

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ПО ОБРАЗОВАНИЮ
Государственное образовательное учреждение
высшего профессионального образования
«ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

А. С. Глазырин, Д. Ю. Ляпунов, И. В. Слащёв, С. В. Ляпушкин

**МЕТОДЫ И СРЕДСТВА АВТОМАТИЗАЦИИ
ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ**

Учебное пособие. Часть 1

Под общей редакцией
кандидата технических наук А. С. Глазырина

Издательство Томского политехнического университета
Томск 2007

УДК 681.3.06

Глазырин А. С., Ляпунов Д. Ю., Слащёв И. В., Ляпушкин С. В.
Методы и средства автоматизации профессиональной деятельности.
Ч. 1: Учебное пособие / Под общ. ред. А. С. Глазырина. – Томск:
Изд. ТПУ, 2007. – 200 с.

В учебном пособии содержится описание программных средств, позволяющих решать технические задачи, распространённые в электротехнике, электромеханике, электроэнергетике. Каждый раздел включает в себя необходимый теоретический материал, примеры решения типовых задач с применением прикладных программных средств и варианты самостоятельных заданий. Предлагаемые практические работы, проводящиеся в специально оборудованных компьютерных классах, позволяют получить навыки, необходимые в дальнейшей профессиональной деятельности. В первую часть учебного пособия включены программы «Electronics Workbench», «Mathcad», «Microsoft Office Excel», «Elcut».

УДК 681.3.06

Рекомендовано к печати Редакционно-издательским советом
Томского политехнического университета

Рецензенты

Доктор технических наук, профессор кафедры комплексной информационной безопасности электронно-вычислительных систем ТУСУРа
В. А. Бейнарович

Кандидат технических наук, доцент,
директор фирмы «Эрмис+»
А. Р. Свендровский

© Томский политехнический университет, 2007

© Оформление. Издательство ТПУ, 2007

© Глазырин А. С., Ляпунов Д. Ю., Слащёв И. В., Ляпушкин С. В., 2007

Содержание

	Стр.
РАЗДЕЛ 1. ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ЭЛЕКТРОННЫХ СХЕМ В ПРОГРАММЕ «ELECTRONICS WORKBENCH».....	6
Глава 1. Интерфейс программы «Electronics Workbench»....	6
Глава 2. Исследование ВАХ полупроводниковых приборов.	17
Глава 3. Схемы на транзисторах.....	21
Глава 4. Решение типовых электротехнических задач в программе «Electronics Workbench».....	32
Глава 5. ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА. «Моделирование типовых электронных схем в программе «Electronics Workbench».....	42
РАЗДЕЛ 2. «ПРИМЕНЕНИЕ ПРОГРАММЫ «MATHCAD» ДЛЯ РЕШЕНИЯ ЧИСЛЕННЫХ И АНАЛИТИЧЕСКИХ ЗАДАЧ».....	48
Глава 1. Интерфейс программы «MathCAD».....	48
Глава 2. Простейшие электротехнические расчёты.....	50
Глава 3. Символьные вычисления с использованием встроенных операторов пакета MathCAD.....	51
Глава 4. Операции с матрицами.....	58
Глава 5. Задачи оптимизации.....	59
Глава 6. Системы линейных алгебраических уравнений.....	64
Глава 7. Графическое и численное решение системы нелинейных уравнений.....	68
Глава 8. Прямое преобразование Лапласа и операторные передаточные функции.....	74
Глава 9. Обратное преобразование Лапласа и переходные функции.....	77
Глава 10. Построение и анализ частотных характеристик в MathCAD.....	82
Глава 11. Разложение в ряд Фурье и анализ сигналов в MathCAD.....	89
Глава 12. Численное решение дифференциальных уравнений в MathCAD.....	97
Глава 13. Интерполяция и регрессия экспериментальных	

	данных в MathCAD.....	100
Глава 14.	Загрузка экспериментальных данных из внешнего файла в MathCAD.....	103
Глава 15.	ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА. Применение программы «MathCAD» для решения численных и аналитических задач.....	105
РАЗДЕЛ 3.	РЕШЕНИЕ ТИПОВЫХ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ ЗАДАЧ В ПРОГРАММЕ «MICROSOFT OFFICE EXCEL».....	133
Глава 1.	Интерфейс программы «Excel».....	133
Глава 2.	Графическое решение СИСТЕМ уравнений.....	134
Глава 3.	Расчёт линейных цепей постоянного и переменного тока.....	142
Глава 4.	Построение частотных характеристик электротехнических устройств в программе Excel.....	157
Глава 5.	Анализ динамики электротехнических устройств в программе Excel.....	160
Глава 6.	Построение характеристик в программе Excel, загружаемых из внешних файлов.....	169
Глава 7.	ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА. «Решение типовых электротехнических задач в программе Excel».....	175
РАЗДЕЛ 4.	РЕШЕНИЕ ДВУХМЕРНЫХ ПОЛЕВЫХ ЗАДАЧ В ПРОГРАММЕ «ELCUT».....	180
Глава 1.	Использованию пакета Elcut для выполнения расчётов электрических полей.....	180
Глава 2.	ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА. «Расчёт электрических полей электротехнических устройств при помощи программы «Elcut-4.2».....	193
	Библиографический список	196

ВВЕДЕНИЕ

В учебном пособии содержится описание программных средств, позволяющих решать технические задачи, распространённые в электротехнике, электромеханике, электроэнергетике. Предлагаемые практические работы, проводящиеся в специально оборудованных компьютерных классах, позволяют получить навыки, необходимые в дальнейшей профессиональной деятельности. Каждая работа включает в себя необходимый теоретический материал, примеры решения типовых задач с применением прикладных программных средств и варианты самостоятельных заданий. В первую часть учебного пособия включены программы «Electronics Workbench», «Mathcad», «Microsoft Office Excel» и «Elcut».

Дисциплина «Методы и средства автоматизации профессиональной деятельности» предназначена для подготовки бакалавров по образовательной программе «Электротехника» (Electrical Engineering), интегрирующая направления 140600 "Электротехника, электромеханика и электротехнологии" и 140200 "Электроэнергетика". Изучение курса «Методы и средства автоматизации профессиональной деятельности» включает в себя проведение семи практических работ с применением распространённых программных средств «Electronics Workbench», «Microsoft Office Excel», «Mathcad», «T-Flex CAD», «MATLAB/Simulink», «P-CAD», «ELCUT». Общей целью работ является изучение интерфейса и пользовательских настроек применяемых программных средств и получение практических навыков решения типовых инженерных задач. Наряду с аудиторными занятиями изучение курса предусматривает самостоятельную работу по решению типовых инженерных задач с применением вышеупомянутых программных средств. К каждому заданию для самостоятельной работы предлагается десять вариантов исходных данных. Вариант определяется по последней цифре номера зачётной книжки студента.

По выполнении цикла практических работ, представленных в данном пособии, студент получает необходимую теоретическую и практическую подготовку, необходимую для успешного применения современных прикладных программных средств автоматизации инженерной деятельности.

РАЗДЕЛ 1

«ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ЭЛЕКТРОННЫХ СХЕМ В ПРОГРАММЕ «ELECTRONICS WORKBENCH»

ГЛАВА 1. ИНТЕРФЕЙС ПРОГРАММЫ «ELECTRONICS WORKBENCH»

§1. Общие сведения

Программа «Electronics Workbench» (EWB) относится к системам схемотехнического моделирования аналоговых и цифровых электронных схем. В данном учебном пособии рассматривается «Electronics Workbench, Version 5.12» (EWB 5.12).

EWB позволяет моделировать работу схем, включающих пассивные электрические элементы (конденсаторы, индуктивности, резисторы, трансформаторы), диоды, биполярные и полевые транзисторы, логические элементы и тому подобное.

Программа предназначена для схемотехнического моделирования аналоговых и цифровых электронных устройств различного назначения. Окно программы Electronics Workbench (далее по тексту EWB) показано на рис. 1.1.

Составитель должен предупредить пользователя о том, что далеко не все условные графические обозначения (УГО), используемые в библиотеках EWB, совпадают с требованиями российских ГОСТов (как по УГО, так и по шрифтовому исполнению). Поэтому использование собранных в EWB электронных схем возможно только в виде рисунков, а не чертежей.

Кроме стандартных Windows-кнопок на панели инструментов расположены следующие:

- поворот;
- горизонтальное зеркальное отображение;
- вертикальное зеркальное отображение;
- создать модель;
- вывести график;
- свойства компонента;
- две кнопки изменения масштаба изображения.

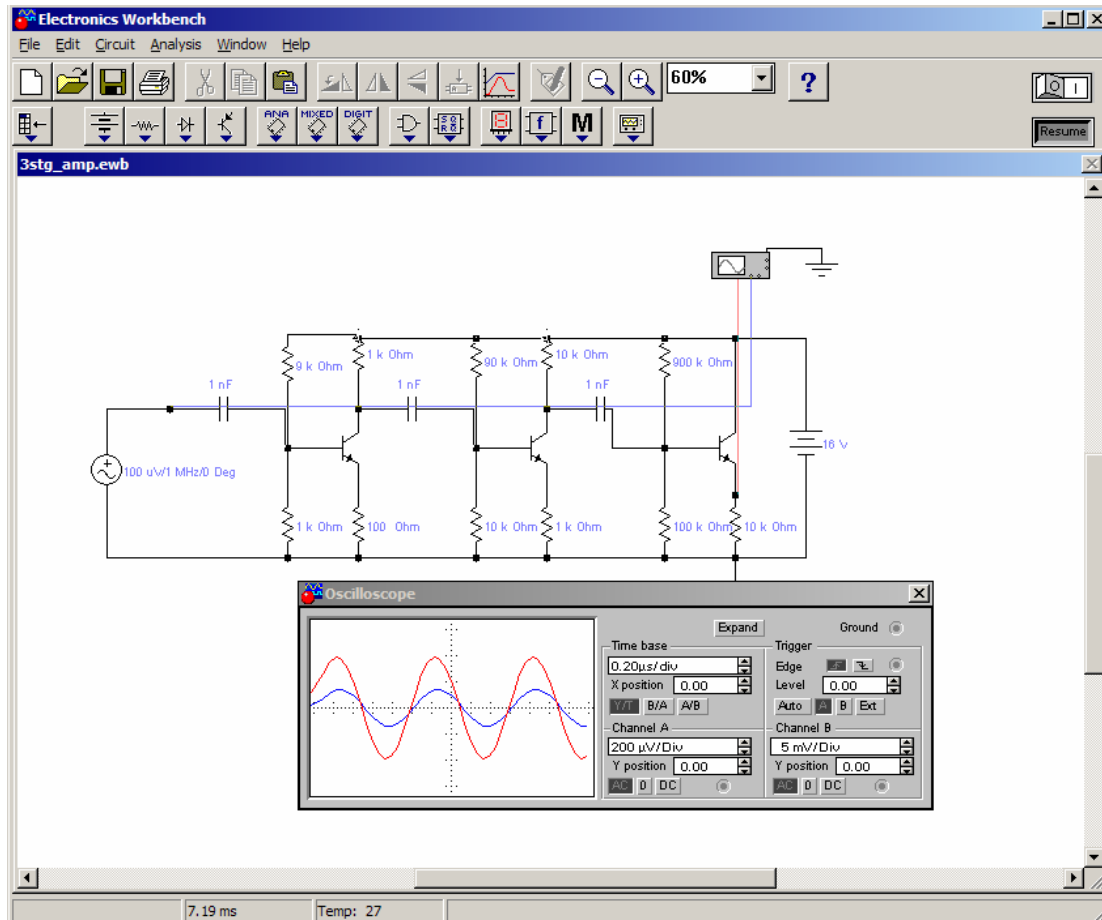


Рис. 1.1. Окно программы EWB

Окно программы содержит линейку инструментов с компактным представлением библиотек (рис. 2):

1. Sources – источники питания;
2. Basic – группа пассивных компонентов;
3. Diodes – полупроводниковые диоды, стабилитроны и т.п.;
4. Transistors – полупроводниковые транзисторы;
5. Analog ICs – аналоговые микросхемы;
6. Mixed ICs – микросхемы смешанного типа (АЦП, ЦАП);
7. Digital ICs – цифровые микросхемы;
8. Logic Gates – логические цифровые микросхемы;
9. Digital – цифровые микросхемы (отличие от Digital ICs чуть позже);
10. Indicators – индикаторные устройства;
11. Controls – аналоговые вычислительные устройства (дифференциаторы, интеграторы и т.д.);
12. Miscellaneous – компоненты смешанного типа;
13. Instruments – контрольно-измерительные приборы.

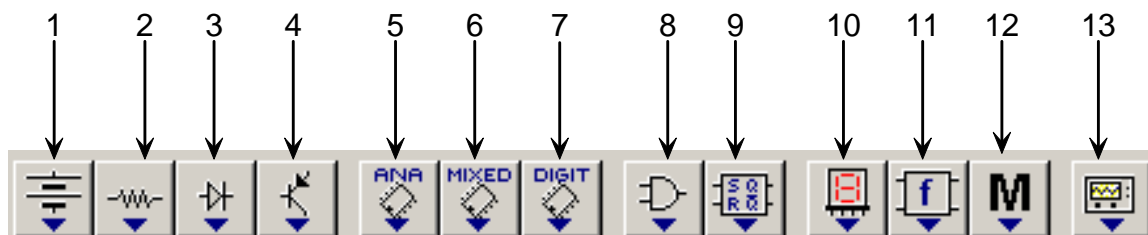


Рис. 1.2. Линейка библиотек

Рассмотрим подробнее содержимое тех библиотек, которые будут использоваться в лабораторных работах.

§2. Источники питания

В данной библиотеке приведены различного вида источники питания, в том числе и управляемые (рис. 1.3):

1. Земление.
2. Батарея (напряжение).
3. Источник постоянного тока (ток).

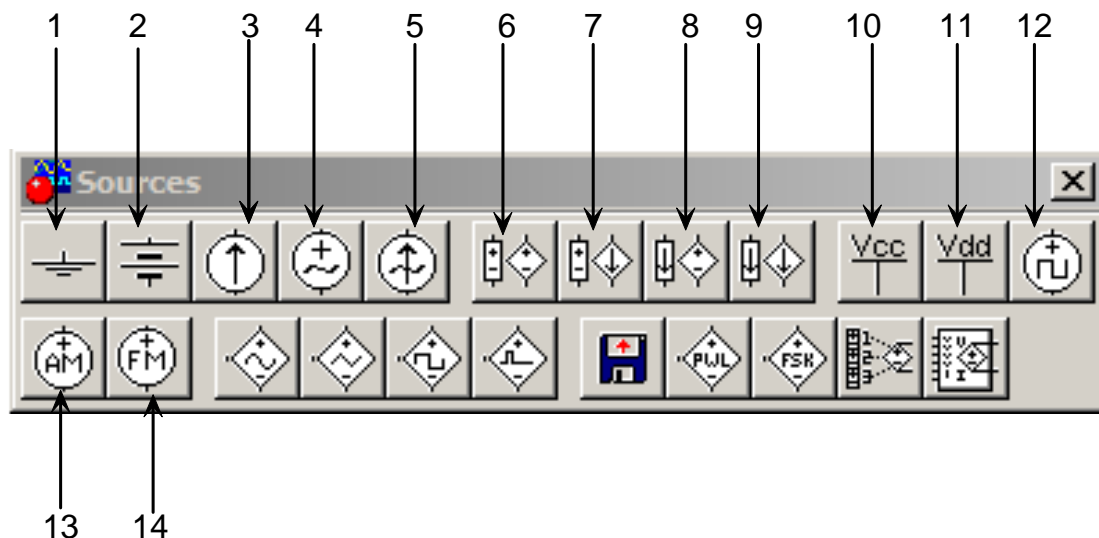


Рис. 1.3. Библиотека источников питания

4. Источник переменного синусоидального напряжения (эффективное значение напряжения, частота, фаза).

5. Источник переменного синусоидального тока (эффективное значение тока, частота, фаза).

6. Источник напряжения, управляемый напряжением (коэффициент передачи).

7. Источник напряжения, управляемый током (коэффициент передачи).
8. Источник тока, управляемый напряжением.
9. Источник тока, управляемый током.
10. Питание ТТЛ-логики.
11. Питание КМОП-логики.
12. Кварцевый генератор.
13. Генератор амплитудно-модулированных сигналов (напряжение и частота несущей, коэффициент и частота модуляции).
14. Генератор фазо-модулированных сигналов (напряжение и частота несущей, индекс и частота модуляции).

§3. Пассивные элементы

Раздел «Basic» содержит пассивные элементы (рис. 1.4).

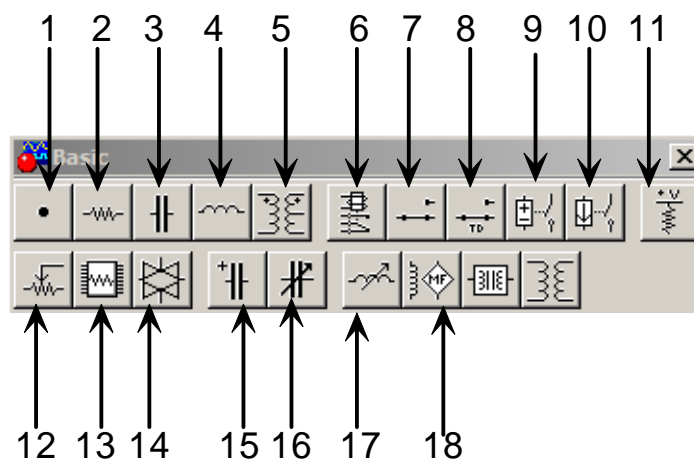


Рис. 1.4. Библиотека пассивных элементов

В данный раздел входят следующие опции:

1. Точка ветвления.
2. Резистор.
3. Конденсатор.
4. Катушка (индуктивность).
5. Трансформатор с возможностью редактирования:
 - Коэффициента трансформации;
 - Индуктивности рассеивания;
 - индуктивности первичной обмотки;
 - сопротивления первичной обмотки;
 - сопротивления вторичной обмотки.
6. Электромагнитное реле.
7. Контакт переключающий.

8. Реле времени.
9. Реле напряжения.
10. Реле тока.
11. Резистор напряжения, один конец которого подключен к цепи Vcc (см. «Источники питания»).
12. Потенциометр.
13. Ящик из 8 одинаковых сопротивлений.
14. Переключатель, управляемый напряжением.
15. Электролитический конденсатор.
16. Подстроечный конденсатор.
17. Катушка переменной индуктивности.
18. Элемент для построения моделей индуктивности.

§4. Диоды

Раздел «Диоды» содержит полупроводниковые диоды, стабилизаторы, динисторы, тринисторы и т.д. (рис. 1.5):

1. Полупроводниковый диод.
2. Стабилитрон.

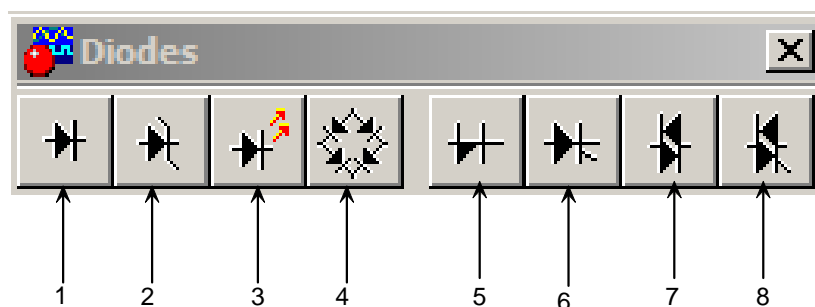


Рис. 1.5. Библиотека диодов

3. Светодиод.
4. Выпрямительный мост.
5. Диод Шокли.
6. Тиристор.
7. Двуханодный лавинный диод (симметричный динистор).
8. Симистор (симметричный тринистор).

§5. Транзисторы

Группа Transistors содержит биполярные и полевые транзисторы (рис. 1.6):

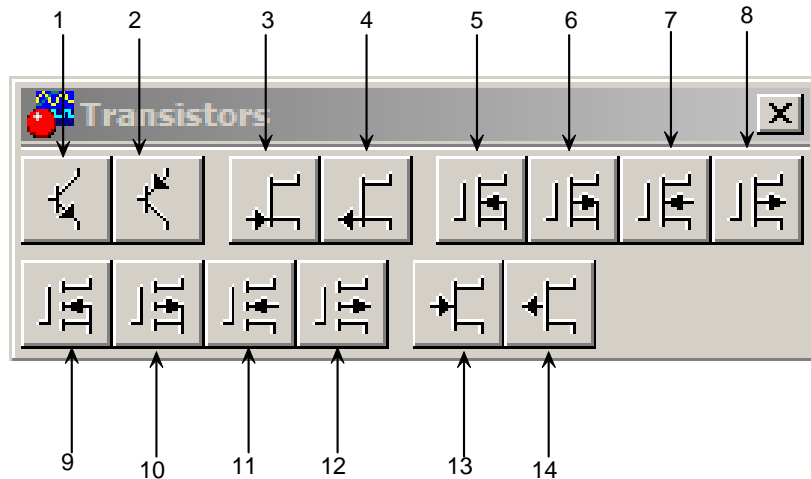


Рис. 1.6. Группа Transistors

- 1 и 2 – Биполярные $n-p-n$ и $p-n-p$ транзисторы.
3. n -канальный с управляющим $p-n$ переходом.
4. p -канальный с управляющим $p-n$ переходом.
5. Трехэлектродный n -канальный с изолированным затвором.
1. Трехэлектродный p -канальный с изолированным затвором.
2. Четырехэлектродный n -канальный с изолированным затвором.
3. Четырехэлектродный p -канальный с изолированным затвором.
4. Трехэлектродный n -канальный с обогащенным затвором.
5. Трехэлектродный p -канальный с обогащенным затвором.
6. Четырехэлектродный n -канальный с обогащенным затвором.
7. Четырехэлектродный p -канальный с обогащенным затвором.
8. n -канальный арсенид-галиевый полевой транзистор.
9. p -канальный арсенид-галиевый полевой транзистор.

§6. Аналоговые микросхемы

В этой библиотеке представлены различные операционные усилители (рис. 1.7):

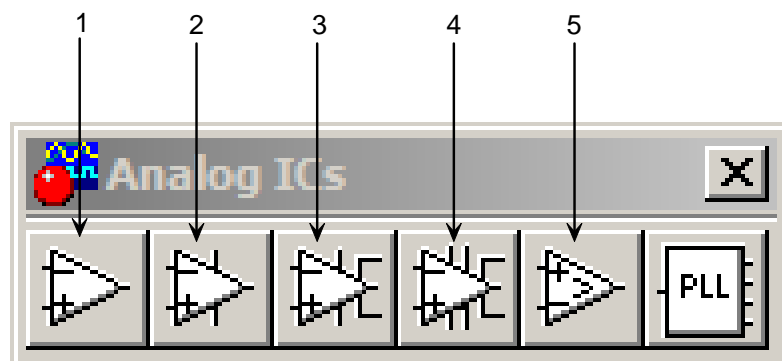


Рис. 1.7. Аналоговые микросхемы

1. Операционный усилитель с фиксированным напряжением питания (линейная модель).
2. Операционный усилитель с изменяемым напряжением питания (нелинейная модель).
3. Операционный усилитель с семью выводами.
4. Операционный усилитель с девятью выводами.
5. Компаратор.
6. Микросхема для системы автоподстройка частоты.

§7. Измерительные приборы

В этой библиотеке представлены различные измерительные приборы (рис. 1.8):

1. Мультиметр.
2. Функциональный генератор.
3. Осциллограф.
4. Построитель частотных характеристик.
5. Генератор слов.

