** - в количественном анализе лучистых процессов, оперируют интегральными величинами, характеризующими конечные эффекты теплообмена между телами, составляющими данную излучающую систему.

Вводится понятие вектора плотности теплового потока излучения  $\vec{q}$ , в том числе и градиентной (по температуре) форме:  $dQ = (\vec{q} \cdot dF)$ .

Для системы из нескольких тел вводятся угловые коэффициенты - доля потока излучения одного тела, попадающая на другое. Они характеризуют только геометрические особенности излучающей системы - учитывается только «прямое» попадание энергии излучения от одного тела на другое (без посредников). Поэтому для простоты полагается, что тела, которые участвуют в теплообмене излучением, являются абсолютно черными.

Принимаются следующие допущения:

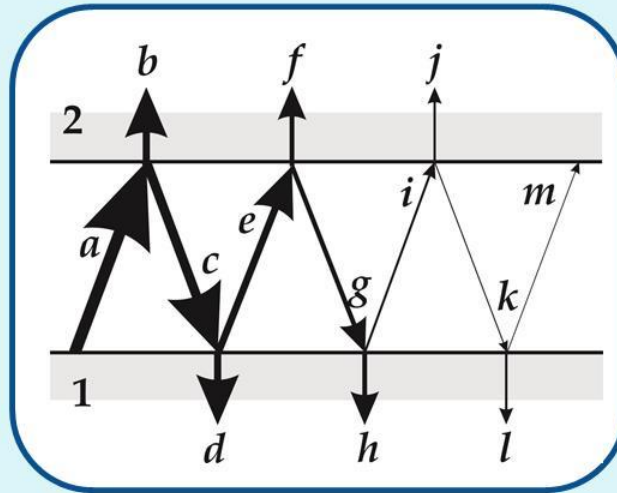
- ❖ все тела, входящие в излучающую систему, подчиняются закону Ламберта в отношении как собственного, так и отраженного излучений;
- ❖ тела непрозрачные ( $D = 0$ ) имеют изотермические поверхности, и вся лучистая энергия, поглощаемая ими, переходит в тепловую энергию, причем перенос тепла за счет теплопроводности и конвекции отсутствует;
- ❖ коэффициенты поглощения и степени черноты не зависят от температуры, процесс лучистого теплообмена – стационарный.



# Система тел с плоскопараллельными поверхностями

- $a : E_1$
- $b : E_1 A_2$
- $c : E_1 (1 - A_2)$
- $d : E_1 (1 - A_2) A_1$
- $e : E_1 (1 - A_2) (1 - A_1)$
- $f : E_1 (1 - A_2) (1 - A_1) A_2$
- $g : E_1 (1 - A_2)^2 (1 - A_1)$
- $h : E_1 (1 - A_2)^2 (1 - A_1) A_1$
- $i : E_1 (1 - A_2)^2 (1 - A_1)^2$
- $j : E_1 (1 - A_2)^2 (1 - A_1)^2 A_2$
- $k : E_1 (1 - A_2)^3 (1 - A_1)^2$
- $l : E_1 (1 - A_2)^3 (1 - A_1)^2 A_1$
- $m : E_1 (1 - A_2)^3 (1 - A_1)^3$

## Метод многократных отражений



- $a' : E_2$
- $b' : E_2 A_1$
- $c' : E_2 (1 - A_1)$
- $d' : E_2 (1 - A_1) A_2$
- $e' : E_2 (1 - A_1) (1 - A_2)$
- $f' : E_2 (1 - A_1) (1 - A_2) A_1$
- $g' : E_2 (1 - A_1)^2 (1 - A_2)$
- $h' : E_2 (1 - A_1)^2 (1 - A_2) A_2$
- $i' : E_2 (1 - A_1)^2 (1 - A_2)^2$
- $j' : E_2 (1 - A_1)^2 (1 - A_2)^2 A_1$
- $k' : E_2 (1 - A_1)^3 (1 - A_2)^2$
- $l' : E_2 (1 - A_1)^3 (1 - A_2)^2 A_2$
- $m' : E_2 (1 - A_1)^3 (1 - A_2)^3$