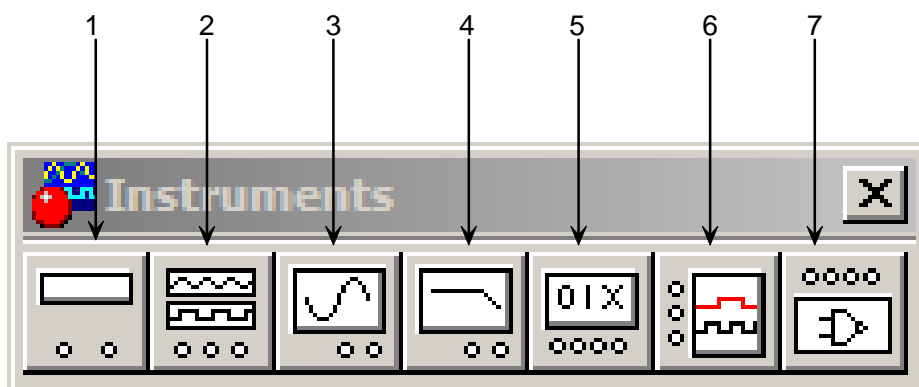


Рис. 1.8. Библиотека измерительных приборов

§8. Библиотека Miscellaneous

Данная библиотека содержит компоненты смешанного типа (рис. 1.9):

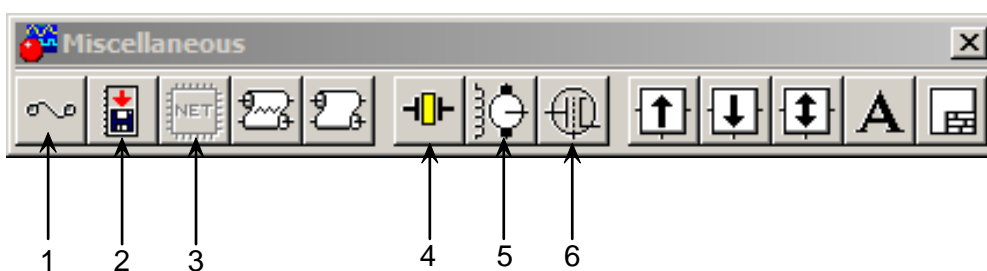


Рис. 1.9. Библиотека Miscellaneous

1. Предохранитель.
2. Команда записи данных.
3. Генерация списка электрических связей.
4. Кварцевый генератор.
5. Коллекторный двигатель постоянного тока.
6. Электровакуумный триод.

§9. Элементная база

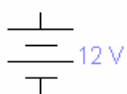
Здесь будут приведены минимальные данные о моделях компонентов, входящих в те или иные библиотеки.

Источники тока

В общем случае источники тока могут быть представлены в виде генератора напряжения или генератора тока. Источники тока делятся на источники постоянного тока, переменного тока и управляемые (функциональные) источники. Кроме того, они подразделяются на измерительные источники и источники для электропитания.

Источники постоянного тока

Источники постоянного тока в **EWB** приведены ниже:



Батарея с регулировкой напряжения (через использование диалогового окна «Свойства»).



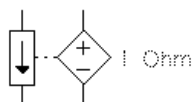
Источники постоянного тока с регулировкой величины тока от μA до kA (рис. 9).



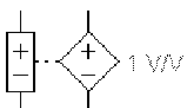
С заданным напряжением $+5\text{V}$. Чаще всего предназначено для питания цифровых микросхем ТТЛ-логики.



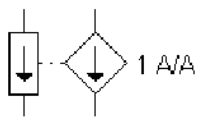
С заданным напряжением $+15\text{V}$. Чаще всего предназначены для питания цифровых микросхем КМОП-логики.



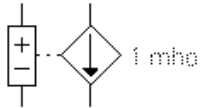
Величина напряжения выхода источника напряжения зависит от тока, приложенного на входе. Два эти параметра связываются коэффициентом, названным transresistance (H) – выходное напряжение, деленное на величину входного тока. Он может иметь любую величину от mW до kW .



Величина напряжения выхода источника напряжения зависит от напряжения, приложенного на входе. Два эти параметра связываются коэффициентом прироста (E) – выходное напряжение, деленное на входное напряжение. Коэффициент прироста может иметь любую величину от mV/V до kV/V .



Величина выходного тока зависит от тока входного терминалы. Два эти параметра связываются коэффициентом прироста (F) – выходной ток, деленный на входной. Коэффициент прироста может иметь любую величину от mA/A до kA/A.



Величина текущего выходного напряжения зависит от напряжения, приложенного входа. Два эти параметра связываются коэффициентом, названным transconductance (G), – выходной ток зависит от входного напряжения. Измеряется в mhos (также что и сименс) и может иметь любую величину от m·mhos до kmhos.

Доступ до параметров источников питания осуществляется двойным нажатием на левую кнопку мыши. При этом открывается диалоговое окно (рис. 9), в котором устанавливаются необходимые величины.

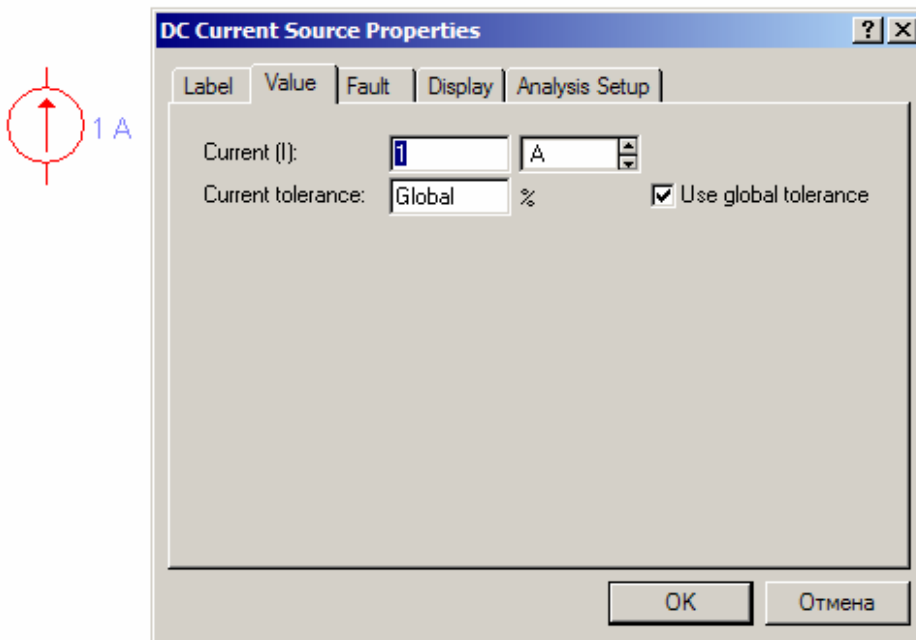


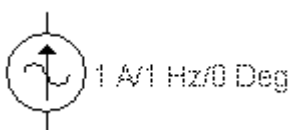
Рис. 1.10. Диалоговое окно установки требуемых параметров источника тока

Источники переменного тока

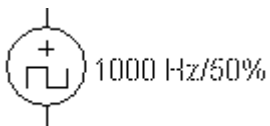
Источники переменного тока в **EWB** приведены ниже:



Источник переменного напряжения (от V до kV) с возможностью указания частоты и фазового угла.



Источник переменного тока, у которого пользователь может указать любую величину тока (от μ A до kA), а также частоту и фазовый угол.



Генератор прямоугольных импульсов с возможностью регулировок амплитуды, частоты импульсов.

Пассивные элементы

Резисторы

Сложно представить любое изделие электронной техники без резисторов. В **EWB** резисторы представлены тремя вариантами: постоянный, подстроечный и набором из восьми резисторов.

На рис. 1.11 показано диалоговое окно установки параметров подстроечного резистора. В закладке Label устанавливается позиционное обозначение R; в закладке Value – номинальное значение, разбаланс «плеч» (зона «Setting») и шаг установки изменения значения номинала (клавишей <R>).

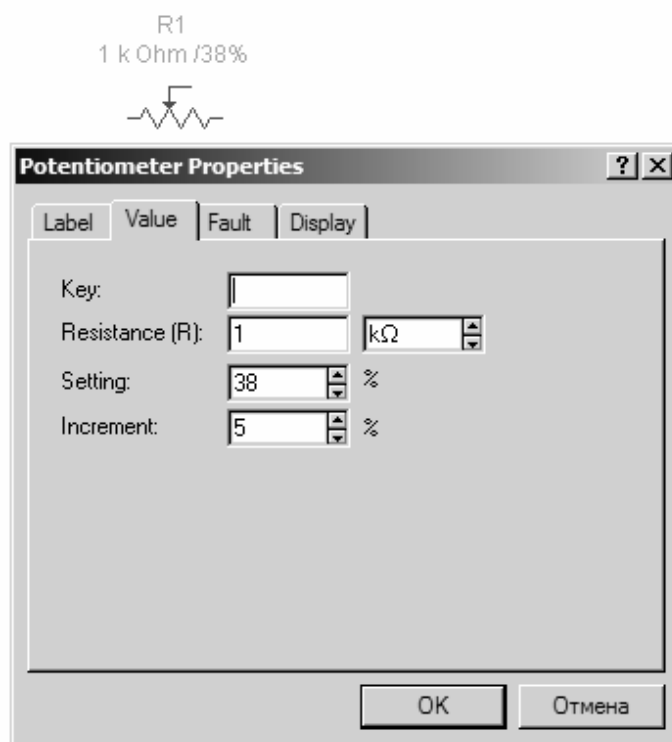


Рис. 1.11. Диалоговое окно задания параметров резистора

Конденсаторы

Аналогично резисторам конденсаторы также широко распространены в электронной технике. В **EWB** конденсаторы представлены тремя ти-

пами: постоянные (охватывают практически все конденсаторы), электролитические, подстроечные. Значение емкости для всех типов может быть установлено от 10^{-8} пФ до 10^8 Ф. Емкость подстроечного конденсатора может меняться нажатием клавиши <C> с заданным шагом (от 1 до 100%). Диалоговое окно задания параметров конденсаторов приведен на рис. 1.12.

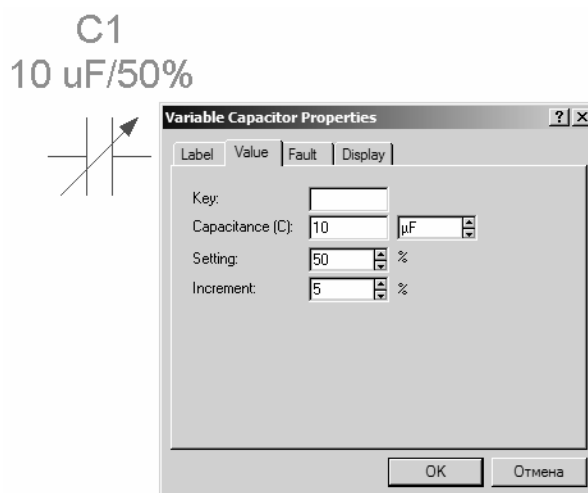


Рис. 1.12. Диалоговое окно задания параметров для подстроечного конденсатора

Индуктивные элементы

К индуктивным элементам относятся катушка индуктивности, подстраиваемая катушка индуктивности и трансформатор.

Параметры катушек индуктивности и подстраиваемой индуктивности задаются с помощью диалоговых окон, аналогичных окнам для резисторов и конденсаторов (используется клавиша <L>). В диалоговом окне установки параметров линейных трансформаторов задаются (рис. 1.13) коэффициент трансформации **N**, индуктивность рассеивания **LE**, индуктивность первичной обмотки **LM**, сопротивление первичной **RP** и вторичной **RS** обмоток.

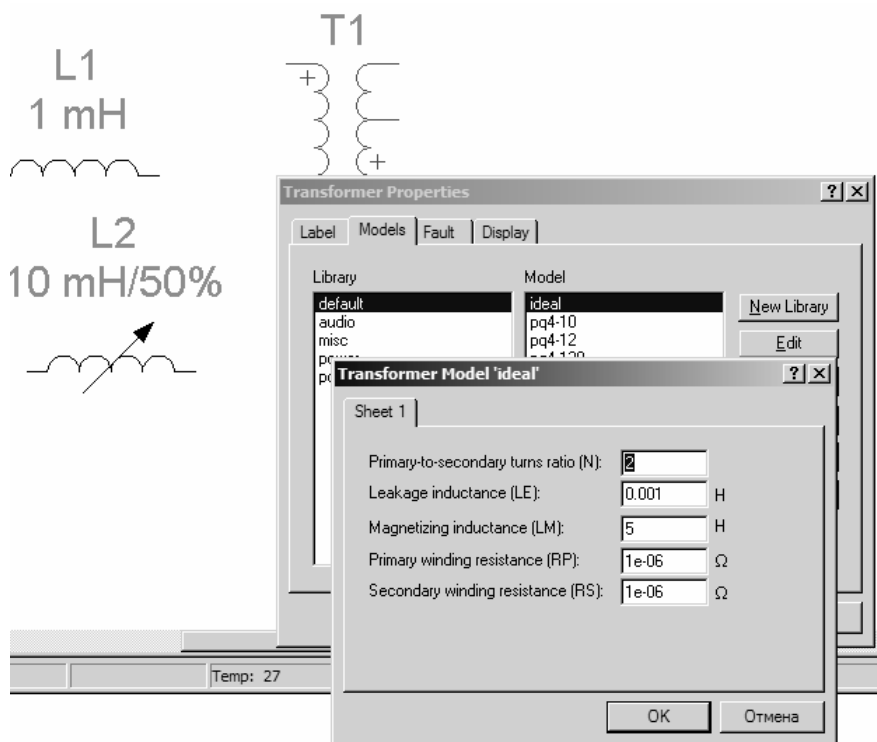


Рис. 1.13. Диалоговое окно редактирования параметров трансформатора

Доступ к окну задания параметров трансформатора становится возможным после нажатия на кнопку Edit диалогового окна Transformer Properties.

При $N > 1$ трансформатор является понижающим, в противном случае – повышающим.

Полупроводниковые диоды

Комбинация двух полупроводниковых слоев с разным типом проводимости обладает выпрямляющими свойствами: она гораздо лучше пропускает ток в одном направлении, чем в другом.

ГЛАВА 2. ИССЛЕДОВАНИЕ ВАХ ПОЛУПРОВОДНИКОВЫХ ПРИБОРОВ

§1. Исследование ВАХ диодов и стабилитронов

Для снятия вольт-амперных характеристик (ВАХ) нелинейных полупроводниковых элементов, в том числе диодов и стабилитронов, в EWB можно использовать либо источник тока, либо источник ЭДС.

Схема, позволяющая снять ВАХ диода *1N4001* и построенная на основе источника ЭДС, приведена на рис. 1.14.

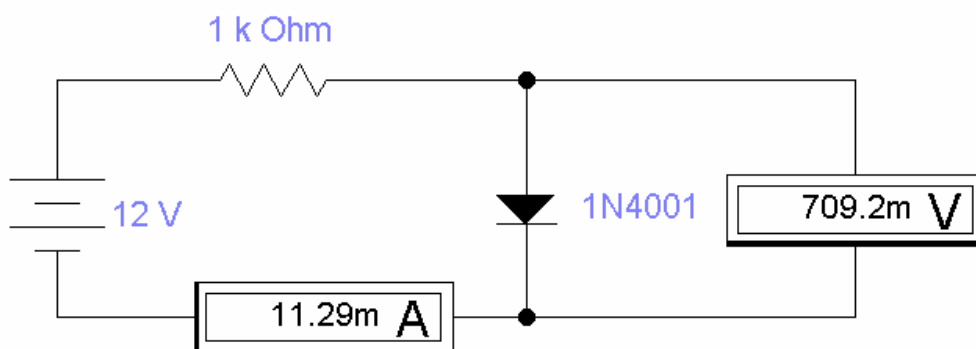


Рис. 1.14

Изменяя ЭДС источника либо ограничительное сопротивление по данной схеме можно снять ВАХ диода $U(I)$ по показаниям амперметра и вольтметра (табл. 1.1). Приборы настраиваются на измерение постоянного тока (*DC – direct current – постоянный ток*).

Схема, позволяющая снять ВАХ диода *1N4001* и построенная на основе источника тока, приведена на рис. 1.15. Достоинством этой схемы является простота.

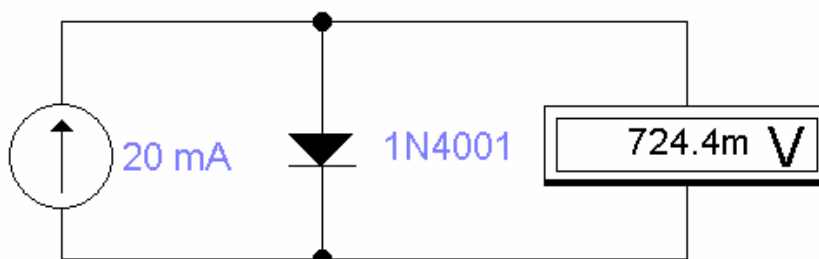


Рис. 1.15

ВАХ диода, снятые по схемам, приведённым на рис. 1.1 и 1.2, идентичны и приведены в табл. 1.1.

Таблица 1.1

U, В	0	0.5863	0.6281	0.6461	0.6746	0.6879	0.706	0.7244
I, mA	0	0.1	0.5	1	3	5	10	20

ВАХ, приведённую в табл. 1.1, можно построить в программе Excel (рис. 1.16).

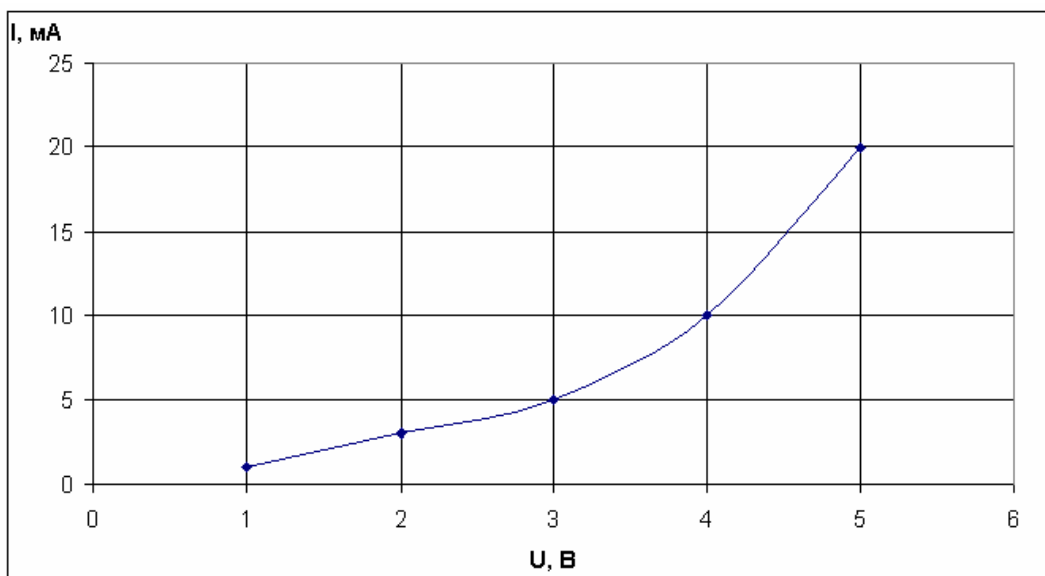


Рис. 1.16

Аналогично можно снимать ВАХ стабилитронов и других электронных приборов-двухполюсников.

§ 2. Исследование ВАХ биполярных транзисторов

Для снятия вольт-амперных характеристик биполярного транзистора 2N2222A (КТ3117А) в EWB предлагается схема, представленная на рис. 1.17.

В табл. 1.2 приведена выходная вольт-амперная характеристика $U_{кэ}(I_{кэ})$ транзистора 2N2222A (отечественный аналог КТ3117А,В), включенного по схеме с общим эмиттером. Ток базы принимает три значения (5, 10 и 20 мА) – цепь базы запитывается от источника тока.

На рис. 1.18 приведена ВАХ из табл. 1.2, построенная в программе Excel.

Таблица 1.2

		$U_{кэ}, В$					
		0.1	0.3	0.5	1	2	3
$I_{б} = 5$ мА	$I_{кэ}, А$	0.08007	0.3169	0.4619	0.4667	0.4708	0.475
$I_{б} = 10$ мА	$I_{кэ}, А$	0.09365	0.3533	0.6104	0.7215	0.7279	0.7343
$I_{б} = 20$ мА	$I_{кэ}, А$	0.1021	0.3769	0.6639	1.087	1.096	1.106

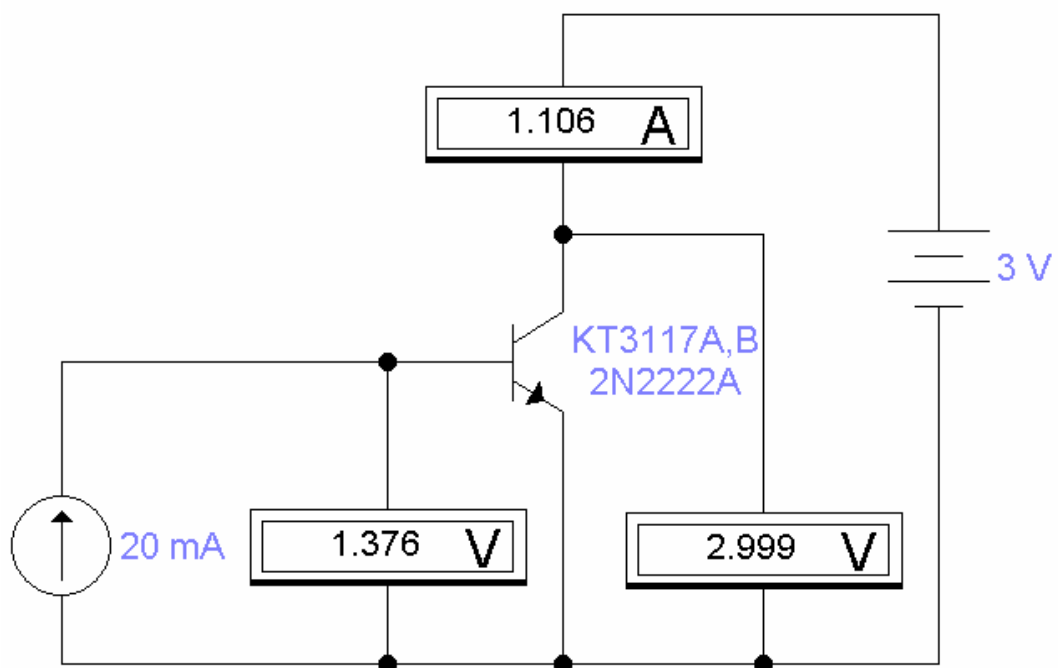


Рис. 1.17

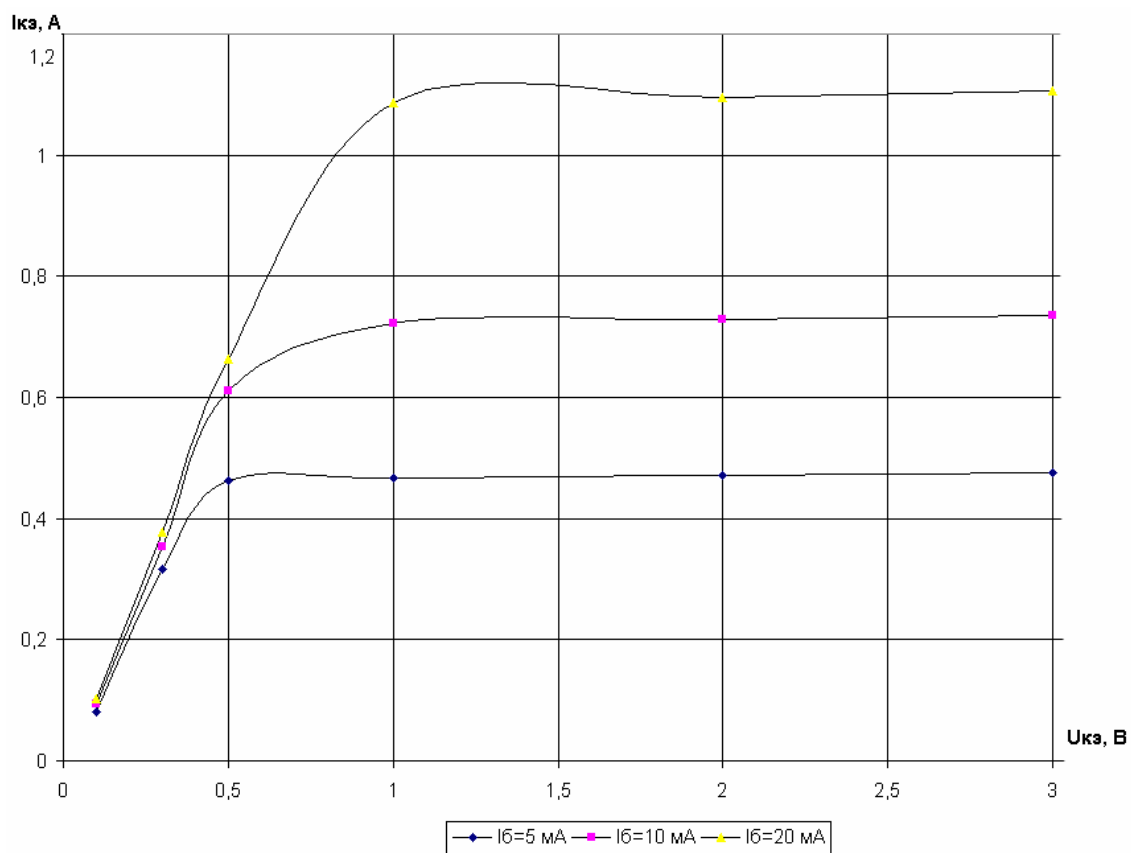


Рис. 1.18



Выходные ВАХ транзистора могут быть использованы при построении усилителей переменного тока.

ГЛАВА 3. СХЕМЫ НА ТРАНЗИСТОРАХ

§1. Усилитель переменного тока на транзисторе

На базе транзистора *2N2222A*, рассмотренного ранее, можно создать усилитель переменного тока (рис. 1.19). В данном усилителе транзистор включен по схеме с общим эмиттером.

На входе и выходе усилителя для отсежки постоянной составляющей включены конденсаторы ёмкостью 5 мкФ.

Рабочая точка ВАХ транзистора обеспечивается резистивным делителем напряжения. Сопротивления резисторов делителя предварительно рассчитываются [1], либо подбираются так, чтобы нелинейные искажения выходного сигнала были минимальны.

В цепь эмиттера включено сопротивление 50 Ом, обеспечивающее стабилизацию рабочей точки.

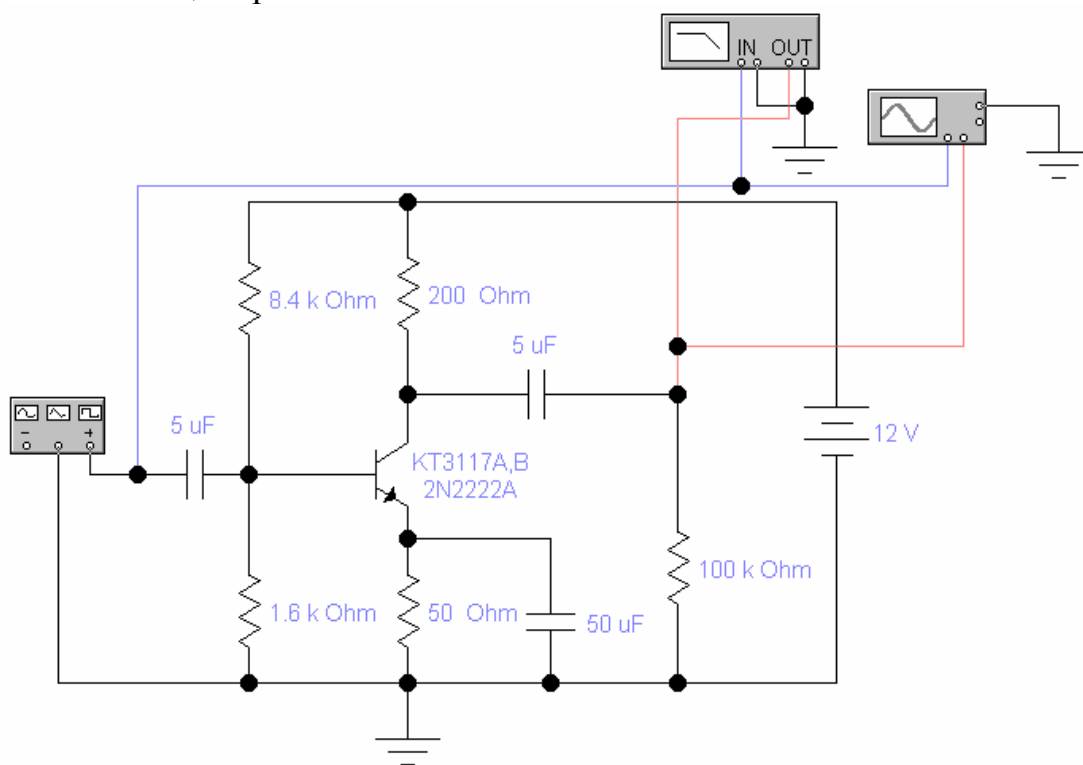


Рис. 1.19

По переменному току эмиттер транзистора через шунтирующий конденсатор 50 мкФ подключается к общей точке. Сопротивление нагрузки составляет 100 кОм – усилитель работает в режиме холостого хода. Напряжение питания усилителя составляет 12 В. На вход усилителя с функционального генератора *Function Generator* подаётся гармонический сигнал с амплитудой 20 мВ и частотой 10 кГц (рис. 1.20). Частота входного сигнала в дальнейшем будет меняться.

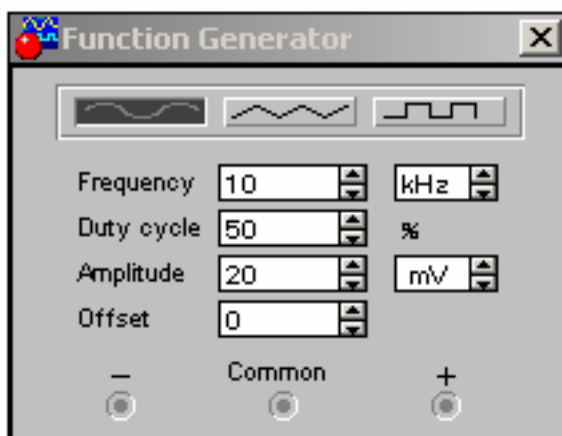


Рис. 1.20

Построитель частотных характеристик *Bode Plotter* имеет четыре вывода – две клеммы для входного сигнала *In* и две клеммы для выходного сигнала *Out*. *Bode Plotter* позволяет получить амплитудно-частотную (АЧХ) и фазо-частотную (ФЧХ) характеристики усилителя. По АЧХ возможно определить верхнюю и нижнюю границы полосы пропускания и среднегеометрическую частоту полосы пропускания. Диалоговое окно *Bode Plotter* приведено на рис. 1.21.

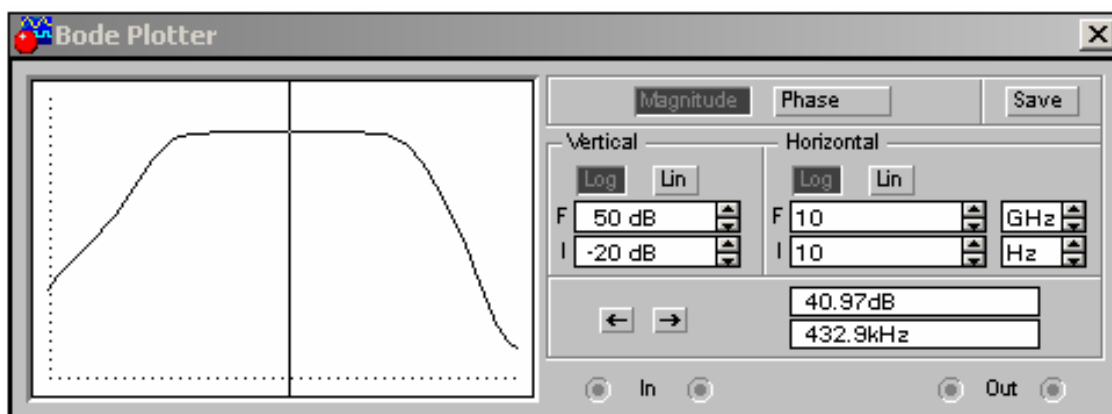


Рис. 1.21

Включим кнопку *Magnitude* для построения АЧХ. По вертикали (*Vertical*) и по горизонтали (*Horizontal*) установим логарифмическую шкалу (*Log*). Пределы по вертикали следующие: $I = -20$ дБ (*dB*) – нижний предел и $F = -50$ дБ – верхний предел. Пределы по горизонтали следующие: $I = 10$ Гц (*Hz*) – нижний предел и $F = 10$ ГГц (*GHz*) – верхний предел. Установим движок в точке с координатами 40.97 дБ и 432.9 кГц. Примем эту точку за среднюю в полосе пропускания. На границе полосы пропускания амплитуда выходного сигнала снизится на 3 дБ или в 1.414 раза и составит

$$40.97 - 3 = 37.97 \text{ дБ.}$$

Перемещая движок от средней точки влево до тех пор, пока амплитуда выходного сигнала не примет значение 37.97 дБ найдём нижнюю частоту полосы пропускания. Величине 37.97 дБ наиболее соответствуют две точки:

- 1) 37.79 дБ и 1.874 кГц;
- 2) 38.18 дБ и 2.074 кГц.

Величины абсолютных отклонений составят соответственно $\Delta A_1 = 37.97 - 37.79 = 0.18$ дБ и $\Delta A_2 = 37.97 - 38.18 = -0.21$ дБ. Принимаем первую точку с координатами $A_{\text{нижн}} = 37.79$ дБ и $f_{\text{нижн}} = 1.874$ кГц в качестве нижней границы полосы пропускания усилителя переменного тока, так как $\Delta A_1 < \Delta A_2$.

Перемещая движок от средней точки вправо до тех пор, пока амплитуда выходного сигнала не примет значение 37.97 дБ найдём верхнюю частоту полосы пропускания. Величине 37.97 дБ наиболее соответствуют две точки:

- 1) 37.56 дБ и 81.11 МГц;
- 2) 38.06 дБ и 72.67 МГц.

Величины абсолютных отклонений составят соответственно $\Delta A_3 = 37.97 - 37.56 = 0.41$ дБ и $\Delta A_4 = 37.97 - 38.06 = -0.09$ дБ. Принимаем точку с координатами $A_{\text{верхн}} = 38.06$ дБ и $f_{\text{верхн}} = 72.67$ МГц в качестве верхней границы полосы пропускания усилителя переменного тока, так как $\Delta A_4 < \Delta A_3$.

Среднегеометрическая частота полосы пропускания усилителя переменного тока определяется как

$$f_{\text{ср}} = \sqrt{f_{\text{нижн}} \cdot f_{\text{верхн}}}$$

Подставив численные значения определённые ранее рассчитаем

$$f_{\text{ср}} = \sqrt{1.874 \cdot 10^3 \cdot 72.67 \cdot 10^6} = 369 \cdot 10^3 \text{ Гц} = 369 \text{ кГц.}$$

В диалоговом окне устройства **Bode Plotter** включаем фазо-частотную характеристику (ФЧХ) с помощью кнопки **Phase** (рис. 1.22).

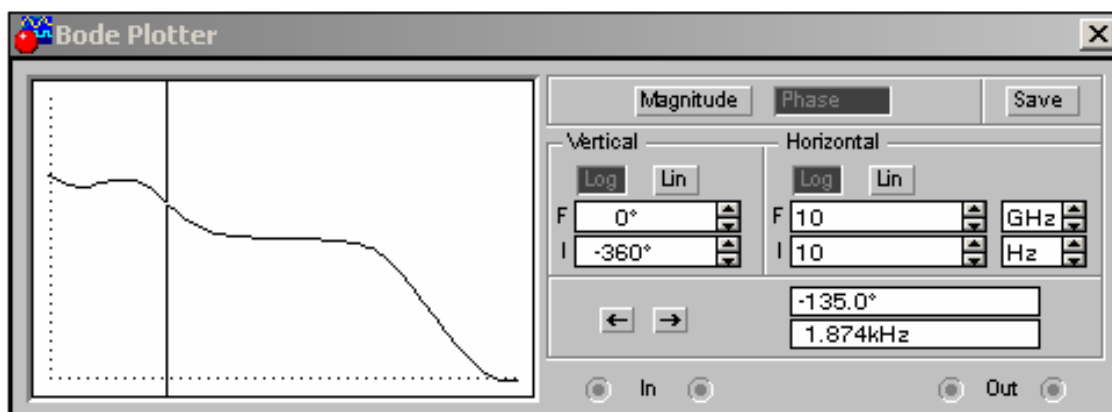


Рис. 1.22

На нижней границе полосы пропускания при частоте $f_{\text{нижн}} = 1.874$ кГц выходной гармонический сигнал отстаёт по фазе от входного на величину $\varphi_{\text{нижн}} = -135^\circ$. На верхней границе полосы пропускания при частоте $f_{\text{верхн}} = 72.67$ МГц отставание по фазе составляет $\varphi_{\text{верхн}} = -230.7^\circ$.

АЧХ и ФЧХ усилителя переменного тока (УПТ) возможно сохранить в отдельный файл, а затем построить в другой программе, например в программе Excel. В диалоговом окне **Bode Plotter** необходимо нажать кнопку **Save** (Сохранить). Появится диалоговое окно **Save Bode Data** (рис. 1.23), где необходимо выбрать

- 1) путь, например $c:\text{temp}$,
- 2) имя файла, например $OE_upt.bod$.

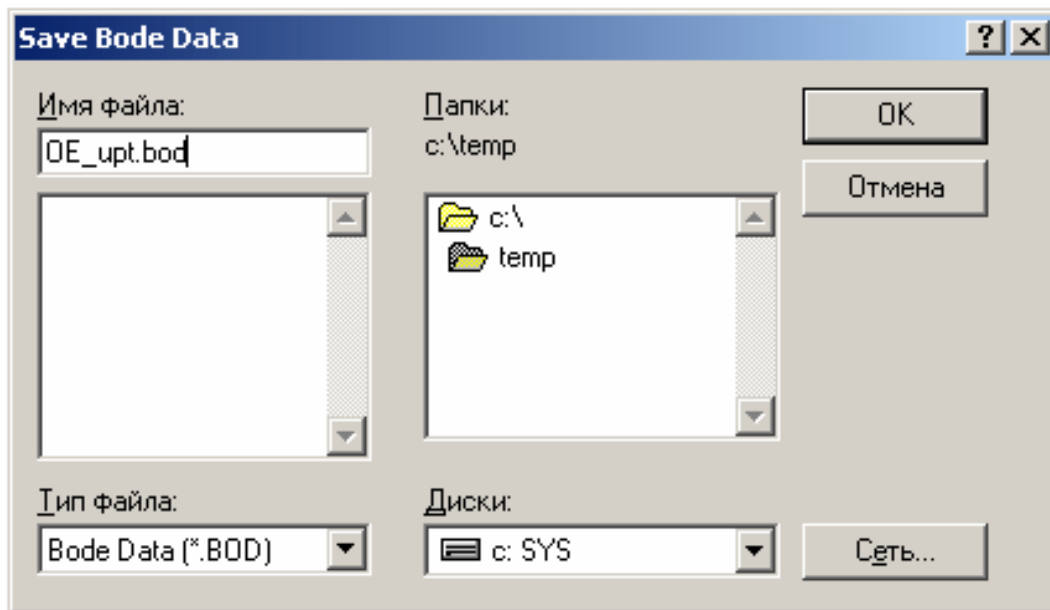


Рис. 1.23

У сохранённого файла необходимо изменить расширение на **.xls*, а затем загрузить файл с помощью Excel. Далее в главе 6 раздела 3 приведена методика построения логарифмической АЧХ в программе Excel. На рис. 1.24 – 1.26 приведены характеристики УПТ, построенные в Excel.

Коэффициент усиления УПТ по напряжению k_U можно определить как

$$k_U = \frac{U_{вых.а}}{U_{вх.а}} = \frac{U_{вых.д}}{U_{вх.д}} = \frac{\overline{U_{вых}}}{\overline{U_{вх}}},$$

где $U_{вых.а}$, $U_{вых.д}$, $\overline{U_{вых}}$ – амплитудное, действующее и среднее значения выходного гармонического сигнала (напряжения) УПТ;

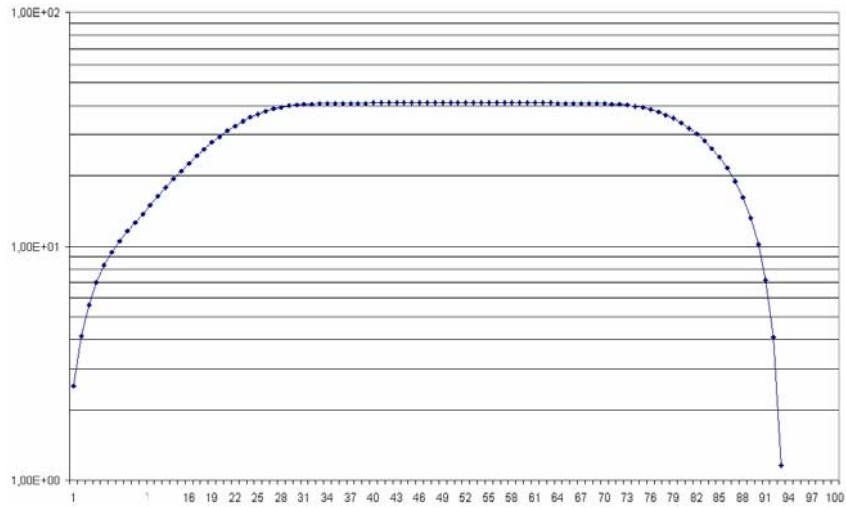


Рис. 1.24. Логарифмическая АЧХ УПТ, построенная в Excel

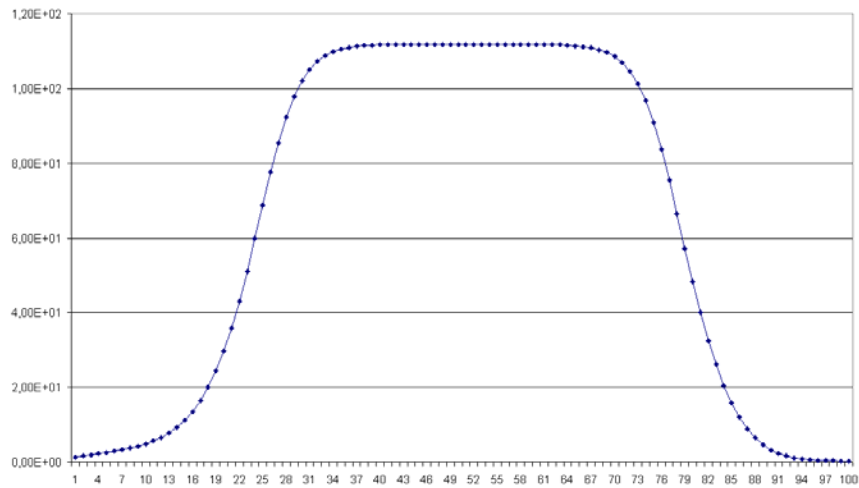


Рис. 1.25. АЧХ УПТ, построенная в Excel

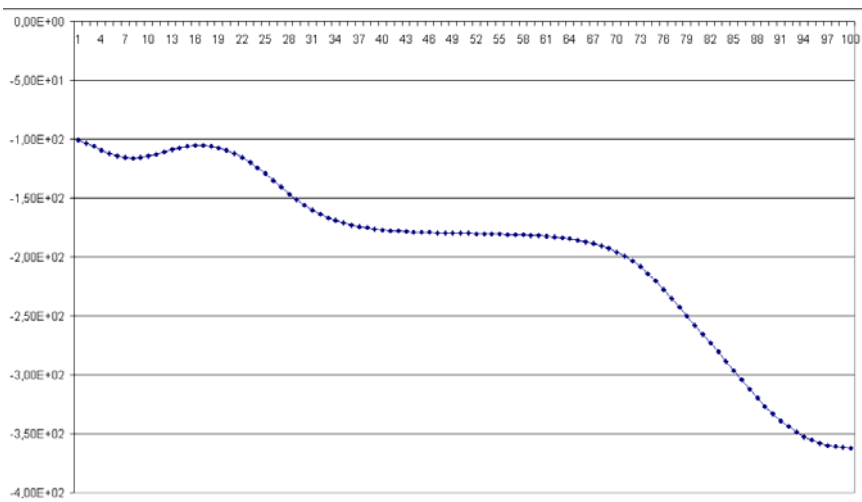


Рис. 1.26. ФЧХ УПТ, построенная в Excel

$U_{вх.а}, U_{вх.д}, \overline{U_{вх}}$ – амплитудное, действующее и среднее значения входного гармонического сигнала УПТ.

Коэффициент усиления k_U является безразмерным, т. е. измеряется в относительных единицах. Зависимость коэффициента усиления k_U УПТ от частоты f является амплитудно-частотной характеристикой $k_U(f)$. Коэффициент усиления УПТ L_U , выраженный в децибелах (дБ или *dB*) можно выразить через k_U следующим образом

$$L_U = 20 \lg k_U .$$

Откроем диалоговое окно построителя частотных характеристик **Bode Plotter** (рис. 1.27). Включим кнопку Magnitude. В подразделе Vertical включим линейную шкалу Lin. Пределы по вертикали следующие: I=0 – нижний предел, F=500 – верхний предел. В подразделе Horizontal включим логарифмическую шкалу Log. Пределы такие же как предлагаются по умолчанию (рис. 1.27). Данная характеристика является зависимостью $k_U(f)$ или АЧХ УПТ в безразмерных единицах.

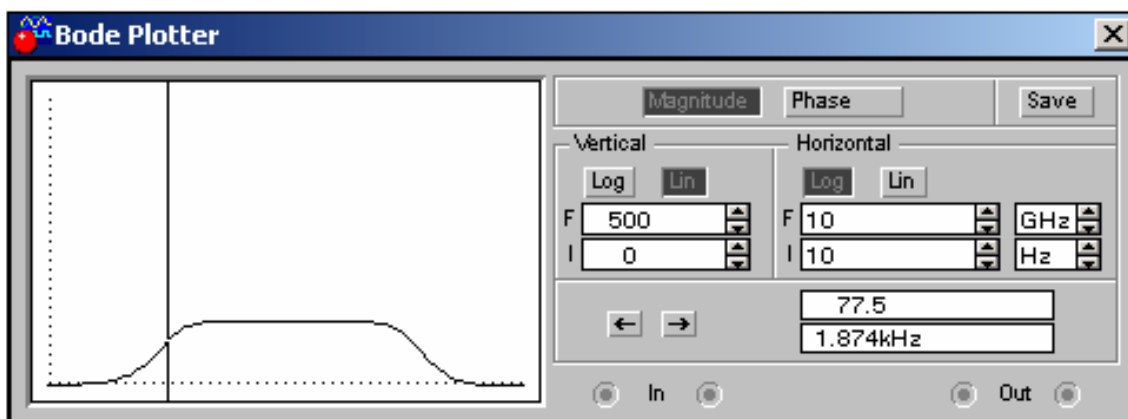


Рис. 1.27

На нижней границе полосы пропускания УПТ при $f = 1.874$ кГц коэффициент усиления $k_U = 77.5$ (рис. 1.27). На верхней границе полосы пропускания УПТ при $f = 72.67$ МГц коэффициент усиления $k_U = 80.1$. При среднегеометрической частоте полосы пропускания $f = 369$ кГц коэффициент усиления $k_U = 112$.

С помощью построителя частотных характеристик **Bode Plotter** выше определены параметры $k_U, L_U, f_{ср}, f_{нижн}, f_{верхн}$. Эти параметры УПТ можно получить и при помощи осциллографа (**Oscilloscope**).