Результирующий т. поток :  
 разность собственного  
 излучения тела 1  
 и поглощенного от  
 собственного и излучения  
 тела 2 :

$$E_{\text{рез}} = E - E_{\text{погл}} = E - A E_{\text{пад}}$$

$E_1(1+k+k^2+\dots)(1-A_2)A_1 = E_1 \frac{1}{1-k}(1-A_2)A_1$  – поглощенное из соб. излучения I телом

$$k = (1-A_1)(1-A_2)$$

$E_2(1+k+k^2+\dots)A_1 = E_2 \frac{1}{1-k}A_1$  – поглощенное из соб. излучения II телом

$$E_{\text{рез1}} = E_1 - (E_{\text{погл от 1}} + E_{\text{погл от 2}}) = E_1 - E_1 \frac{1}{1-k}(1-A_2)A_1 - E_2 \frac{1}{1-k}A_1$$

$$1-k = 1 - (1-A_1)(1-A_2) = A_1 + A_2 - A_1A_2$$

$$E_{\text{рез1}} = \frac{E_1A_2 - E_2A_1}{A_1 + A_2 - A_1A_2}$$

$$E_1 = c_0 \varepsilon_1 \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 = c_0 A_1 \left( \frac{T_1}{100} \right)^4$$

$$E_2 = c_0 \varepsilon_2 \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 = c_0 A_2 \left( \frac{T_2}{100} \right)^4$$

$$E_{\text{рез1}} = c_0 A_{\text{ип}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = c_{\text{ип}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

$$A_{\text{ип}} = \frac{1}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} - 1} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1};$$

$$c_{\text{ип}} = \frac{1}{\frac{1}{c_1} + \frac{1}{c_2} - \frac{1}{c_0}}$$

## Метод сальдо

$$E_{\text{рез1}} = E_{\text{эфф1}} - E_{\text{пад1}} = E_{\text{эфф1}} - E_{\text{эфф2}} = E_{12}$$

$$E_{12} = -E_{21}$$

$$E_{\text{эфф1}} = E_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_1} \right) + E_1 \frac{1}{A_1}$$

$$E_{\text{эфф2}} = E_{21} \left( 1 - \frac{1}{A_2} \right) + E_2 \frac{1}{A_2} = -E_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_2} \right) + E_2 \frac{1}{A_2}$$

$$E_{12} = E_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_1} \right) + E_1 \frac{1}{A_1} + E_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_2} \right) - E_2 \frac{1}{A_2}$$

$$E_{12} = \frac{\frac{E_1}{A_1} - \frac{E_2}{A_2}}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} - 1}$$

$$E_{\text{рез1}} = c_0 A_{\text{ип}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = c_{\text{ип}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

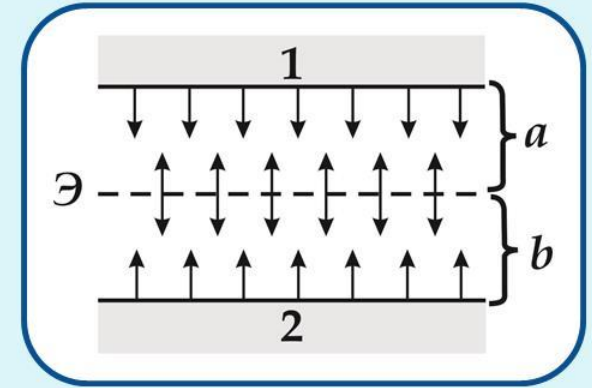
$$A_{\text{ип}} = \frac{1}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} - 1} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1}; \quad c_{\text{ип}} = \frac{1}{\frac{1}{c_1} + \frac{1}{c_2} - \frac{1}{c_0}}$$