В диалоговом окне функционального генератора *Function Generator* выставим параметры входного гармонического сигнала (напряжения): амплитуду $U_{вх.а} = 20$ мВ и частоту $f = 1.9$ кГц $\approx f_{нижн}$ (рис. 1.28).

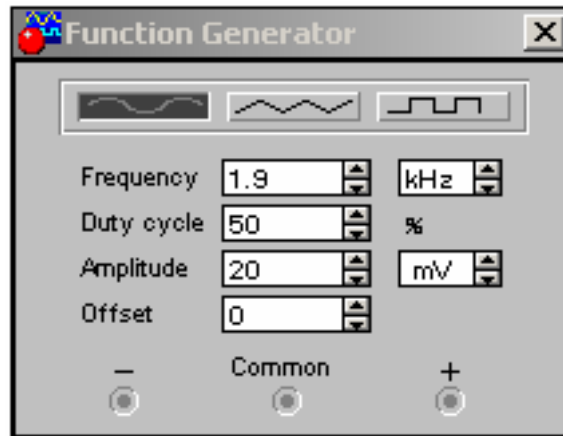


Рис. 1.28

Диалоговое окно осциллографа представлено на рис. 1.29.

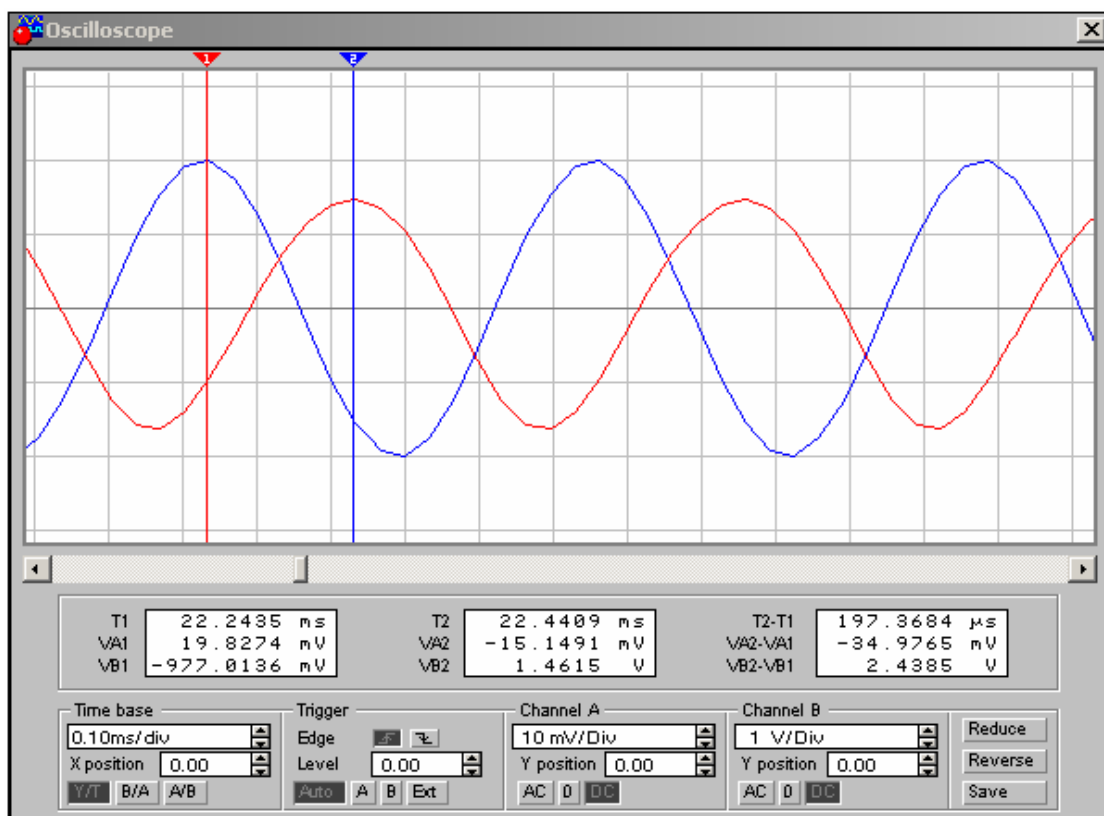


Рис. 1.29

Как видно из рис. 1.29 осциллограф имеет два движка.

Первый движок установим в такой момент времени ($T_1 = 22.2435$ мс), когда входной сигнал принимает наибольшее (амплитудное) значение

$$V_{A1} = U_{\text{вх.а}} = 19.8274 \text{ мВ} \approx 20 \text{ мВ}.$$

Значения V_{A1} и T_1 индицируются в первом окне.

Второй движок установим в момент времени $T_2 = 22.4409$ мс, когда выходной сигнал принимает наибольшее (амплитудное) значение

$$V_{B2} = U_{\text{вых.а}} = 1.4615 \text{ В}.$$

Значения V_{B2} и T_2 индицируются во втором окне.

Коэффициент усиления УПТ по напряжению k_U на частоте $f_H = 1.9$ кГц по показаниям осциллографа рассчитаем следующим образом

$$k_U = \frac{U_{\text{вых.а}}}{U_{\text{вх.а}}} = \frac{V_{B2}}{V_{A1}} = \frac{1.4615}{19.8274 \cdot 10^{-3}} = 73.711$$

Вычислим коэффициент усиления УПТ в децибелах на частоте $f_H = 1.9$ кГц по показаниям осциллографа

$$L_U = 20 \lg 73.711 = 37.351$$

Отставание по фазе выходного сигнала УПТ относительно входного на частоте $f_H = 1.9$ кГц по показаниям осциллографа рассчитаем следующим образом

$$\varphi = -\frac{T_2 - T_1}{\frac{1}{f_H}} \cdot 360 = -\frac{(22.4409 - 22.2435) \cdot 10^{-3}}{\frac{1}{1.9 \cdot 10^3}} \cdot 360 = -135.022^\circ$$

Необходимо отметить, что параметры k_U , L_U и φ , измеренные и вычисленные с помощью инструментов **Bode Plotter** и **Oscilloscope** примерно совпадают, а расхождения обусловлены дискретностью числовых величин, задаваемых в генераторе **Functional Generator** и индицируемых в инструментах **Bode Plotter** и **Oscilloscope**.

По вышеописанной процедуре можно с помощью осциллографа (**Oscilloscope**) вычислить параметры k_U , L_U и φ на верхней граничной частоте полосы пропускания УПТ

$$f_{\text{верхн}} = 72.67 \text{ МГц}$$

и на среднегеометрической частоте полосы пропускания

$$f_{\text{ср}} = 369 \text{ кГц}.$$

§2. Электропривод постоянного тока на транзисторном ключе

Пусть двигатель постоянного тока независимого возбуждения подключен к источнику постоянного тока через транзисторный ключ *2N2222A* (рис. 1.30).

Согласно схемы с генератора **Function Generator** на базу транзисторного ключа подаются импульсы прямоугольной формы с амплитудой 10 В и частотой 50 Гц.

Скважность импульсов задаётся с помощью параметра **Duty Cycle** в пределах от 1 до 99%.

При скважности 75% три четверти периода транзисторный ключ включен, а одну четверть выключен.

На обмотку возбуждения подано напряжение 20 В.

Измеряемые величины тока и скорости двигателя подаются на осциллограф.

При включенном транзисторном ключе через якорь двигателя протекает ток от источника 20 В и двигатель разгоняется.

При выключенном транзисторном ключе ток якоря замыкается через диод и незначительно спадает.

Как видно из рис. 1. 30 за 25-30 периодов двигатель разгоняется до установившейся скорости. Время разгона или время переходного процесса скорости двигателя равно времени, за которое скорость двигателя достигнет 95% от установившегося значения.

При изменении скважности изменяется время разгона двигателя.

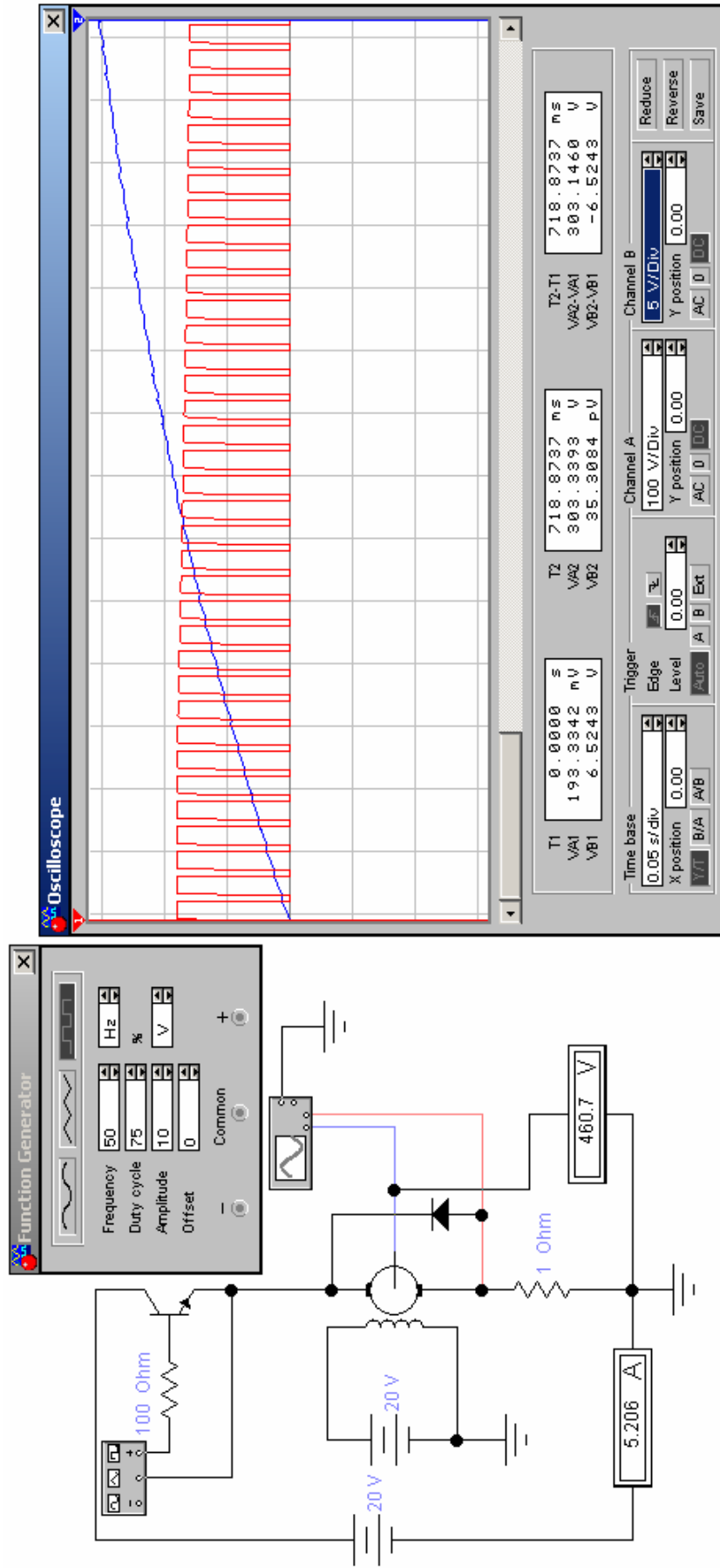


Рис. 1. 30

ГЛАВА 4. РЕШЕНИЕ ТИПОВЫХ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ ЗАДАЧ В ПРОГРАММЕ «ELECTRONICS WORKBENCH»

§1. Расчёт разветвлённой линейной электрической цепи

Пусть задана линейная электрическая цепь, содержащая источники ЭДС и тока (рис. 1.31). Необходимо рассчитать токи в ветвях и напряжения на всех резисторах. Такая задача легко решается в EWB. Собирается схема, состоящая из источников, резисторов и измерительных приборов – амперметров и вольтметров, которые после запуска расчёта покажут искомые токи и напряжения (рис. 1.31).

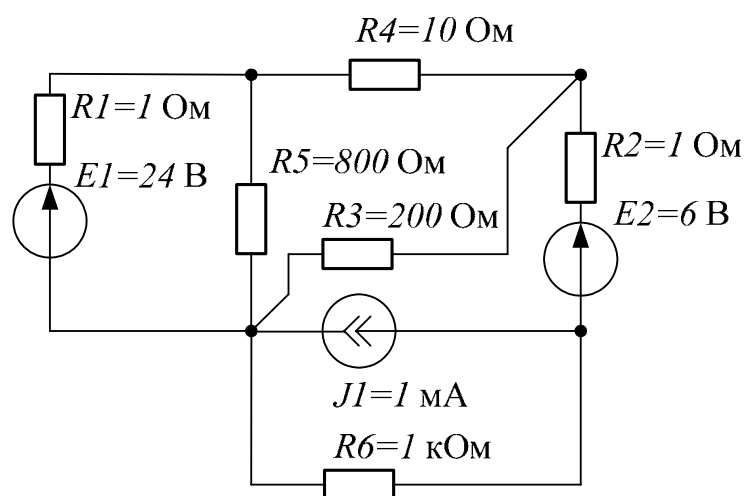


Рис. 1.31

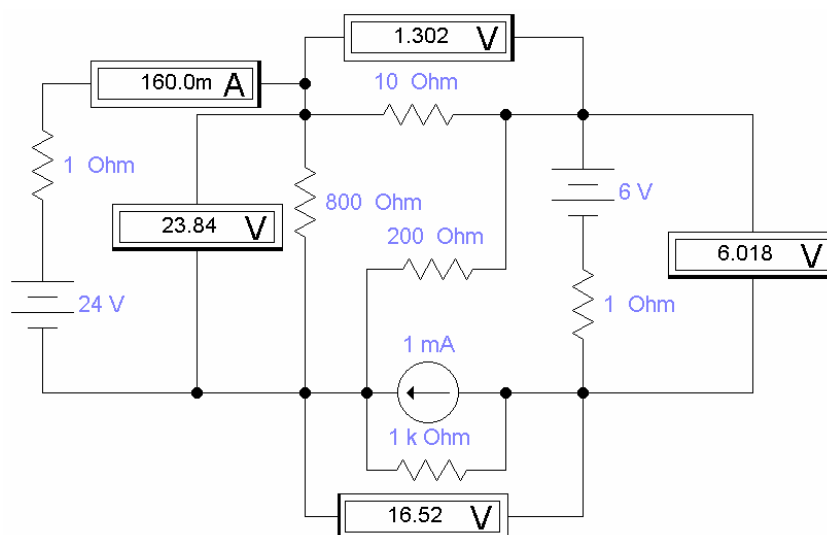


Рис. 1.32

§2. Расчёт частотных характеристик линейной электрической цепи переменного тока

При расчётах линейных электрических цепей переменного тока кроме измерений величин токов и напряжений в установившемся режиме часто представляет интерес исследование амплитудно- и фазочастотных характеристик (АЧХ и ФЧХ). На рис. 1. 33 представлена набранная в EWB схема Т-образного фильтра низких частот с подключённым построителем частотных характеристик **Bode Plotter**. В режиме **Magnitude** возможно просмотреть АЧХ фильтра, в частности, определить резонансную частоту. В режиме **Phase** возможно просмотреть ФЧХ фильтра и определить отставание или опережение по фазе выходного сигнала относительно входного. Для несложных однокаскадных фильтров АЧХ и ФЧХ можно рассчитать без применения компьютерных программ, а для расчёта сложных многозвенных комбинированных фильтров применение EWB следует признать полезным и удобным.

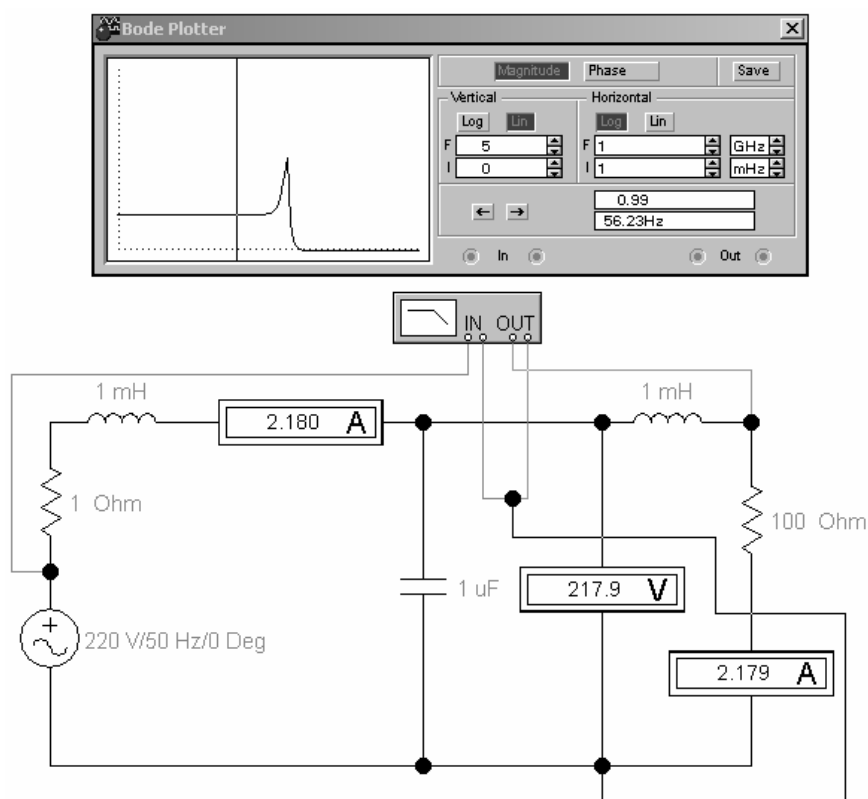


Рис. 1.33

§3. Расчёт нелинейной электрической цепи переменного тока

В электротехнике, электромеханике и электроэнергетике широко применяются нелинейные электрические цепи переменного тока. К таким цепям можно отнести управляемые и неуправляемые выпрямители. В EWB собрана схема однофазного мостового выпрямителя с фильтром низких частот на выходе, работающего на активную нагрузку (рис. 1. 34). Видно, что выпрямленное напряжение сглаживается.

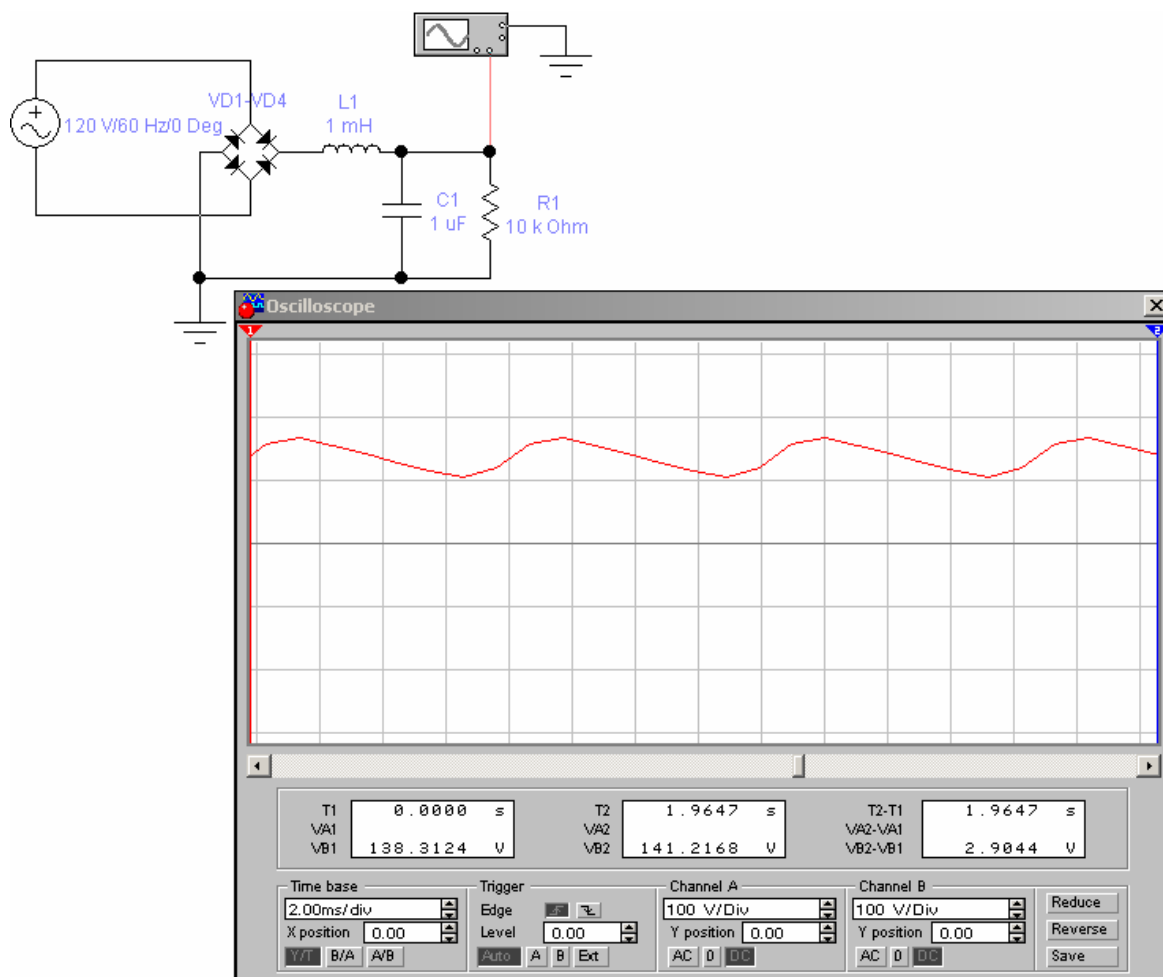


Рис. 1. 34

§4. П- и Т-образные схемы замещения четырёхполюсников

Из курса теоретических основ электротехники известна теория четырёхполюсников. Эта теория находит широкое применение для исследования нелинейных цепей.

Четырёхполюсник можно представить П- и Т-образными схемами замещения. Параметры четырёхполюсника определяются по опытам короткого замыкания и холостого хода (рис. 1.35). В режиме холостого хода к выходу схемы подключено сопротивление 100 МОм , на несколько порядков превышающее сопротивление схемы замещения. В режиме короткого замыкания к выходу схемы подключено сопротивление 0.001 Ом , на несколько порядков меньше сопротивлений схемы замещения.

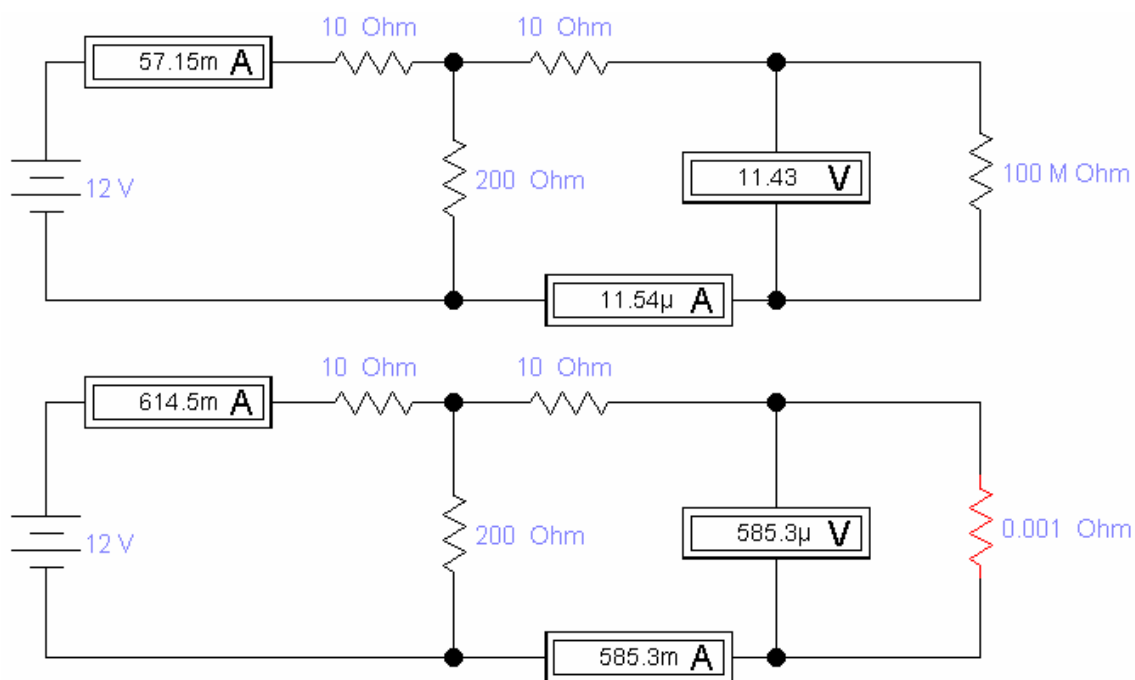


Рис. 1.35

§5. Цепи с управляемыми источниками

В программе EWB возможно использование цепей с управляемыми источниками.

Цепью с управляемым источником можно представить усилитель переменного тока, собранный на транзисторе. При известных h -параметрах транзистора исследовать динамику и частотные свойства усилителя возможно заменив транзистор на источник тока, управляемый напряжением.

На рис. 1.36 в качестве примера использования цепей с управляемыми источниками показано включение на одинаковое сопротивление нагрузки 100 Ом источника напряжения, управляемого напряжением с коэффициентом передачи 1 В/В и источника тока, управляемого током с коэффициентом трансформации 1 А/А. Легко убедиться, что эти схемы эквивалентны, так как мощность, рассеиваемая на сопротивлении нагрузки одинакова.

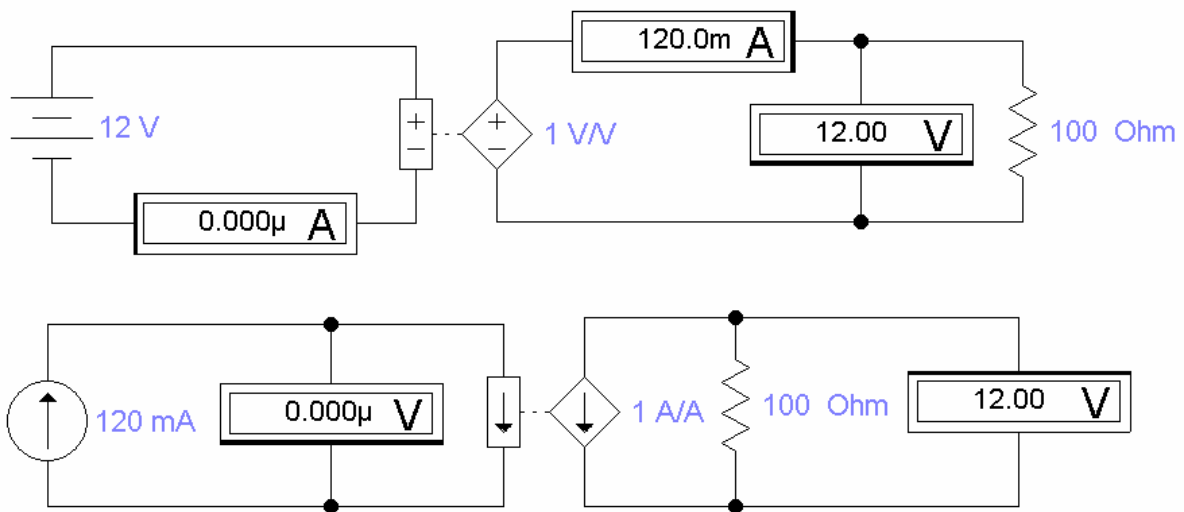


Рис. 1.36

§6. Применение EWB при проектировании и исследовании электрических фильтров

Электрические фильтры подразделяются на активные (на операционных усилителях) и пассивные (на RLC -элементах).

Программа EWB имеет инструменты **Bode Plotter** и **Oscilloscope**, позволяющие исследовать частотные характеристики и динамику электрических фильтров. Приёмы работы с этими инструментами EWB рассмотрены ранее. Для исследования фильтров, как и для усилителей переменного тока, представляют интерес численные значения следующих параметров:

- главная и побочные резонансные частоты,
- полоса пропускания и полоса подавления,
- добротность,
- интенсивность подавления в полосе подавления,

На рис. 1.37 показан пример определения резонансной частоты сложного активного фильтра с применением инструмента **Bode Plotter** и вкладки **Magnitude**.

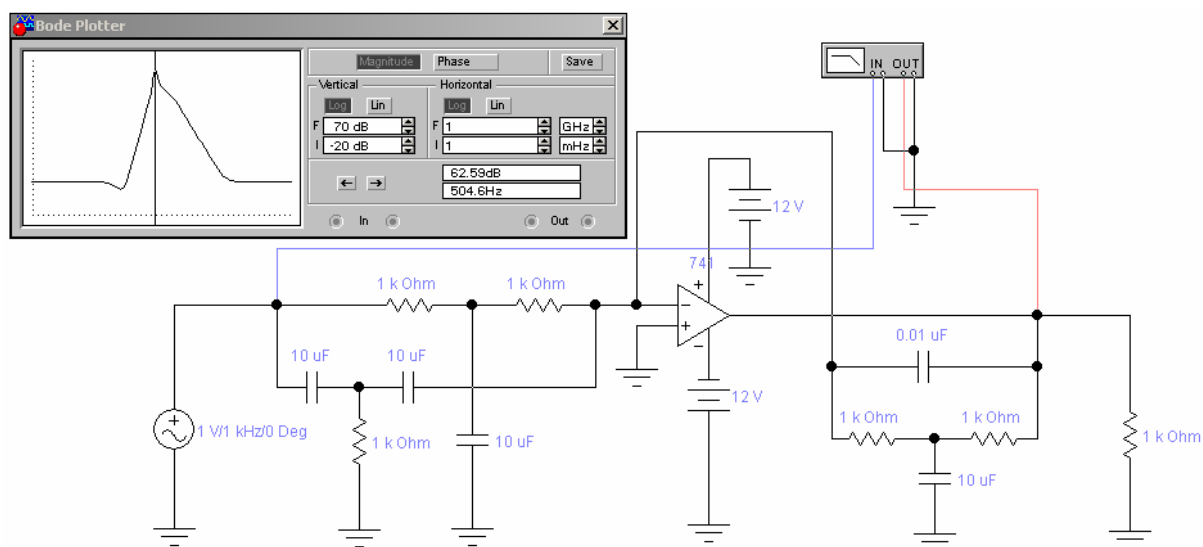


Рис. 1.37

Рассмотрим симметричный двухзвенный Г-образный нагруженный LC – фильтр (рис. 1.38).

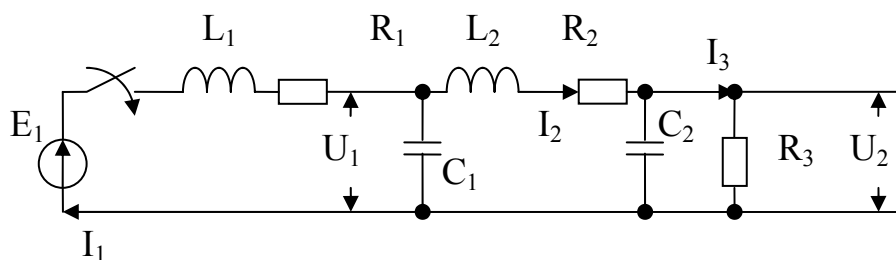


Рис. 1.38. Двухзвенный Г-образный LC – фильтр

Такой фильтр имеет две резонансные частоты (см. рис. 1.39), которые в ненагруженном режиме дают значительное увеличение коэффициента передачи по сравнению с режимом постоянного тока. Для приведённого примера выбраны пределы по вертикальной оси от -80 до 20 дБ и по горизонтальной оси от 33 Гц до 33 кГц, а на частоте 170.4 Гц коэффициент передачи фильтра составляет 18.91 дБ.

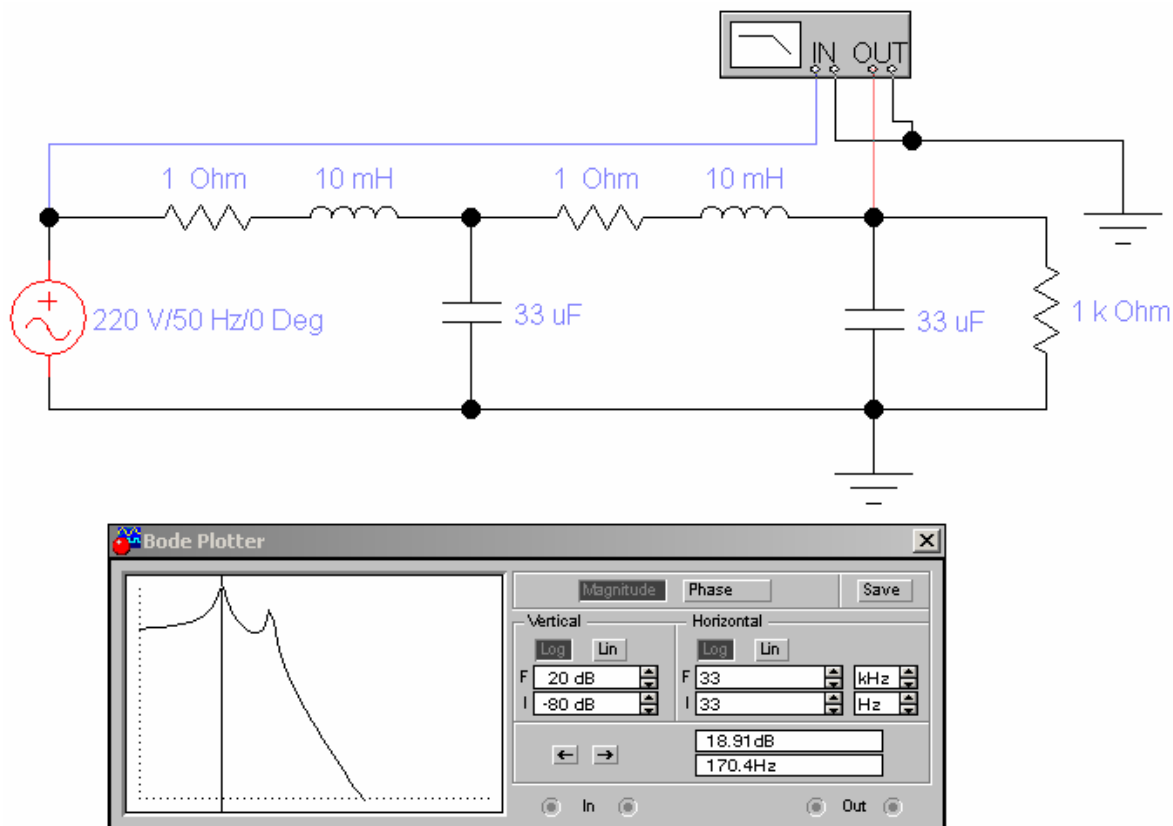


Рис. 1.39

§7. Исследование трёхфазных электрических цепей переменного тока

Известно, что трёхфазные электрические цепи переменного тока нашли широкое применение в электротехнике, электроэнергетике, электроприводах. В трёхфазных цепях, изучаемых в курсе теоретических основ электротехники, рассматривают два основных режима: симметричный и несимметричный.

Программа EWB имеет все необходимые инструменты для анализа любых режимов трёхфазных цепей. На рис. 1.40 приведён пример линейной трёхфазной симметричной цепи с реактивными элементами. Как видно из показаний осциллографа сдвиг по фазе 120° между двумя напряжениями соответствует ожидаемому.

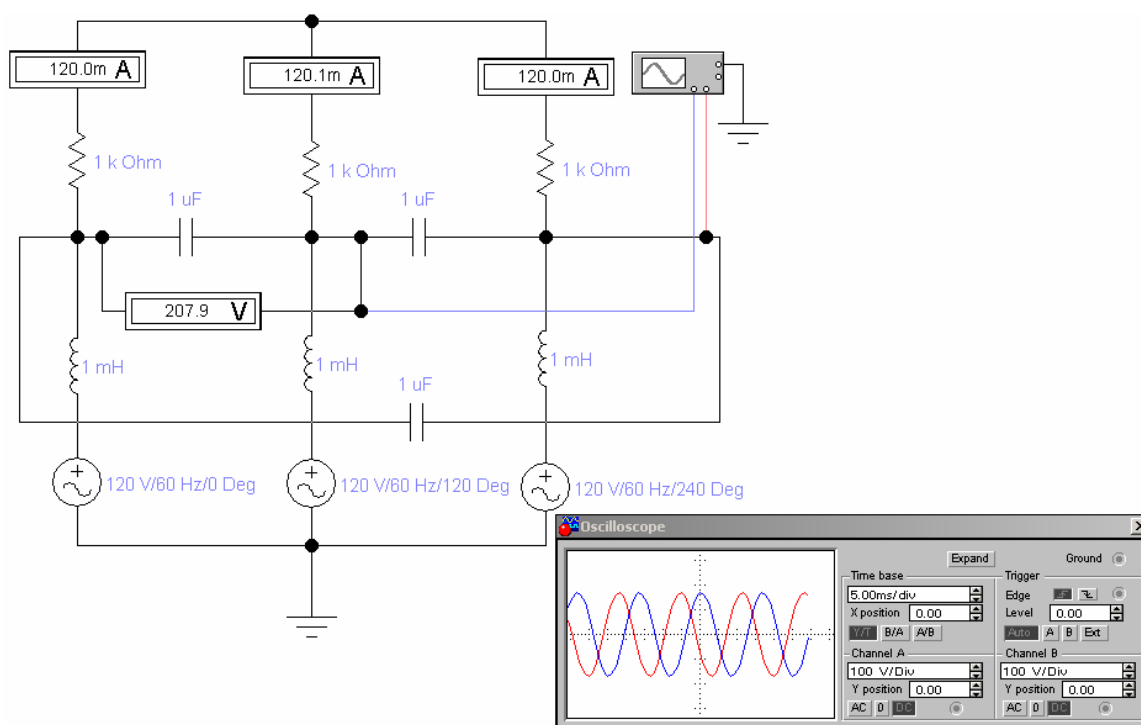


Рис. 1.40

§8. Исследование аналоговых схем на операционных усилителях

Среди аналоговых схем можно выделить схемы на пассивных RLC -элементах, схемы на полупроводниковых элементах – транзисторах, тиристорах, диодах, схемы на операционных усилителях.

На операционных усилителях возможно выполнение регуляторов различных типов для систем автоматики и электропривода, интеграторов, дифференцирующих усилителей, задатчиков интенсивности.

На рис. 1. 41 показан пример работы интегратора на операционном усилителе. На вход схемы подаётся симметричный прямоугольный сигнал частотой 50 Гц, который интегратором преобразуется в треугольный той же частоты.

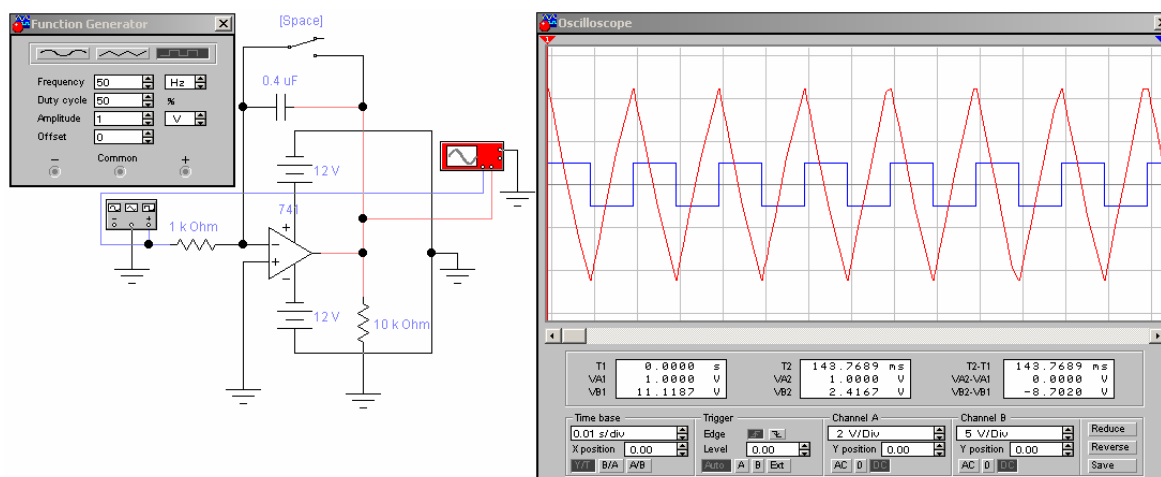


Рис. 1. 41

§9. Исследование дискретных и цифровых схем

Дискретные и цифровые микросхемы как большая группа электронных приборов включают в себя логические микросхемы (И, ИЛИ, НЕ, И-НЕ, ИЛИ-НЕ, исключающее ИЛИ), триггеры (RS, JK, D), счётчики, регистры, мультиплексоры, демультиплексоры, аналого-цифровые и цифро-аналоговые преобразователи.

На базе типовых логических микросхем возможно построение сложных логических устройств. На рис. 1. 42 показана работа логических микросхем на базе ТТЛ-логики, требующей напряжения 5 В для задания логической единицы и 0 В для задания логического нуля. Показано, что 1 на выходе схемы логического «И» (AND) появляется только тогда, когда на оба входа поданы 1, а 0 на выходе схемы логического «ИЛИ» (OR) появляется только при условии подачи на оба входа 0.

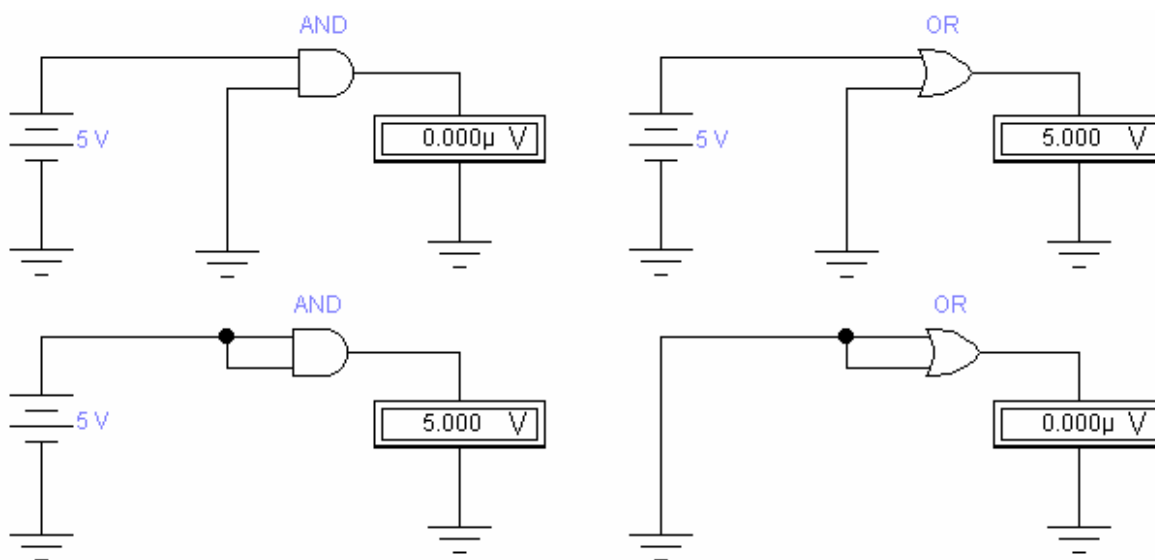


Рис. 1. 42

ГЛАВА 5. ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА «МОДЕЛИРОВАНИЕ ТИПОВЫХ ЭЛЕКТРОННЫХ СХЕМ В ПРОГРАММЕ «ELECTRONICS WORKBENCH»

Цель работы: получение практических навыков исследования динамики, статики и частотных характеристик электронных схем в программе EWB.

Работа выполняется каждым студентом самостоятельно. Номер варианта определяется по последней цифре номера зачётной книжки студента.

Программа работы

Задание 1. С применением программы EWB получить прямые ветви вольтамперных характеристик диода и стабилитрона (диода Зенера), указанных в табл. 1.3.

Таблица 1.3

Вариант	Стабилитрон	Диод
1	1N4733	1N4001
2	1N4370A	1N4118
3	1N4371A	1N3064
4	1N4372A	1N4009
5	1N4678	1N4148
6	1N4681	1N4149
7	1N4728A	1N4150
8	1N4729A	1N4151
9	1N4730A	1N4152
10	1N4731A	1N4153

Прямые ветви ВАХ диода и стабилитрона снимаются с применением источника тока. Величины тока источника составляют 0, 1, 2, 5, 10, 15 и 20 мА. Заполнить табл. 1.4 для ВАХ стабилитрона и ВАХ диода. По данным полученной таблицы построить ВАХ с применением программы «Microsoft Office Excel».

Таблица 1.4

Прямая ветвь ВАХ диода							
Ток источника, мА							
U, мВ	0	1	2	5	10	15	20

Прямая ветвь ВАХ стабилитрона							
Ток источника, мА							
U, мВ	0	1	2	5	10	15	20

Задание 2. С применением программы EWB получить и в программе Excel построить семейство выходных вольтамперных характеристик

$$I_K = f(U_{KЭ}) \Big|_{I_{\bar{0}} = const}$$

биполярного транзистора, согласно варианта, приведённого в табл. 1.5. Характеристики снимаются при трёх значениях тока базы $I_{\bar{0}1} = 5 \text{ мА}$, $I_{\bar{0}2} = 10 \text{ мА}$, $I_{\bar{0}3} = 20 \text{ мА}$.

Таблица 1.5

Вариант	Тип транзистора
1	2N2218
2	2N3904
3	2N4401
4	BD537
5	BD535
6	BD533
7	BD501B
8	BD550
9	BD243
10	BD241

Заполнить табл. 1.6.

Таблица 1.6

		$U_{кэ}, В$					
		0.1	0.3	0.5	1	2	3
$I_{б1} = 5$ мА	$I_{кэ}, А$						
$I_{б2} = 10$ мА	$I_{кэ}, А$						
$I_{б3} = 20$ мА	$I_{кэ}, А$						

Задание 3. Собрать в программе «Electronics Workbench» усилитель переменного тока по схеме, указанной на рис. 1. 19, с применением транзистора, указанного в табл. 1.5, подключив все необходимые приборы: функциональный генератор (*Function Generator*), осциллограф (*Oscilloscope*), анализатор частотных характеристик (*Bode Plotter*).

Определить, используя анализатор частотных характеристик (*Bode Plotter*):

- среднюю частоту полосы пропускания $f_{ср}$;
- нижнюю граничную частоту полосы пропускания $f_{нижн}$;
- верхнюю граничную частоту полосы пропускания $f_{верхн}$;
- коэффициент усиления по напряжению в рассматриваемой схеме в относительных единицах k_U и в децибелах L_U на нижней, средней и верхней частоте полосы пропускания;
- величину отставания по фазе φ выходного сигнала относительно входного на нижней, средней и верхней частоте полосы пропускания;

Определить, используя осциллограф (*Oscilloscope*):

- величины k_U и φ при $f_{нижн}$, $f_{ср}$, $f_{верхн}$;
- вычислить $L_U = 20 \lg k_U$ при $f_{нижн}$, $f_{ср}$, $f_{верхн}$.

Заполнить табл. 1.7.