## Теплообмен излучением при наличии экранов для плоскопараллельных тел

Пренебрежем термическим сопротивлением экрана

$$E_{1\text{Э}} = c_0 A_{1\text{Э}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 \right] = \frac{c_0}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_{\text{Э}}} - 1} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 \right]$$

$$E_{\text{Э}2} = c_0 A_{\text{Э}2} \left[ \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = \frac{c_0}{\frac{1}{A_{\text{Э}}} + \frac{1}{A_2} - 1} \left[ \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$



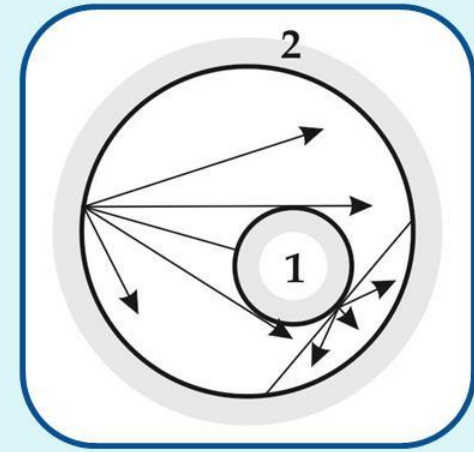
$E_{1\text{Э}} = E_{\text{Э}2}$  – стационар

$$\left. \begin{aligned} \frac{E_{1\text{Э}}}{c_0 A_{1\text{Э}}} &= \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 \\ \frac{E_{\text{Э}2}}{c_0 A_{\text{Э}2}} &= \left( \frac{T_{\text{Э}}}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \end{aligned} \right\} E_{12} = E_{1\text{Э}} = E_{\text{Э}2} = \frac{c_0}{\frac{1}{A_{1\text{Э}}} + \frac{1}{A_{\text{Э}2}} - 1} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = \frac{c_0}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \left( \frac{2}{A_{\text{Э}}} - 1 \right) - 1} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

При наличии  $n$  экранов  
результатирующий поток  
уменьшится в  $(n + 1)$  раз.

$$E_{12} = \frac{c_0}{\frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \sum_{i=1}^N \left( \frac{2}{A_{\text{Э}_i}} - 1 \right) - 1} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

## Теплообмен излучением между телом и его оболочкой



$$Q_{\text{рез1}} = Q_{\text{эфф1}} - Q_{\text{пад1}} = Q_{\text{эфф1}} - \overline{\varphi}_{21} Q_{\text{эфф2}} = Q_{12}$$

$$Q_{12} = -Q_{21}$$

$$Q_{\text{эфф1}} = Q_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_1} \right) + Q_1 \frac{1}{A_1}$$

$$Q_{\text{эфф2}} = Q_{21} \left( 1 - \frac{1}{A_2} \right) + Q_2 \frac{1}{A_2} = -Q_{12} \left( 1 - \frac{1}{A_2} \right) + Q_2 \frac{1}{A_2}$$

$$Q_{12} = \frac{\frac{Q_1}{A_1} - \overline{\varphi}_{21} \frac{Q_2}{A_2}}{\frac{1}{A_1} + \overline{\varphi}_{21} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right)}$$

$$Q_1 = c_0 \varepsilon_1 F_1 \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 = c_0 A_1 F_1 \left( \frac{T_1}{100} \right)^4$$

$$Q_2 = c_0 \varepsilon_2 F_2 \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 = c_0 A_2 F_2 \left( \frac{T_2}{100} \right)^4$$