Таблица 1.7

Измерительный прибор	Параметры усилителя	Частоты, кГц		
		$f_{\text{нижн}} = \dots$	$f_{\text{ср}} = \dots$	$f_{\text{верхн}} = \dots$
анализатор частотных характеристик	k_U , о. е.			
	L_U , дБ			
	φ , град			
осциллограф	k_U , о. е.			
	L_U , дБ			
	φ , град			

Задание 4. Собрать схему электропривода постоянного тока с транзисторным ключом (рис. 1.30). Необходимо определить время переходного процесса скорости двигателя при скважности включения транзисторного ключа **Duty Cycle**, взятой из табл. 1.8. *Время разгона или время переходного процесса скорости двигателя равно времени, за которое скорость двигателя достигнет 95% от установившегося значения (при отсутствии перерулирования).*

Таблица 1.8

Вариант	Duty Cycle, %
1	25
2	30
3	35
4	40
5	45
6	50
7	55
8	60
9	65
10	70

Задание 5. Для линейной электрической цепи, содержащей источники ЭДС и тока (рис. 1.31), с численными данными из таблицы 1.1 определить токи во всех ветвях и напряжения на всех резисторах.

Таблица 1.9

Вариант	E_1 , В	E_2 , В	J_1 , А	R_1 , Ом	R_2 , Ом	R_3 , Ом	R_4 , Ом	R_5 , Ом	R_6 , Ом
1	12	6	3	1	2	3	5	4	3
2	24	12	3	6	3	2	1	4	2
3	6	3	1	5	6	5	2	1	3
4	18	12	3	4	3	2	4	1	1
5	20	15	6	1	2	2	1	4	4
6	15	3	1	5	4	3	2	2	1
7	18	6	3	6	5	3	2	1	1
8	12	3	3	1	1	2	2	3	4
9	15	6	1	4	5	4	5	6	1
10	24	18	6	1	6	1	5	2	4

Задание 6. Для однофазного мостового выпрямителя с LC-фильтром низких частот на выходе (рис. 1.34) определить размах пульсаций напряжения на нагрузке. *Размах пульсаций определяется как разница между максимальной и минимальной величинами напряжения по показаниям осциллографа.* Численные данные для ёмкости конденсатора фильтра и сопротивления нагрузки взять из табл. 1.10.

Таблица 1.10

Вариант	C_1 , мкФ	R_1 , кОм
1	0.1	10
2	0.33	10
3	1	10
4	3.3	10
5	10	10
6	0.1	1
7	0.33	1
8	1	1
9	3.3	1
10	10	1

Задание 7. Для двухзвенного симметричного нагруженного LC -фильтром низких частот (рис. 1.38) определить координаты двух точек резонанса (например точка 1 с координатами 113 Гц и 1.252 дБ). Параметры $R1$, $R2$, $R3$, $L1$ и $L2$ такие же, как на схеме, собранной в EWB (рис. 1.39). Численные данные для ёмкости конденсаторов фильтра ($C1 = C2 = C$) взять из табл. 1.11.

Таблица 1.11

Вариант	$C, \text{мкФ}$
1	2.2
2	5
3	7
4	10
5	22.4
6	50
7	70.7
8	100
9	224
10	500

Содержание отчёта по работе

1. Цель работы.
2. Решение заданий 1...7, включая
 - текст задания,
 - поясняющий рисунок,
 - заполненные таблицы, если это требуется по тексту задания,
 - численный ответ (или ответы).
3. Выводы по работе.

РАЗДЕЛ 2

«ПРИМЕНЕНИЕ ПРОГРАММЫ «MATHCAD» ДЛЯ РЕШЕНИЯ ЧИСЛЕННЫХ И АНАЛИТИЧЕСКИХ ЗАДАЧ»

ГЛАВА 1. ИНТЕРФЕЙС ПРОГРАММЫ «MATHCAD»

Программа MathCAD уже давно пользуется заслуженным признанием как высокоэффективный инструмент автоматизации численных и аналитических вычислений.

Для большинства решения задач, встречающихся в инженерной практике пригодны версии программы MathCAD 7, 8, 2000 и выше. Отметим высокое качество решения численных задач с использованием версии *MathCAD 2000*. Эту версию рекомендуется применять при решении задач, приведённых в данном разделе.

MathCAD имеет дружелюбный пользовательский интерфейс, как и большинство программ, работающих под операционной системой Windows.

В данном пособии подробно не рассматриваются особенности интерфейса программы, так есть множество специальной литературы, позволяющей выяснить любые необходимые нюансы.

Рассмотрим только математическую панель, которая наиболее часто применяется при решении рассматриваемых здесь задач (рис. 2.1).

Панель символьных вычислений *1* содержит команды символьного процессора, позволяющего в символьном виде решать такие задачи как упрощение выражений, решение нелинейных уравнений, разложение выражений на множители, разложение в ряд Тейлора, прямые и обратные преобразования Лапласа, Фурье и z-преобразование. Панель калькулятора *2* позволяет быстро набрать и посчитать алгебраические и тригонометрические численные выражения. Панель символов греческого алфавита *3* позволит использовать в математических выражениях привычные обозначения переменных. Панель программирования *4* позволяет производить с обрабатываемыми данными стандартные алгоритмические процедуры с применением операторов условного и безусловного циклов, операторов условного перехода и других типовых операторов. Панель математического анализа *5* содержит процедуры, позволяющие находить пределы, суммы, производные, интегралы выражений. Панель графиков *6* позволяет индексировать полученные промежуточные и итоговые результаты в виде плоских и трёхмерных графиков в декартовой и полярной системах координат. Панель вычислений *7* позволяет производить операции локального и глобального присваива-

ния, вывод результатов вычислений в численном и символьном формате. Панель логических операций 8 позволяет эффективно составлять логические выражения, что часто используется при обработке данных. Панель матриц 9 содержит все самые необходимые для работы с матрицами процедуры.

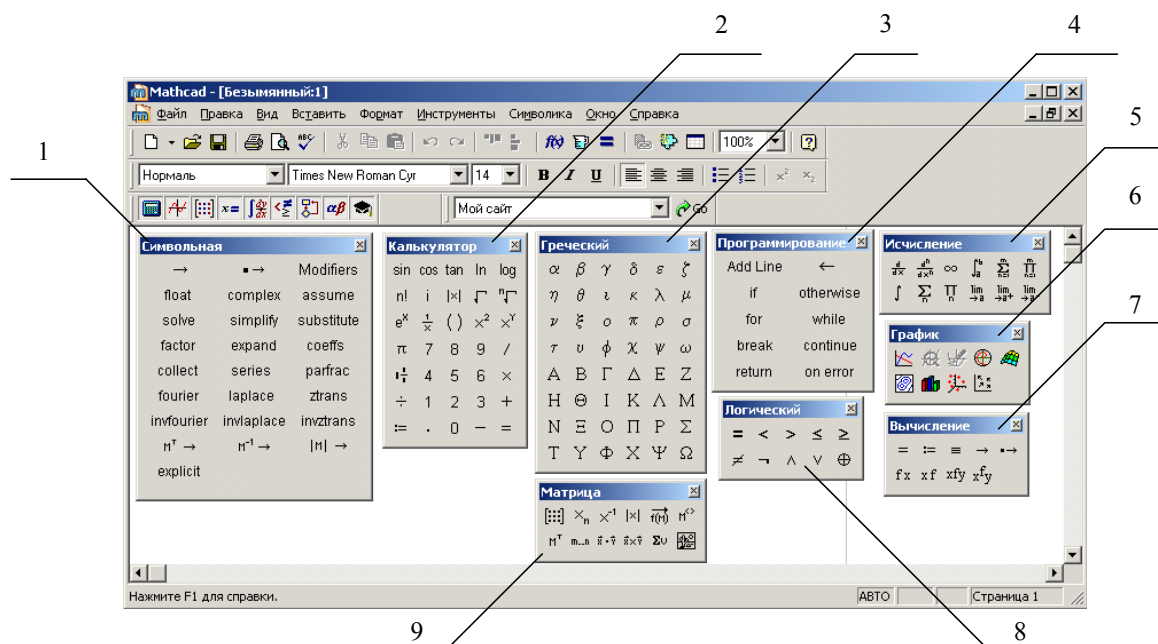


Рис. 2.1. Математическая панель MathCAD:

- 1 – панель символьных вычислений,
- 2 – панель калькулятора,
- 3 – панель символов греческого алфавита,
- 4 – панель программирования,
- 5 – панель математического анализа,
- 6 – панель графиков,
- 7 – панель вычисления,
- 8 – панель логических операций,
- 9 – панель матриц.

Далее в данном разделе приведены примеры решения типовых задач в программе MathCAD. Можно убедиться, математическая панель является самой востребованной в большинстве случаев.

ГЛАВА 2. ПРОСТЕЙШИЕ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЕ РАСЧЁТЫ

Покажем, что многие важные практические задачи из области электротехники легко решаются в программе MathCAD.

Пусть имеется конденсатор с плоскими параллельными пластинами (рис. 2.2).

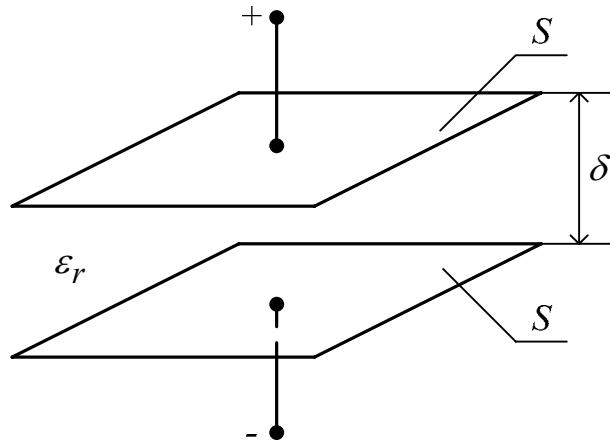


Рис. 2.2

Площадь каждой его пластины (с одной стороны) S , расстояние между пластины δ , относительная диэлектрическая проницаемость диэлектрика ϵ_r , электрическая постоянная

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot 9 \cdot 10^9}, \frac{\Phi}{\text{м}}.$$

Ёмкость C конденсатора определяется как

$$C = \epsilon_r \cdot \epsilon_0 \cdot \frac{S}{\delta}. \quad (2.1)$$

Для расчёта ёмкости конденсатора в программе MathCAD сначала необходимо ввести исходные численные данные, затем расчётную формулу (2.1) (рис. 2.3).

Ввод начальных условий

$$\varepsilon_0 := \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot 9 \cdot 10^9} \text{ Ф/м} \quad \varepsilon_r := 100 \quad S := 2 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2 \quad \delta := 1 \cdot 10^{-3} \text{ м}$$

Расчёт ёмкости

$$C := \varepsilon_r \cdot \varepsilon_0 \cdot \frac{S}{\delta} \quad C = 1.768 \times 10^{-9} \text{ Ф}$$

Рис. 2.3

Расчёт ёмкости плоского конденсатора в программе MathCAD

При необходимости ответ можно представить в микрофарадах и других распространенных единицах.

ГЛАВА 3. СИМВОЛЬНЫЕ ВЫЧИСЛЕНИЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ВСТРОЕННЫХ ОПЕРАТОРОВ ПАКЕТА MATHCAD

§1. Тройной интеграл от заданной функции

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad вычислить тройной интеграл по x от заданной функции $\iiint \left(\sin(x) + \frac{1}{e^x} \right) \cdot dx \cdot dx \cdot dx$ и произвести проверку. Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.4.

Тройной интеграл от заданной функции

$$\iiint \left(\sin(x) + \frac{1}{e^x} \right) dx \cdot dx \cdot dx \rightarrow \cos(x) - \frac{1}{\exp(x)}$$

Проверка

$$\frac{d^3}{dx^3} \left(\cos(x) - \frac{1}{\exp(x)} \right) \rightarrow \sin(x) + \frac{1}{\exp(x)}$$

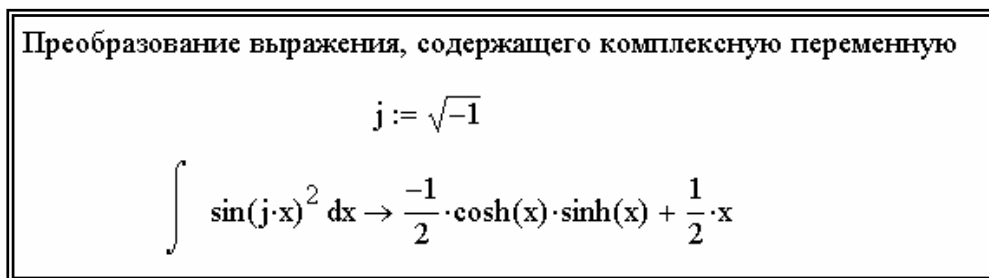
Рис. 2.4.

Тройной интеграл от заданной функции, рассчитанный с использованием пакета MathCAD

§2. Преобразование выражения, содержащего комплексную переменную

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad преобразовать выражение $\int \sin^2(j \cdot x) \cdot dx$ (при $j = \sqrt{-1}$), содержащее комплексную переменную.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.5.



Преобразование выражения, содержащего комплексную переменную

$$j := \sqrt{-1}$$
$$\int \sin(j \cdot x)^2 dx \rightarrow \frac{-1}{2} \cdot \cosh(x) \cdot \sinh(x) + \frac{1}{2} \cdot x$$

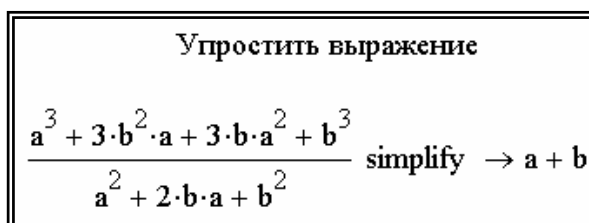
Рис. 2.5.

Преобразование выражения, содержащего комплексную переменную с использованием пакета MathCAD

§3. Упрощение выражения

Пусть необходимо с использованием встроенного оператора Simplify упростить выражение $\frac{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a + 3 \cdot b \cdot a^2 + b^3}{a^2 + 2 \cdot b \cdot a + b^2}$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.6.



Упростить выражение

$$\frac{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a + 3 \cdot b \cdot a^2 + b^3}{a^2 + 2 \cdot b \cdot a + b^2} \text{ simplify } \rightarrow a + b$$

Рис. 2.6. Упрощение выражения с использованием пакета MathCAD

§4. Разложение выражения по степеням

Пусть необходимо с использованием встроенного оператора Expand разложить по степеням выражение $(x+4) \cdot (x-5) \cdot (x+6) \cdot (x-7)$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.7.

$$\begin{array}{c} \text{Разложение выражения по степеням} \\ (x + 4) \cdot (x - 5) \cdot (x + 6) \cdot (x - 7) \text{ expand} \rightarrow x^4 - 2 \cdot x^3 - 61 \cdot x^2 + 62 \cdot x + 840 \end{array}$$

Рис. 2.7. Разложение выражения по степеням с использованием пакета MathCAD.

§5. Разложение выражения на множители

Пусть необходимо с использованием встроенного оператора Factor разложить на множители выражение $x^4 - x^3 - 69 \cdot x^2 + 980$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.8.

$$\begin{array}{c} \text{Разложение выражения на множители} \\ x^4 - x^3 - 69 \cdot x^2 + 49 \cdot x + 980 \text{ factor} \rightarrow (x + 4) \cdot (x - 5) \cdot (x + 7) \cdot (x - 7) \end{array}$$

Рис. 2.8. Разложение выражения на множители с использованием пакета MathCAD

§6. Разложение выражения по подвыражению с использованием процедуры Collection Subexpression

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad разложить выражение $x^2 - a^2 \cdot y^2 \cdot x^2 - x + x \cdot y$ по подвыражению, используя процедуру Collection Subexpression.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.9.

$$\begin{array}{c} \text{Разложение выражения по подвыражению с использованием} \\ \text{процедуры Collection Subexpression} \\ x^2 - a^2 \cdot y^2 \cdot x^2 - x + x \cdot y \text{ collect, x} \rightarrow (1 - a^2 \cdot y^2) \cdot x^2 + (-1 + y) \cdot x \end{array}$$

Рис. 2.9. Разложение выражения по подвыражению с использованием процедуры Collection Subexpression.

§7. Определение коэффициентов полинома

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad определить коэффициенты полинома $(x+2\cdot a)\cdot(x+b)\cdot(x+c)\cdot(x+2\cdot d)$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.10.

Определение коэффициентов полинома

$$(x+2\cdot a)\cdot(x+b)\cdot(x+c)\cdot(x+2\cdot d) \text{ coeffs, } x \rightarrow \begin{pmatrix} 4\cdot b\cdot a\cdot c\cdot d \\ 2\cdot b\cdot c\cdot d + 4\cdot a\cdot c\cdot d + 4\cdot b\cdot a\cdot d + 2\cdot b\cdot a\cdot c \\ 2\cdot c\cdot d + 2\cdot b\cdot d + b\cdot c + 4\cdot a\cdot d + 2\cdot a\cdot c + 2\cdot b\cdot a \\ 2\cdot d + c + b + 2\cdot a \\ 1 \end{pmatrix}$$

Рис. 2.10. Определение коэффициентов полинома с использованием пакета MathCAD

§8. Дифференцирование выражения

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad дифференцировать выражение $\frac{d^4}{dx^4} \left(\frac{1}{\ln^2(x)} \cdot x^3 + b \cdot x + c \right)$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.11

Дифференцирование выражения

$$\frac{d^4}{dx^4} \left(\frac{1}{\ln(x)^2} \cdot x^3 + b \cdot x + c \right) \rightarrow \frac{120}{\ln(x)^6 \cdot x} - \frac{144}{\ln(x)^5 \cdot x} + \frac{66}{\ln(x)^4 \cdot x} - \frac{12}{\ln(x)^3 \cdot x}$$

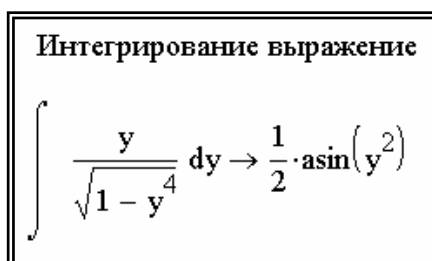
Рис. 2.11.

Дифференцирование выражения с использованием пакета MathCAD

§9. Интегрирование выражения

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad интегрировать выражение $\int \frac{y}{\sqrt{1-y^4}} \cdot dy$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.12



Интегрирование выражение

$$\int \frac{y}{\sqrt{1-y^4}} dy \rightarrow \frac{1}{2} \cdot \text{asin}(y^2)$$

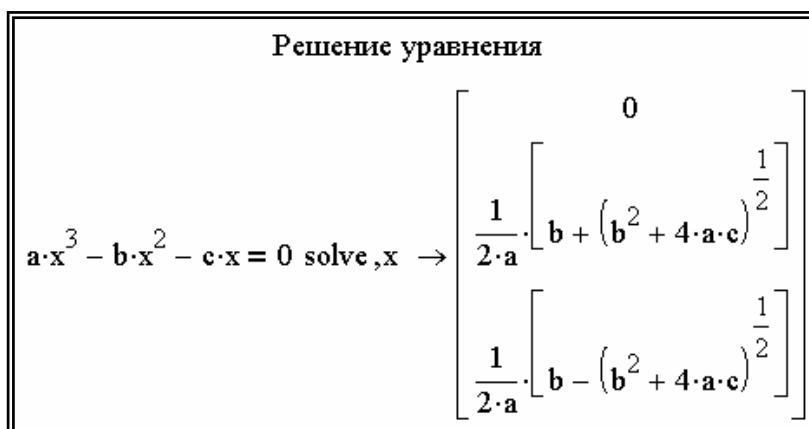
Рис. 2.12.

Интегрирование выражение с использованием пакета MathCAD

§10. Решение уравнения

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad решить уравнение относительно переменной x и провести при необходимости отделение корней $a \cdot x^3 - b \cdot x^2 - c \cdot x = 0$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.13.



Решение уравнения

$$a \cdot x^3 - b \cdot x^2 - c \cdot x = 0 \text{ solve, } x \rightarrow \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{1}{2 \cdot a} \cdot \left[b + (b^2 + 4 \cdot a \cdot c)^{\frac{1}{2}} \right] \\ \frac{1}{2 \cdot a} \cdot \left[b - (b^2 + 4 \cdot a \cdot c)^{\frac{1}{2}} \right] \end{bmatrix}$$

Рис. 2.13.

Решение уравнения с использованием пакета MathCAD

§11. Подстановка тождества $f_1(x)$ в выражение $y(x)$

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad произвести подстановку тождества $f_1(x) \Rightarrow \cos(x)^2 + \sin(x)^2 = 1$ в

выражение $y(x) = \frac{(\cos(x)^2 + \sin(x)^2)^2}{\cos(x) \cdot 2! + \sin(x) \cdot 2!}$, применив оператор Substitute.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.14.

Подстановка тождества $f_1(x)$ в выражение $y(x)$

$$\frac{(\cos(x)^2 + \sin(x)^2)^2}{\cos(x) \cdot 2! + \sin(x) \cdot 2!} \text{ substitute } , \cos(x)^2 + \sin(x)^2 = 1 \rightarrow \frac{1}{2 \cdot \cos(x) + 2 \cdot \sin(x)}$$

Рис. 2.14. Подстановка тождества $f_1(x)$ в выражение $y(x)$ с использованием пакета MathCAD

§12. Разложение функции $f(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x=0$

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad разложить функцию $f(x)=e^{3x}$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x=0$, взять первых 9 членов ряда, определить погрешность представления данной функции с помощью ряда для $x_0=1.5$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.15.

Разложение функции $f(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x=0$

$$e^{3 \cdot x} \text{ series } , x = 0, 9 \rightarrow 1 + 3 \cdot x + \frac{9}{2} \cdot x^2 + \frac{9}{2} \cdot x^3 + \frac{27}{8} \cdot x^4 + \frac{81}{40} \cdot x^5 + \frac{81}{80} \cdot x^6 + \frac{243}{560} \cdot x^7 + \frac{729}{4480} \cdot x^8$$

$$y(x) := 1 + 3 \cdot x + \frac{9}{2} \cdot x^2 + \frac{9}{2} \cdot x^3 + \frac{27}{8} \cdot x^4 + \frac{81}{40} \cdot x^5 + \frac{81}{80} \cdot x^6 + \frac{243}{560} \cdot x^7 + \frac{729}{4480} \cdot x^8$$

Погрешность

$$\frac{|y(1.5) - e^{3 \cdot 1.5}|}{e^{3 \cdot 1.5}} \cdot 100 = 4.026 \%$$

Рис. 2.15. Разложение функции $f(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x=0$ с использованием пакета MathCAD

§13. Разложение выражения относительно переменной x на элементарные дроби

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad разложить относительно переменной x на элементарные дроби выражение $\frac{1-x-x^3-x^4}{x^4-1}$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.16.

Разложение выражения относительно переменной x на элементарные дроби

$$\frac{1-x-x^3-x^4}{x^4-1} \text{ convert, parfrac, } x \rightarrow -1 - \frac{1}{2 \cdot (x-1)} - \frac{1}{2 \cdot (x+1)}$$

Рис. 2.16. Разложение выражения относительно переменной x на элементарные дроби с использованием пакета MathCAD

§14. Предел функции

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета Mathcad найти предел функции $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{4 \cdot x^2 - 2}{2 \cdot x - 2}$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.17.

Предел функции

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{4 \cdot x^2 - 2}{2 \cdot x - 2} \rightarrow 1$$

Рис. 2.17. Предел функции с использованием пакета MathCAD

ГЛАВА 4. ОПЕРАЦИИ С МАТРИЦАМИ

§1. Вычисление определителя матрицы

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета MathCAD вычислить определитель матрицы $\begin{pmatrix} 11 \cdot a & 5 & 1 \\ 7 & 11 \cdot b & 4 \\ 2 & 6 & 11 \cdot c \end{pmatrix}$ и получить численный ответ с применением оператора подстановки Substitute при $a=2, b=2, c=2$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.18.

Вычисление определителя матрицы

$$\left| \begin{pmatrix} 11 \cdot a & 5 & 1 \\ 7 & 11 \cdot b & 4 \\ 2 & 6 & 11 \cdot c \end{pmatrix} \right| \rightarrow 1331 \cdot b \cdot a \cdot c - 264 \cdot a - 385 \cdot c + 82 - 22 \cdot b$$

$$\left| \begin{pmatrix} 11 \cdot a & 5 & 1 \\ 7 & 11 \cdot b & 4 \\ 2 & 6 & 11 \cdot c \end{pmatrix} \right| \text{ substitute , a = 2 , b = 2 , c = 2 } \rightarrow 9388$$

Рис. 2.18. Вычисление определителя матрицы с использованием пакета MathCAD

§2. Транспонирование матрицы

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета MathCAD транспонировать матрицу $(1 \ b \ c \ 2)$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.19.

Транспонирование матрицы

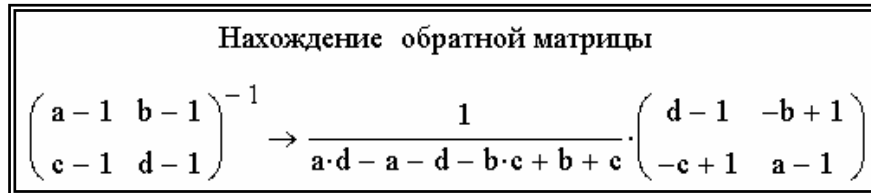
$$(1 \ b \ c \ 2)^T \rightarrow \begin{pmatrix} 1 \\ b \\ c \\ 2 \end{pmatrix}$$

Рис. 2.19. Транспонирование матрицы с использованием пакета MathCAD

§3. Нахождение обратной матрицы

Пусть необходимо с использованием встроенных операторов пакета MathCAD найти обратную матрицу от матрицы $\begin{pmatrix} a-1 & b-1 \\ c-1 & d-1 \end{pmatrix}$.

Соответствующий фрагмент документа MathCAD представлен на рис. 2.20.



The image shows a MathCAD window titled "Нахождение обратной матрицы". It displays the following mathematical expression:

$$\begin{pmatrix} a-1 & b-1 \\ c-1 & d-1 \end{pmatrix}^{-1} \rightarrow \frac{1}{a \cdot d - a - d - b \cdot c + b + c} \cdot \begin{pmatrix} d-1 & -b+1 \\ -c+1 & a-1 \end{pmatrix}$$

Рис. 2.20. Нахождение обратной матрицы с использованием пакета MathCAD

ГЛАВА 5. ЗАДАЧИ ОПТИМИЗАЦИИ

Рассмотрим решение задач оптимизации в MathCAD на примере задачи поиска оптимальной нагрузки генератора постоянного тока с независимым возбуждением. Первый этап задачи сводится к определению мощности нагрузки как функции сопротивления нагрузки. Как известно из курса ТОЭ, данная функция имеет максимум при сопротивлении нагрузки, равном внутреннему сопротивлению генератора. Производная вышеупомянутой функции в точке максимума равна нулю, следовательно, приравняв производную нулю, получим нелинейное уравнение с одним корнем, решив которое определим искомое сопротивление нагрузки. Данное уравнение можно легко решить аналитически и численно с использованием программы MathCAD.

Пусть дана цепь постоянного тока, состоящая из источника (генератор постоянного тока независимого возбуждения) и приёмника (рис. 2.21). Источник ЭДС $E_{\text{ист}}$ имеет внутреннее сопротивление $R_{\text{ист}}$ и работает на омическую нагрузку $R_{\text{нагр}}$. В цепи протекает ток $I_{\text{нагр}}$.

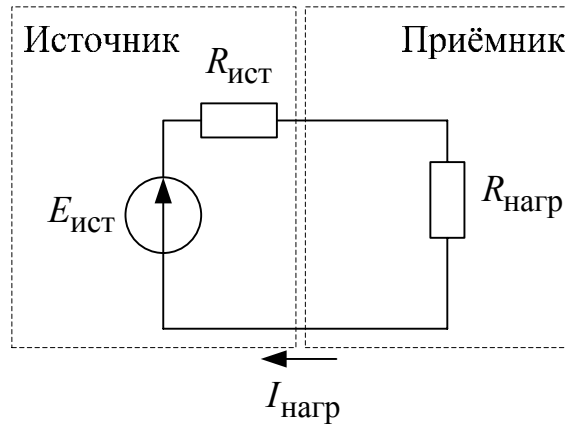


Рис. 2.21

Необходимо определить такую величину сопротивления нагрузки $R_{нагр}$, когда мощность нагрузки

$$P_{нагр} = I_{нагр}^2 \cdot R_{нагр} \quad (2.1)$$

будет максимальной $P_{нагр} = \max$.

Выведем зависимость мощности нагрузки как функцию от сопротивления нагрузки.

Согласно закону Ома ток нагрузки определяется как

$$I_{нагр} = \frac{E}{R_{ист} + R_{нагр}}. \quad (2.2)$$

Напряжение на нагрузке определяется как

$$U_{нагр} = I_{нагр} \cdot R_{нагр} = \frac{E}{R_{ист} + R_{нагр}} \cdot R_{нагр} \quad (2.3)$$

Мощность нагрузки есть функция сопротивления нагрузки

$$P_{нагр}(R_{нагр}) = I_{нагр} \cdot U_{нагр} = \left(\frac{E}{R_{ист} + R_{нагр}} \right)^2 \cdot R_{нагр}. \quad (2.4)$$

Найдём производную функции $P_{нагр}(R_{нагр})$ по $R_{нагр}$

$$\frac{dP_{нагр}(R_{нагр})}{dR_{нагр}} = -2 \cdot \frac{E^2}{(R_{ист} + R_{нагр})^3} \cdot R_{нагр} + \left(\frac{E}{R_{ист} + R_{нагр}} \right)^2. \quad (2.5)$$

Приравняв выражение (2.5) к нулю получим нелинейное уравнение

$$-2 \cdot \frac{E^2}{(R_{\text{ист}} + R_{\text{нагр}})^3} \cdot R_{\text{нагр}} + \left(\frac{E}{R_{\text{ист}} + R_{\text{нагр}}} \right)^2 = 0, \quad (2.6)$$

где $R_{\text{нагр}}$ - переменная, а $R_{\text{ист}}$ и E - константы.

После несложных математических выкладок, которые здесь не приводятся, можно доказать, что $R_{\text{нагр}} = R_{\text{ист}}$ является корнем уравнения, а, следовательно, и искомым решением задачи.

Данную задачу можно решить как численно, так и аналитически в MathCAD. Аналитическое решение в MathCAD по этапам показано далее.

Объявление функции мощности нагрузки P от переменных E – ЭДС генератора, r – сопротивление генератора, R – сопротивление нагрузки согласно (2.4) показано на рис. 2.22.

$$P(E, r, R) := \frac{E^2}{(r + R)^2} \cdot R$$

Рис. 2.22

Вызов процедуры вычисления производной возможно с помощью вкладки «Исчисление» математической панели или сочетания клавиш <Shift> + </> (рис. 2.23).

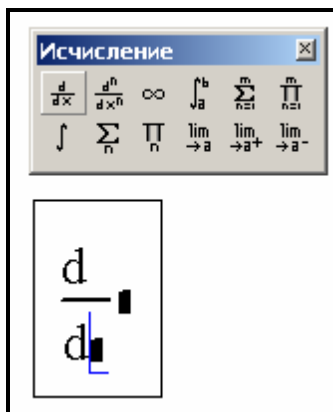


Рис. 2.23

Определение производной функции $P(E, r, R)$ по R производится после нажатия значка \rightarrow на символьной панели (рис. 2.24).

$$\frac{d}{dR}P(E,r,R) \rightarrow (-2) \cdot \frac{E^2}{(r+R)^3} \cdot R + \frac{E^2}{(r+R)^2}$$

Рис. 2.24

Для решения нелинейного уравнения воспользуемся процедурой solve, доступной на символьной панели (рис. 2.25). Слева от ключевого слова solve записывается выражение, а справа – переменная.

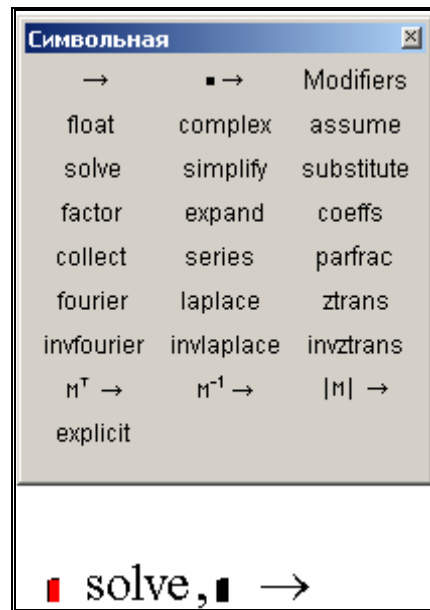


Рис. 2.25

В выражении для нелинейного уравнения необходимо применить знак «логическое равно», взятое с логической панели (рис. 2.26) или с помощью сочетание клавиш <Ctrl> + <=>.

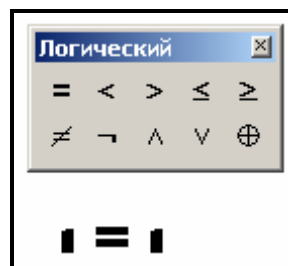


Рис. 2.26

Окончательно аналитическое решение выглядит так, как показано на рис. 2.27, то есть при равенстве сопротивления нагрузки и сопротивления генератора на нагрузке выделяется наибольшая мощность.

$$-2 \cdot \frac{E^2}{(r + R)^3} \cdot R + \frac{E^2}{(r + R)^2} = 0 \text{ solve, } R \rightarrow r$$

Рис. 2.27

Рассмотрим численное решение данной задачи. Пусть ЭДС генератора составляет 10 В, а сопротивление генератора – 400 Ом. После объявления функции $P(E,r,R)$ (рис. 2.22) можно построить её график (рис. 2.28), из которого можно определить, что при $R=r=400$ Ом функция имеет максимум, а это есть графическое решение задачи.

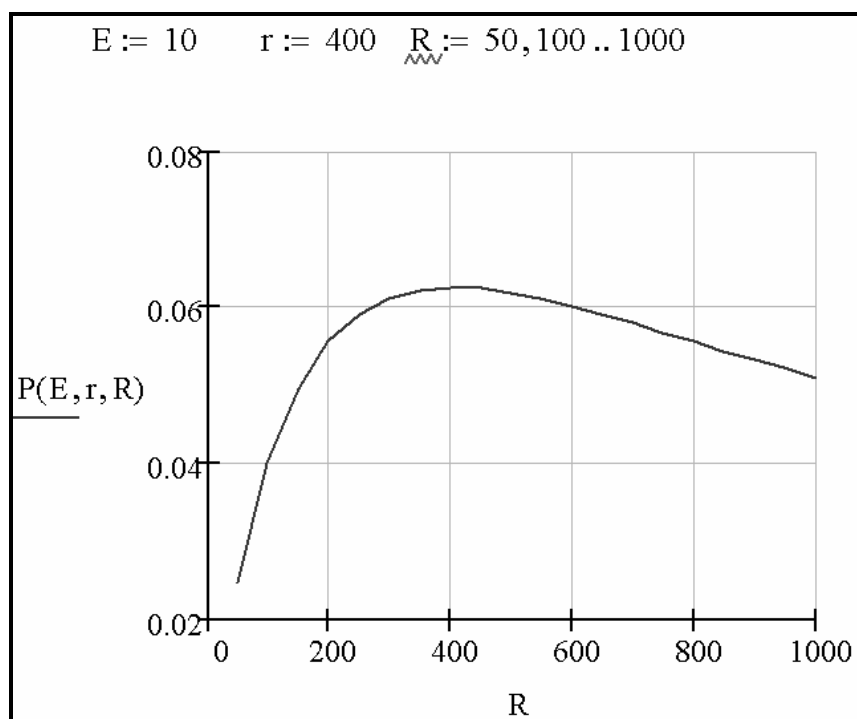


Рис. 2.28

Для численного решения задачи встроенной процедурой Minerr новой переменной R2 присвоим начальное приближение 300 Ом (рис. 2.29). Начальное приближение взято из графика (рис. 2.28) и может быть как больше, так и меньше 400 – приближённого графического решения. Затем пишется ключевое слово Given, после которого следует

нелинейное уравнение с правой частью, отличной от нуля и выражение для искомой величины Ropt.

<pre> R2 := 300 Given E² --- (r + R2)² · R2 = 0.8 Ropt := Minerr(R2) Ropt = 400 </pre>
--

Рис. 2.29

В данной главе на простом примере показано, что MathCAD может решать задачи оптимизации, как в аналитическом, так и в численном виде.

ГЛАВА 6. СИСТЕМЫ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ

Многие задачи на расчёт линейных электрических цепей постоянного и переменного тока легко и быстро решаются с применением MathCAD, однако пользователь должен уметь грамотно и безошибочно составлять системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Пакет MathCAD позволяет решать системы линейных алгебраических уравнений практически неограниченной размерности всеми известными в настоящее время способами.

Запишем систему n линейных алгебраических уравнений с n неизвестными

$$\begin{aligned}
 a_{11} \cdot x_1 + a_{12} \cdot x_2 + \dots + a_{1n} \cdot x_n &= b_1, \\
 a_{21} \cdot x_1 + a_{22} \cdot x_2 + \dots + a_{2n} \cdot x_n &= b_2, \\
 &\dots\dots\dots \\
 a_{n1} \cdot x_1 + a_{n2} \cdot x_2 + \dots + a_{nn} \cdot x_n &= b_n.
 \end{aligned}$$

Совокупность коэффициентов этой системы запишем в виде *матрицы коэффициентов*:

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

Система уравнений с учётом матрицы A запишется в виде

$$A \cdot X = B,$$

где X и B – вектор-столбец неизвестных и вектор-столбец правых частей соответственно:

$$X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \dots \\ b_n \end{bmatrix}.$$

Методы решения СЛАУ делятся на прямые и итерационные. *Прямые методы* используют конечные соотношения (формулы) для вычисления неизвестных. К прямым методам решения СЛАУ относятся метод Гаусса, метод обратной матрицы, метод Крамера. Прямые методы используют обычно для сравнительно небольших систем ($n < 200$) с плотно заполненной матрицей и не близким к нулю определителем. *Итерационные методы* — это методы последовательных приближений. В них необходимо задать некоторое приближенное решение — *начальное приближение*. После этого с помощью некоторого алгоритма проводится один цикл вычислений, называемый *итерацией*. В результате итерации находят новое приближение. Итерации проводятся до получения решения с требуемой точностью. К итерационным методам относятся метод простых итераций, метод Якоби, метод Зейделя. Подробно с методами решения СЛАУ можно ознакомиться в литературе [1, с. 114-154], [2, с. 216-226], [3, с. 126-155], [4, с. 24-93], [5, с. 41-65], [6, с. 133-145], [7, с. 21-36, 184-220], а также в [8, с. 7-21].

Расчёт цепи постоянного тока методами обратной матрицы и Крамера

Пусть дана электрическая цепь (рис. 2.30), состоящая из трёх ветвей. Известны величины ЭДС источников и сопротивлений в каждой ветви. Необходимо определить токи, протекающие в каждой ветви.

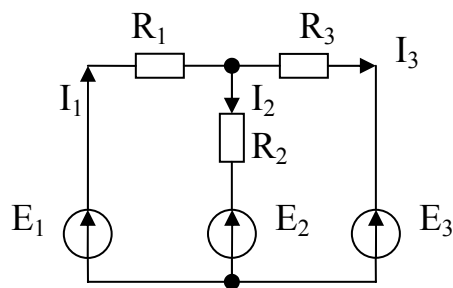


Рис. 2.30. Линейная электрическая цепь

Для трёх неизвестных токов I_1 , I_2 , I_3 составим систему из трёх уравнений согласно первому и второму законам Кирхгофа

$$\begin{cases} E_1 = I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot R_2 + E_2 \\ E_1 = I_1 \cdot R_1 + I_3 \cdot R_3 + E_3 \\ I_1 = I_2 + I_3 \end{cases}$$

и преобразуем её следующим образом

$$\begin{cases} I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot R_2 + I_3 \cdot 0 = E_1 - E_2 \\ I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot 0 + I_3 \cdot R_3 = E_1 - E_3 \\ I_1 \cdot 1 - I_2 \cdot 1 - I_3 \cdot 1 = 0 \end{cases}$$

Решение задачи по этапам в MathCAD приведено на рис. 2.31.

Этап 1:	$R1 := 10 \cdot 10^3$	$R2 := 2 \cdot 10^3$	$R3 := 5 \cdot 10^3$
	$E1 := 20$	$E2 := 2$	$E3 := 1$
		+	
Этап 2:			$M_r := \begin{pmatrix} R1 & R2 & 0 \\ R1 & 0 & R3 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$
Этап 3:			$M_e := \begin{pmatrix} E1 - E2 \\ E1 - E3 \\ 0 \end{pmatrix}$
Этап 4:			$M_i := M_r^{-1} \cdot M_e$
Этап 5:			$M_i = \begin{pmatrix} 1.6 \times 10^{-3} \\ 1 \times 10^{-3} \\ 6 \times 10^{-4} \end{pmatrix}$

Рис. 2.31

На первом этапе задаём в единицах СИ величину параметров электрической цепи - сопротивление R (Ом), ЭДС источников E (В).

На втором и третьем этапах формируем матрицы коэффициентов и свободных членов. Искомое решение на четвёртом этапе легко получить методом обратной матрицы. Здесь M_r^{-1} – обратная матрица от матрицы коэффициентов, M_i – матрица токов (матрица решений СЛАУ). Следовательно величины искомых токов составят соответственно $I_1=1.6 \cdot 10^{-3}$ А, $I_2=1 \cdot 10^{-3}$ А, $I_3=6 \cdot 10^{-3}$ А.

Проведём проверку найденных решений, используя первое уравнение СЛАУ

$$M_{i_0} \cdot R1 + M_{i_1} \cdot R2 + E2 = 20.$$

Проверка показывает правильность найденных решений.

Данная СЛАУ несложно решается в пакете MathCAD и методом Крамера.

Для решения СЛАУ методом Крамера введём три дополнительных матрицы, получаемых заменой соответствующего столбца в матрице коэффициентов на вектор-столбец правых частей (рис. 2.32).

$$\begin{array}{l}
 M1 := \begin{pmatrix} E1 - E2 & R2 & 0 \\ E1 - E3 & 0 & R3 \\ 0 & -1 & -1 \end{pmatrix} \\
 M2 := \begin{pmatrix} R1 & E1 - E2 & 0 \\ R1 & E1 - E3 & R3 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix} \\
 M3 := \begin{pmatrix} R1 & R2 & E1 - E2 \\ R1 & 0 & E1 - E3 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

Рис. 2.32

Решение системы методом Крамера J_1, J_2, J_3 определяется как отношение соответствующих частных определителей (от матриц M_1, M_2, M_3) к полному определителю (от матрицы M_R) (рис. 2.33).

$J_1 := \frac{ M1 }{ Mr }$	$J_2 := \frac{ M2 }{ Mr }$	$J_3 := \frac{ M3 }{ Mr }$
$J_1 = 1.6 \times 10^{-3}$	$J_2 = 1 \times 10^{-3}$	$J_3 = 6 \times 10^{-4}$

Рис. 2.33

Как видим решения J_1 , J_2 , J_3 , полученные методом Крамера совпадают с решениями, полученными методом обратной матрицы.

Для студентов, желающих самостоятельно решить вышеприведённую систему в пакете MathCAD методами Гаусса, Якоби и Зейделя, рекомендуем обратиться к [8, с. 16-18].

СЛАУ, описывающая цепь переменного тока, решается аналогично, ответ получается в комплексном виде.

ГЛАВА 7. ГРАФИЧЕСКОЕ И ЧИСЛЕННОЕ РЕШЕНИЕ СИСТЕМЫ НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

Системы нелинейных уравнений важны при решении многих задач электротехники. Существует графический и численные способы решения систем нелинейных уравнений. Рассмотрим пример решения типовой задачи.

§1. Графическое определение рабочей точки по внешней характеристике асинхронного двигателя и нагрузочной характеристике турбомеханизма

Пусть имеется асинхронный двигатель (АД), приводящий во вращение турбомеханизм (ТМ). К турбомеханизмам относятся насосы, вентиляторы, компрессоры. Необходимо определить по внешней характеристике асинхронного двигателя и нагрузочной характеристике турбомеханизма параметры рабочей точки: электромагнитный момент АД и скорость вала ТМ. Вводим в MathCAD исходные данные АД в единицах СИ (рис. 2.34): R_1 – сопротивление статора, x_k – индуктивное сопротивление короткого замыкания, $R_{p2\Sigma}$ – приведённое к статору сопротивление ротора, U_ϕ – фазное напряжение АД, f – частота сети, p – число пар полюсов.

$R_1 := 2$	$x_k := 5$	$R_{p2\Sigma} := 0.5$
$U_\phi := 220$	$f := 50$	$p := 2$

Рис. 2.34

Определим критическое скольжение АД (рис. 2.35).

$$s_k := \frac{R_{p2\Sigma}}{\sqrt{R_1^2 + x_k^2}}$$

Рис. 2.35

Определим синхронную скорость АД (рис. 2.36).

$$\omega_0 := \frac{2 \cdot \pi \cdot f}{p}$$

Рис. 2.36

Определим относительный омический коэффициент АД (рис. 2.37).

$$a := \frac{R_1}{R_{p2\Sigma}}$$

Рис. 2.37

Определим критический момент АД (рис. 2.38).

$$M_k := \frac{3 \cdot U_\phi^2}{2 \cdot \omega_0 \cdot \left(R_1 + \sqrt{R_1^2 + x_k^2} \right)}$$

$M_k = 62.583$

Рис. 2.38

Зададим параметры ТМ (рис. 2.39): $\omega_{\text{сmax}}$ – максимальную скорость ТМ, $M_{\text{сmax}}$ – максимально допустимый момент ТМ.

$$\omega_{\text{сmax}} := 2 \cdot \omega_0 \quad M_{\text{сmax}} := 1.5 \cdot Mk$$

Рис. 2.39

Зададим скольжение АД как функцию скорости вала (рис. 2.40).

$$s(\omega) := \frac{\omega_0 - \omega}{\omega_0}$$

Рис. 2.40

Зададим механическую характеристику АД (рис. 2.41).

$$M_{\text{э}}(\omega) := \frac{2 \cdot Mk \cdot (1 + a \cdot sk)}{\frac{s(\omega)}{sk} + \frac{sk}{s(\omega)} + 2 \cdot a \cdot sk}$$

Рис. 2.41

Зададим механическую характеристику ТМ (рис. 2.42).

$$M_{\text{с}}(\omega) := \left(0.05 + \frac{\omega^2}{\omega_{\text{сmax}}^2} \right) \cdot M_{\text{сmax}}$$

Рис. 2.42

Построим на одном графике механическую характеристику АД и механическую характеристику ТМ (рис. 2.43). Сплошной линией показана механическая характеристика АД, пунктирной линией показана механическая характеристика ТМ. Точка пересечения этих двух кривых и есть искомая рабочая точка. Параметры искомой рабочей точки (момент и скорость АД) можно определить графически, для этого необходимо подобрать масштаб построения графика, показанного на рис. 2.43, таким, чтобы обеспечивалась заданная точность.

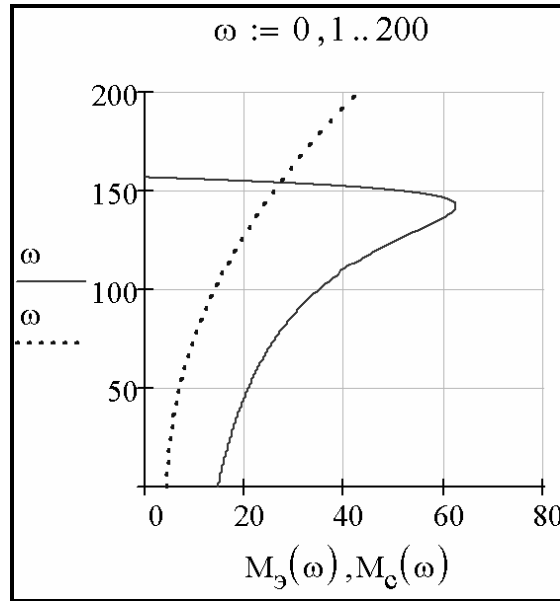


Рис. 2.43

Графическое решение задачи с точностью до целых представлено на рис. 2.44.