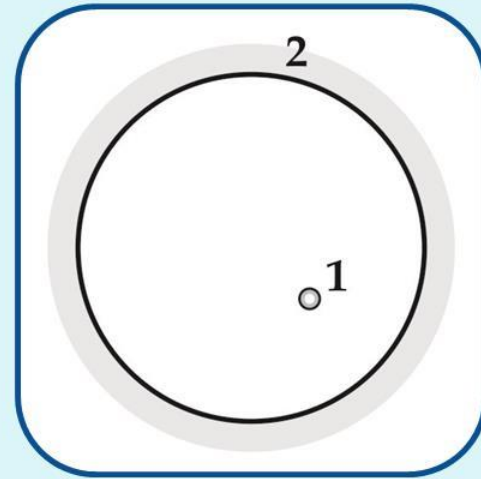
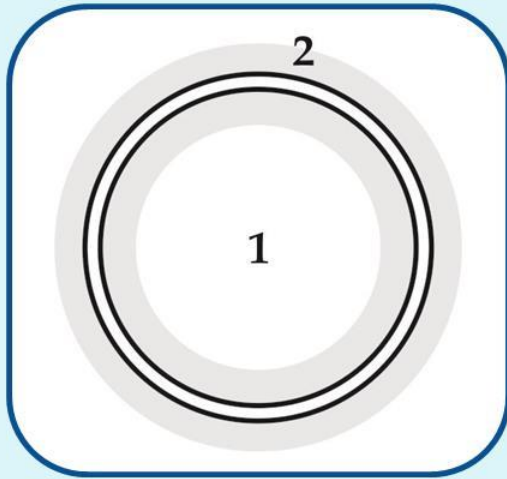
$$T_1 = T_2 \Rightarrow Q_{12} = 0 \Rightarrow F_1 - \overline{\varphi}_{21} F_2 = 0 \Rightarrow \overline{\varphi}_{21} = \frac{F_1}{F_2}$$

$$Q_1 = c_0 A_{\text{мп}} F_1 \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = c_{\text{мп}} F_1 \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

$$A_{\text{мп}} = \frac{1}{\frac{1}{A_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right)} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)};$$

$$c_{\text{мп}} = \frac{1}{\frac{1}{c_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{c_2} - \frac{1}{c_0} \right)}$$





$$Q_1 = c_0 A_{\text{mp}} F_1 \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = c_{\text{mp}} F_1 \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

$$A_{\text{mp}} = \frac{1}{\frac{1}{A_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right)} = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)};$$

$$c_{\text{mp}} = \frac{1}{\frac{1}{c_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{c_2} - \frac{1}{c_0} \right)}$$

# Теплообмен при наличии экранов для тела с оболочкой

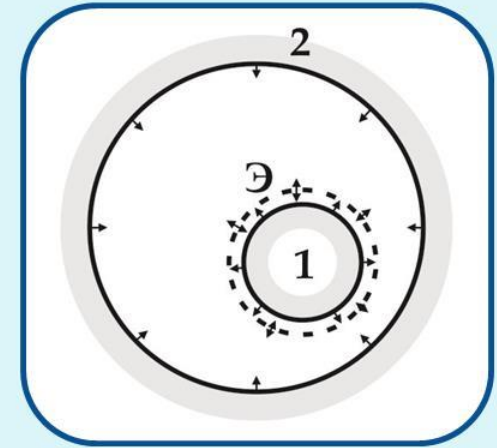
$$Q_{1\vartheta} = c_0 A_{1\vartheta} F_1 \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 \right] \overline{\varphi_{1\vartheta}} = \frac{c_0 F_1 \overline{\varphi_{1\vartheta}}}{\frac{1}{A_1} + \frac{F_1}{F_\vartheta} \left( \frac{1}{A_\vartheta} - 1 \right)} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 \right]$$

$$Q_{\vartheta 2} = c_0 A_{\vartheta 2} F_\vartheta \left[ \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] \overline{\varphi_{\vartheta 2}} = \frac{c_0 F_\vartheta \overline{\varphi_{\vartheta 2}}}{\frac{1}{A_\vartheta} + \frac{F_\vartheta}{F_2} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right)} \left[ \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

$Q_{1\vartheta} = Q_{\vartheta 2}$  – стационар

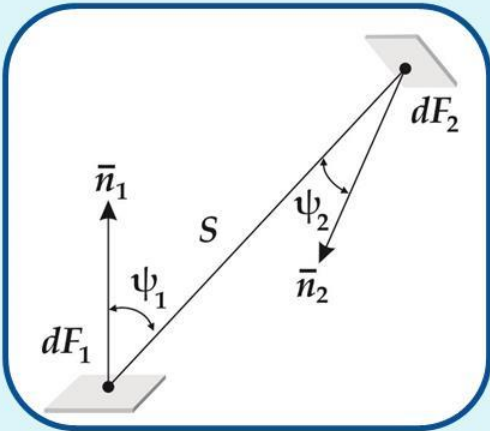
$$\left. \begin{aligned} \frac{Q_{1\vartheta}}{c_0 A_{1\vartheta} F_1 \overline{\varphi_{1\vartheta}}} &= \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 \\ \frac{Q_{\vartheta 2}}{c_0 A_{\vartheta 2} F_\vartheta \overline{\varphi_{\vartheta 2}}} &= \left( \frac{T_\vartheta}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \end{aligned} \right\} Q_{12} = Q_{1\vartheta} = Q_{\vartheta 2}$$

$$Q_{12} = Q_{1\vartheta} = Q_{\vartheta 2} = \frac{c_0}{\frac{1}{A_{1\vartheta}} + \frac{F_1}{F_\vartheta} \frac{1}{A_{\vartheta 2}}} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right] = \frac{c_0}{\frac{1}{A_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right) + \frac{F_1}{F_\vartheta} \left( \frac{2}{A_\vartheta} - 1 \right)} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$



$$Q_{12} = \frac{c_0}{\frac{1}{A_1} + \frac{F_1}{F_2} \left( \frac{1}{A_2} - 1 \right) + \sum_{i=1}^N \frac{F_1}{F_{\vartheta i}} \left( \frac{2}{A_{\vartheta i}} - 1 \right)} \left[ \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 \right]$$

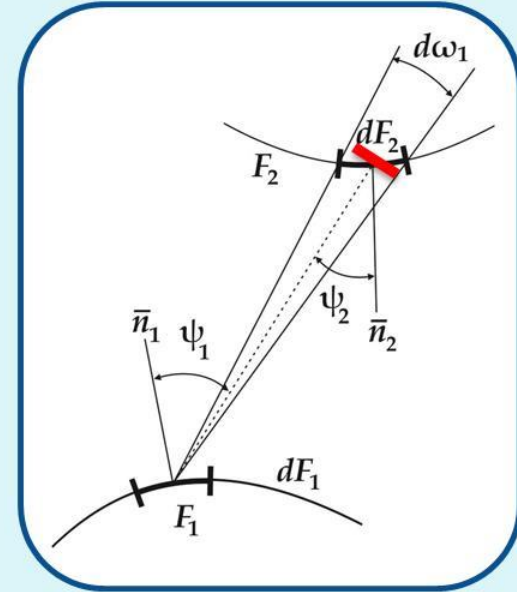
# Теплообмен излучением между двумя телами, произвольно расположенными в пространстве. Методы определения угловых коэффициентов излучения.



$$d^2Q_{\text{пад1-2}} = I_{\psi_1} \cdot d\omega_1 \cdot dF_1 = I_1 \cdot \cos \psi_1 \cdot d\omega_1 \cdot dF_1$$

$$d^2Q_{\text{пад2-1}} = I_{\psi_2} \cdot d\omega_2 \cdot dF_2 = I_2 \cdot \cos \psi_2 \cdot d\omega_2 \cdot dF_2$$

$$d\omega_1 = \frac{dF_2 \cdot \cos \psi_2}{r^2} \quad d\omega_2 = \frac{dF_1 \cdot \cos \psi_1}{r^2}$$



$$d^2Q_{\text{пад1-2}} = d^2Q_{12} = \frac{E_1}{\pi} \cdot \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{r^2} dF_1 \cdot dF_2 = dQ_1 \cdot d\phi_{12}$$

$$d^2Q_{\text{пад2-1}} = d^2Q_{21} = \frac{E_2}{\pi} \cdot \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{r^2} dF_1 \cdot dF_2 = dQ_2 \cdot d\phi_{21}$$

## Элементарные угловые коэффициенты

$$d\phi_{12} = \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} \cdot dF_2 = \frac{d^2Q_{12}}{dQ_1}$$

$$d\phi_{21} = \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} \cdot dF_1 = \frac{d^2Q_{21}}{dQ_1}$$

## Элементарные взаимные поверхности излучения

$$\left. \begin{aligned} d^2 H_{12} &= d\varphi_{12} \cdot dF_1 = \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} dF_1 \cdot dF_2 \\ d^2 H_{21} &= d\varphi_{21} \cdot dF_2 = \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} dF_1 \cdot dF_2 \end{aligned} \right\} d^2 H_{12} = d^2 H_{21}$$

$$d^2 Q_{\text{пад1-2}} = d^2 Q_{12} = E_1 d^2 H_{12}$$

$$d^2 Q_{\text{пад2-1}} = d^2 Q_{21} = E_2 d^2 H_{21}$$

$$d^2 Q_{12} = d^2 Q_{\text{пад1-2}} - d^2 Q_{\text{пад2-1}} = (E_1 - E_2) d^2 H_{12} - \text{ между } dF_1 \text{ и } dF_2$$

## Местные угловые коэффициенты излучения

$$\varphi_{12} = \int_{F_2} d\varphi_{12} = \int_{F_2} \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} dF_2$$

$$dQ_{\text{пад1-2}} = \varphi_{12} E_1 dF_1 = \varphi_{12} dQ_1$$

$$\varphi_{21} = \int_{F_1} d\varphi_{21} = \int_{F_1} \frac{\cos \psi_1 \cdot \cos \psi_2}{\pi r^2} dF_1$$

$$dQ_{\text{пад2-1}} = \varphi_{21} E_2 dF_2 = \varphi_{21} dQ_2$$

Местные угловые коэффициенты излучения – угловые коэффициенты излучения от точки (элементарной поверхности) на всю облучаемую поверхность:

$\varphi_{12}$  - от  $dF_1$  по всей  $F_2$

$\varphi_{21}$  - от  $dF_2$  по всей  $F_1$

$$dQ_{12} = dQ_{\text{пад1-2}} - dQ_{\text{пад2-1}} = \varphi_{12} E_1 dF_1 - \varphi_{21} E_2 dF_2 \Rightarrow$$

между  $dF_1$  и  $dF_2$  через местные угловые коэффициенты излучения

### Средние угловые коэффициенты излучения

$$\overline{\varphi_{12}} = \frac{1}{F_1} \int_{F_1} \varphi_{12} dF_1$$

$$\overline{\varphi_{21}} = \frac{1}{F_2} \int_{F_2} \varphi_{21} dF_2$$

$$\left. \begin{aligned} Q_{\text{пад1-2}} &= \overline{\varphi_{12}} \cdot E_1 \cdot F_1 \\ Q_{\text{пад2-1}} &= \overline{\varphi_{21}} \cdot E_2 \cdot F_2 \end{aligned} \right\} Q_{12} = Q_{\text{пад1-2}} - Q_{\text{пад2-1}} = \overline{\varphi_{12}} \cdot E_1 \cdot F_1 - \overline{\varphi_{21}} \cdot E_2 \cdot F_2$$

$$\overline{\varphi_{12}} = \frac{Q_{\text{пад1-2}}}{Q_1}$$

$$\overline{\varphi_{21}} = \frac{Q_{\text{пад2-1}}}{Q_2}$$

$$\overline{H_{12}} = \overline{\varphi_{12}} \cdot F_1$$

$$\overline{H_{21}} = \overline{\varphi_{21}} \cdot F_2$$

$$Q_{12} = Q_{\text{пад1-2}} - Q_{\text{пад2-1}} = \overline{\varphi_{12}} \cdot E_1 \cdot F_1 - \overline{\varphi_{21}} \cdot E_2 \cdot F_2$$

$$Q_{12} = \overline{\varphi_{12}} \cdot c_0 \cdot \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 \cdot F_1 - \overline{\varphi_{21}} \cdot c_0 \cdot \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \cdot F_2 = c_0 \left[ \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 - \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \right] \cdot \overline{H_{12}}$$

$$Q_{12} = \overline{\varphi_{12}} \cdot E_{\text{эфф1}} \cdot F_1 - \overline{\varphi_{21}} \cdot E_{\text{эфф2}} \cdot F_2$$

$$E_{\text{эфф1}} = E_{12} \left(1 - \frac{1}{A_1}\right) + E_1 \frac{1}{A_1}$$

$$E_{\text{эфф2}} = E_{21} \left(1 - \frac{1}{A_2}\right) + E_2 \frac{1}{A_2} = -E_{12} \left(1 - \frac{1}{A_2}\right) + E_2 \frac{1}{A_2}$$

$$Q_{12} = \frac{c_0 \cdot \overline{\varphi_{12}} \cdot F_1 \left[ \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 - \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \right]}{1 + \overline{\varphi_{12}} \left(\frac{1}{A_1} - 1\right) + \overline{\varphi_{21}} \left(\frac{1}{A_2} - 1\right)}$$

## Метод эффективных потоков

$$Q_{\text{эфф } k} = Q_{\text{рез } k} \left( 1 - \frac{1}{A_k} \right) + Q_{0k}$$

$$Q_{\text{эфф } k} = Q_{0k} + (1 - A_k) \sum_{i=1}^N \left( \overline{\varphi}_{ik} \cdot Q_{\text{эфф } i} \right)$$

## Метод результирующих потоков

$$Q_{\text{рез } k} = \frac{A_k}{1 - A_k} (Q_{0k} - Q_{\text{эфф } k})$$

$$Q_{\text{рез } k} = Q_{\text{эфф } k} - \sum_{i=1}^N \left( \overline{\varphi}_{ik} \cdot Q_{\text{эфф } i} \right)$$

$$\sum_{k=1}^N Q_{\text{рез } k} = 0$$

# Методы нахождения угловых коэффициентов

- ❖ аналитический метод;
- ❖ графоаналитический метод;
- ❖ метод светового моделирования;
- ❖ метод поточной алгебры.

## Метод поточной алгебры Поляка

Все на сохранении (балансе) потоков

$$\overline{\varphi}_{ik} = \frac{\overline{H}_{ik}}{F_i} \quad i, k = 1 \div n \quad n^2 \text{ неизвестных}$$

$$\overline{H}_{ik} = \overline{H}_{ki} \quad - \text{взаимности}$$

$$F_i = \sum_k \overline{H}_{ik} \quad - \text{замыкаемости (на аддитивности)}$$

$$\overline{H}_{ii} = 0 \quad - \text{невозвратности (плоскости)}$$

$$\overline{H}_{ik} = 0 \quad - \text{затеняемости}$$

$$D \quad - \text{наличие полного делителя}$$

$$z = n^2 - \left[ \frac{n(n-1)}{2} + n + n_{\text{нв}} + n_3 + n_D \right]$$

$$z = 0 \text{ !!!!!}$$

*Полный делитель – поверхность, делящая систему на 2 замкнутых поверхности без нарушения целостности отдельных составляющих*

*Поверхность полного делителя равна сумме системы равна сумме взаимных поверхностей, лучеиспускание которых пересекает делитель*