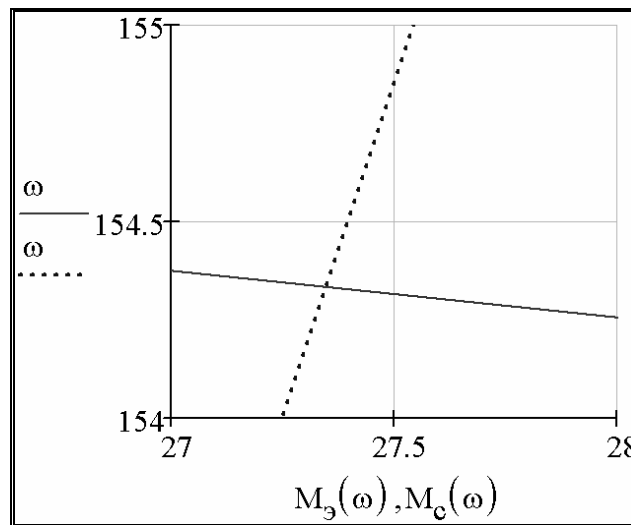


Рис. 2.44

Параметры рабочей точки следующие: $M=27$ Нм, $\omega=154$ рад/с.

§2. Определение параметров рабочей точки по внешней характеристике асинхронного двигателя и нагрузочной характеристике турбомеханизма встроенными средствами MathCAD

На основе решения задачи, приведённого в предыдущем параграфе, покажем определение параметров рабочей точки встроенными средствами MathCAD.

Введём разностную функцию (рис. 2.45),

$$f1(\omega) := M_э(\omega) - M_c(\omega)$$

Рис. 2.45

график которой представлен на рис. 2.46.

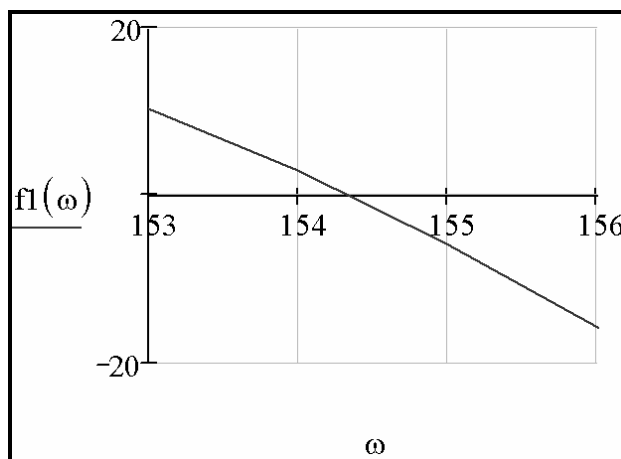


Рис. 2.46

Разностная функция пересекает ось абсцисс при такой величине ω , которая соответствует искомой. Задача сводится к решению нелинейного уравнения в окрестности точки $\omega=154$ рад/с, определённой в предыдущем параграфе.

Покажем три способа решения.

Первый способ представлен на рис. 2.47. Вводим начальное приближение $\omega_1=154$ рад/с по данным графического решения. Вызываем функцию `root`. В качестве переменных этой функции указываем разностную функцию $f1(\omega_1)$ и переменную ω_1 . Функция возвращает ответ $\omega=154.351$ рад/с.


```
ω1 := 154
root(f1(ω1), ω1) = 154.351
```

Рис. 2.47

Второй способ представлен на рис. 2.48. Вводим начальное приближение $\omega_2=154$ рад/с по данным графического решения. Вводим ключевое слово Given. Вводим нелинейное уравнение. Переменной w_1 присваиваем результат вычисления функции find. В качестве переменной этой функции указываем переменную ω_2 . Полученный ответ $w_1=154.351$ рад/с совпадает с ответом, полученным с помощью первого способа.

```
ω2 := 154
Given
f1(ω2) = 0
w1 := Find(ω2)
w1 = 154.351
```

Рис. 2.48

Третий способ представлен на рис. 2.49. Для решения задачи выбран метод дихотомии – метод половинного деления отрезка, на котором ведётся поиск. На первом этапе задаются концы отрезка: $\omega_{\min}=154$ рад/с – начало, $\omega_{\max}=155$ рад/с – конец, что соответствует данным, полученным при графическом решении (рис. 2.44). Задаём функцию $f\omega(\Delta)$, где Δ – точность ответа, с применением элементов программирования, встроенных в MathCAD, доступных для пользователя (см. панель 4, рис. 2.1). В теле программы используются кнопки Add Line (добавить строку программы), \leftarrow (локальное определение), while (цикл с условием продолжения), логическое «больше или равно», if (условный оператор), otherwise (оператор «иначе»), функция знака sign(x) (равна 1, если число x положительное, -1 – если x отрицательное и 0, если x=0). Нетрудно проследить работу представленной программы. Чем выше требуется точность ответа, тем больше итераций потребуется для решения задачи. При $\Delta=0.01$ в ответе получим $\omega=154.351$ рад/с.

```

 $\omega_{\min} := 154$        $\omega_{\max} := 155$ 

 $f_{\omega}(\Delta) :=$ 
   $\left| \begin{array}{l} \min \leftarrow \omega_{\min} \\ \max \leftarrow \omega_{\max} \\ \text{while } |\max - \min| \geq \Delta \\ \quad \left| \begin{array}{l} \Omega \leftarrow \frac{\min + \max}{2} \\ \min \leftarrow \Omega \text{ if } \text{sign}(f_1(\min)) = \text{sign}(f_1(\Omega)) \\ \max \leftarrow \Omega \text{ otherwise} \end{array} \right. \\ \quad \Omega \end{array} \right.$ 

 $f_{\omega}(0.01) = 154.352$        $f_{\omega}(0.001) = 154.351$ 

```

Рис. 2.49

Подставив $\omega=154.351$ рад/с, найденное одним из вышеописанных способов, в выражение для механической характеристики АД (рис. 2.41), получим вторую искомую координату $M_{\omega}=27.355$ Нм (рис. 2.50).

$$M_{\omega}(154.351) = 27.355$$

Рис. 2.50

В данной главе на примере решения типовой задачи показана возможность автоматизации расчётов с применением MathCAD.

ГЛАВА 8. ПРЯМОЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ЛАПЛАСА И ОПЕРАТОРНЫЕ ПЕРЕДАТОЧНЫЕ ФУНКЦИИ

Операционное исчисление широко применяется для решения задач электротехники.

Существует множество преобразований, используемых математиками: преобразования Лапласа, Карсона, Фурье и другие. Все они имеют свои достоинства и недостатки, но преобразование Лапласа получи-

ло наибольшее распространение – MathCAD имеет встроенную поддержку данного преобразования (рис. 2.51).

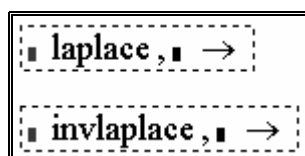


Рис. 2.51

Более подробно применение операционного исчисления для решения линейных дифференциальных уравнений и систем можно рассмотреть в [14].

Рассмотрим подробно вывод операторной передаточной функции однозвенного LC-фильтра низких частот (ФНЧ) (рис. 2.52).

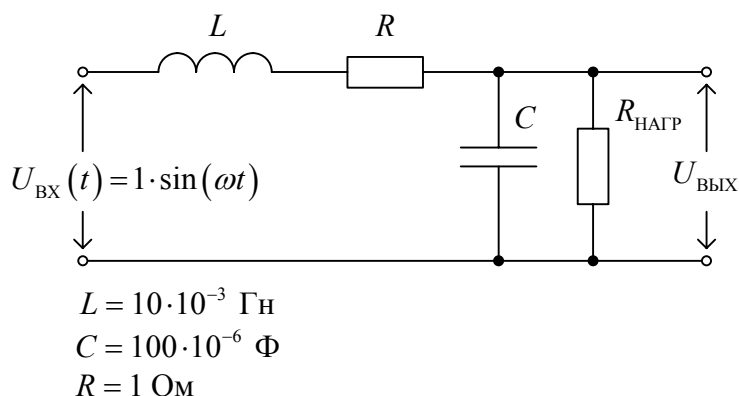


Рис. 2.52

На первом этапе необходимо составить систему дифференциальных уравнений, описывающих состояние ФНЧ. На вход ФНЧ подаётся гармонический сигнал. Будем использовать следующие обозначения переменных:

- $U_{ВХ}(t)$ - входное напряжение,
- $U_{ВЫХ}(t)$ - выходное напряжение,
- $i_L(t)$ - ток катушки индуктивности,
- $i_C(t)$ - ток конденсатора,
- $i_H(t)$ - ток нагрузки.

По второму закону Кирхгофа входное напряжение уравнивается как

$$U_{BX}(t) = L \frac{di_L(t)}{dt} + i_L(t) \cdot R + U_{BЫX}(t). \quad (2.7)$$

Согласно первому закону Кирхгофа ток катушки индуктивности i_L расщепляется на ток конденсатора i_C и ток нагрузки i_H

$$i_L(t) = i_C(t) + i_H(t). \quad (2.8)$$

Известно, что ток конденсатора определяется как

$$i_C(t) = C \frac{dU_{BЫX}(t)}{dt}, \quad (2.9)$$

а ток нагрузки по закону Ома выразим как

$$i_H(t) = \frac{U_{BЫX}(t)}{R_{НАГР}}. \quad (2.10)$$

Система дифференциальных уравнений, описывающих состояние ФНЧ с учётом 2.7-2.10, выглядит следующим образом

$$\begin{cases} U_{BX}(t) = L \frac{di_L(t)}{dt} + i_L(t) \cdot R + U_{BЫX}(t) \\ i_L(t) = C \frac{dU_{BЫX}(t)}{dt} + \frac{U_{BЫX}(t)}{R_{НАГР}}. \end{cases} \quad (2.11)$$

Применим к выражению 2.11 прямое преобразование Лапласа и получим систему алгебраических уравнений в изображениях и проведём алгебраические преобразования

$$\begin{cases} U_{BX}(s) = (L \cdot s + R) \cdot i_L(s) + U_{BЫX}(s) \\ i_L(s) = \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{НАГР}} \right) \cdot U_{BЫX}(s), \end{cases} \quad (2.12)$$

где s – оператор Лапласа.

Подставим второе уравнение системы (2.12) в первое и проведём алгебраические преобразования

$$U_{BX}(s) = (L \cdot s + R) \cdot \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{НАГР}} \right) \cdot U_{BЫX}(s) + U_{BЫX}(s), \quad (2.13)$$

$$U_{BX}(s) = \left((L \cdot s + R) \cdot \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{НАГР}} \right) + 1 \right) \cdot U_{BЫX}(s).$$

Операторной передаточной функцией ФНЧ $W(s)$ называется отношение изображение выходного сигнала $U_{BЫX}(s)$ ко входному $U_{BX}(s)$

$$W(s) = \frac{U_{BЫX}(s)}{U_{BX}(s)}. \quad (2.14)$$

С учётом 2.14 и 2.13 запишем выражение для операторной передаточной функции ФНЧ

$$W(s) = \frac{1}{(L \cdot s + R) \cdot \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{\text{НАГР}}} \right) + 1}. \quad (2.15)$$

ГЛАВА 9. ОБРАТНОЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ЛАПЛАСА И ПЕРЕХОДНЫЕ ФУНКЦИИ

Рассмотрим задачу получения и анализа импульсных переходных характеристик однозвенного нагруженного Г-образного LC -фильтра низких частот (ФНЧ).

Пусть ФНЧ коммутируют на источник постоянного тока $U_{\text{ВХ}}$ при трёх значениях сопротивления нагрузки: $10 \cdot R$ (нагруженный режим), $100 \cdot R$ (нормальный режим), $1000 \cdot R$ (ненагруженный режим) (рис 2.53). Необходимо с применением обратного преобразования Лапласа получить импульсные переходные характеристики для всех значений сопротивления нагрузки, определить время переходного процесса и перерегулирование. Результаты внести в таблицу.

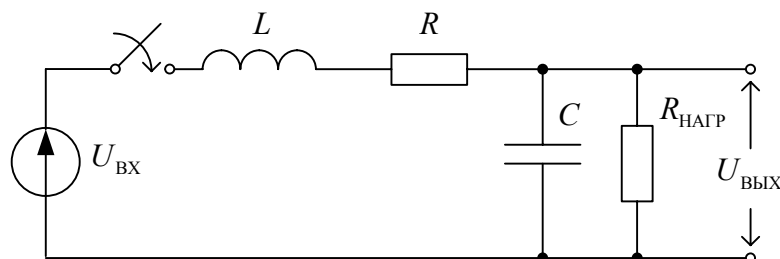


Рис. 2.53

Вводим в MathCAD исходные данные (рис. 2.54).

$L := 10 \cdot 10^{-3}$	$C := 100 \cdot 10^{-6}$	$R := 1$
$U_{\text{ВХ}} := 1$	$R_{\text{нагр1}} := 1000$	$R_{\text{нагр2}} := 100$
		$R_{\text{нагр3}} := 10$

Рис. 2.54

С учётом (2.15) запишем выражение для выходного напряжения ФНЧ в операторной форме

$$U_{\text{ВЫХ}}(s) = \frac{U_{\text{ВХ}}}{s} \cdot \frac{1}{(L \cdot s + R) \cdot \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{\text{НАГР}}} \right) + 1}, \quad (2.16)$$

где $\frac{U_{\text{ВХ}}}{s}$ – операторная форма входного напряжения, прикладываемого ступенчато при коммутации ключа (рис. 2.53).

Упростим в MathCAD выражение (2.16) с применением оператора упрощения выражений `simplify` для $R_{\text{НАГР1}} = 1000 \cdot R$ (рис. 2.55).

$$\frac{U_{\text{ВХ}}}{s} \cdot \frac{1}{1 + (L \cdot s + R) \cdot \left(C \cdot s + \frac{1}{R_{\text{НАГР1}}} \right) + 1} \xrightarrow{\text{simplify}} \frac{1000000}{s \cdot (1001000 + s^2 + 110 \cdot s)}$$

Рис. 2.55

К выражению, полученному в результате упрощения, применим обратное преобразование Лапласа с учётом нулевых начальных условий (до коммутации токи и напряжения ФНЧ равны нулю) (рис. 2.56).

$$\frac{1000000}{s \cdot (1001000 + s^2 + 110 \cdot s)} \xrightarrow{\text{invlaplace, s}}$$

Рис. 2.56

Получаем переходную функцию ФНЧ в ненагруженном режиме

$$h1(t) = \frac{1000}{1001} - \frac{1000}{1001} \cdot \exp(-55 \cdot t) \cdot \cos(5 \cdot \sqrt{39919} \cdot t) - \frac{1000}{3632629} \cdot \exp(-55 \cdot t) \cdot \sqrt{39919} \cdot \sin(5 \cdot \sqrt{39919} \cdot t) \quad (2.17)$$

и вводим её в MathCAD. Напомним, что операция присвоения в MathCAD производится как `:=`.

Аналогично получим в MathCAD переходные функции ФНЧ:

$h2(t)$ – в нормальном ($R_{\text{НАГР2}} = 100 \cdot R$) и

$h3(t)$ – в нагруженном режимах (рис. 2.57).

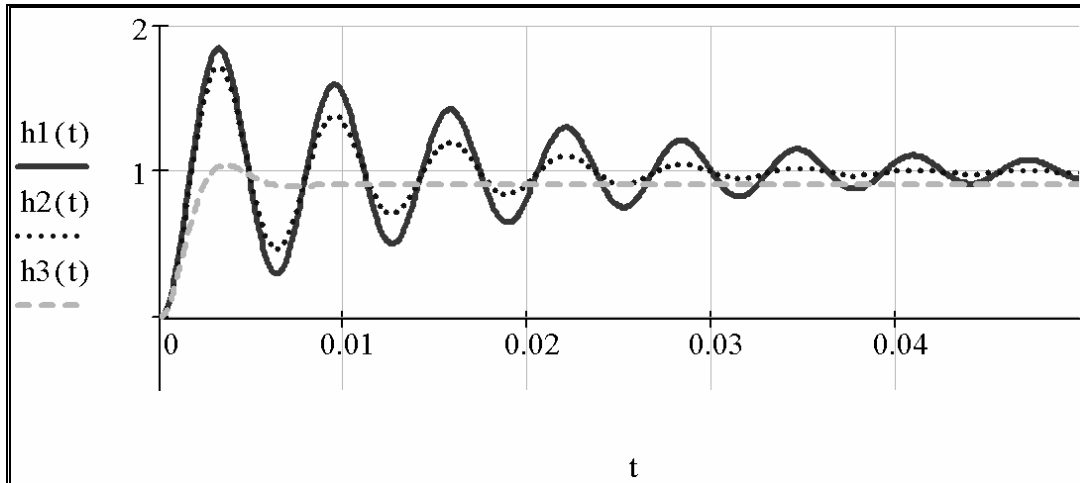


Рис. 2.57

Как видно из рис. 2.57 переходные процессы имеют колебательный характер с перерегулированием и стремятся при $t \rightarrow \infty$ к установившимся значениям $h1(\infty) \approx h1(100)$, $h2(\infty) \approx h2(100)$, $h3(\infty) \approx h3(100)$. Переходный процесс $h1(t)$ заканчивается, если $h1(t) \leq 1.05 \cdot h1(\infty)$ и $h1(t) \geq 0.95 \cdot h1(\infty)$, или, по-другому, $h1(t)$ последний раз входит в зону допустимых отклонений $h1(\infty) \pm 0.05 \cdot h1(\infty)$. Время переходного процесса в MathCAD можно определить графически и численно. Переходный процесс $h1(t)$ последний раз пересекает нижнюю границу зоны допустимых отклонений при 0.051 с (рис. 2.58), верхнюю – при 0.054 с (рис. 2.59), следовательно, $t_{\text{III}} = 0.054$ с.

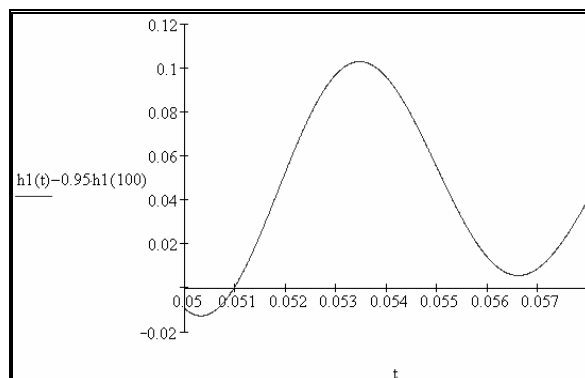


Рис. 2.58

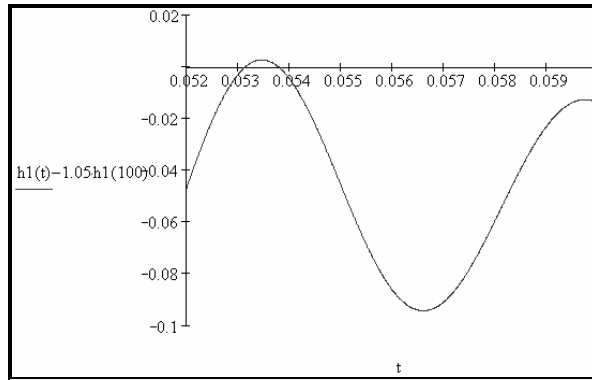


Рис. 2.59

Аналогично в MathCAD определяем:

– для $h2(t)$ время переходного процесса $t_{\text{ПП2}} = 0.029$ с и

– для $h3(t)$ время переходного процесса $t_{\text{ПП3}} = 0.005$ с.

Перерегулирование для переходной характеристики $h1(t)$ определим как

$$\Delta h1 = \frac{h1(tm1) - h1(\infty)}{h1(\infty)} \cdot 100\% \approx \frac{h1(tm1) - h1(100)}{h1(100)} \cdot 100\%, \quad (2.18)$$

где $tm1$ – время достижения функцией $h1(t)$ первого максимума.

Для определения $tm1$ найдём в MathCAD производную $h1(t)$ по t (рис. 2.60).

$$\frac{d}{dt} h1(t) \rightarrow \frac{200000}{39919} \cdot \exp(-55 \cdot t) \cdot \sqrt{39919} \cdot \sin(5 \cdot \sqrt{39919} \cdot t)$$

Рис. 2.60

Объявим функцию $dh1(t)$ (рис. 2.61).

$$dh1(t) := \frac{200000}{39919} \cdot \exp(-55 \cdot t) \cdot \sqrt{39919} \cdot \sin(5 \cdot \sqrt{39919} \cdot t)$$

Рис. 2.61

Графически определим время $tt1 = 0.00314$ с, что соответствует $tm1$ в первом приближении (рис. 2.62).

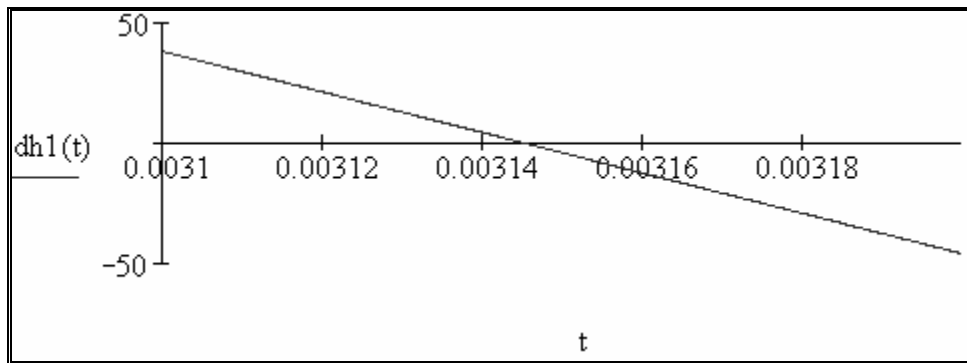


Рис. 2.62

Используя процедуру find и учитывая (2.18) определяем, что перерегулирование переходной функции $h1(t)$ составит $\Delta h1 = 84.117\%$ (рис. 2.63).

```

tt1 := 0.00314

Given
dh1(tt1) = 0

tm1 := Find(tt1)

tm1 = 3.145 × 10-3

# ----- · 100 = 84.117


```

Рис. 2.63

Аналогично в MathCAD определяем:

- для $h2(t)$ перерегулирование $\Delta h2 = 73.04\%$ и
- для $h3(t)$ перерегулирование $\Delta h3 = 13.04\%$.

Полученные в данной главе результаты внесём в табл. 2.1.

Таблица 2.1

Показатель	Сопротивление нагрузки		
	$R_{НАГР1} = 1000 \cdot R$	$R_{НАГР2} = 100 \cdot R$	$R_{НАГР3} = 10 \cdot R$
Время переходного процесса	$t_{III1} = 0.054$ с	$t_{III2} = 0.029$ с	$t_{III3} = 0.005$ с
Перерегулирование	$\Delta h1 = 84.117\%$	$\Delta h2 = 73.04\%$	$\Delta h3 = 13.04\%$

Как видно из табл. 2.1, с увеличением загруженности ФНЧ уменьшается время переходного процесса и перерегулирование.

ГЛАВА 10. ПОСТРОЕНИЕ И АНАЛИЗ ЧАСТОТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК В MATHCAD

Рассмотрим задачу получения и анализа частотных характеристик однозвенного нагруженного Г-образного LC-фильтра низких частот (рис. 2.52) с применением MathCAD.

В главе 8 выведено выражение (2.15) для операторной передаточной функции ФНЧ. Пусть ω – частота входного сигнала (напряжения) ФНЧ, а j – мнимая единица. Заменяем в (2.15) оператор Лапласа s на комплексную переменную $j \cdot \omega$

$$W(j \cdot \omega) = \frac{1}{(L \cdot j \cdot \omega + R) \cdot \left(C \cdot j \cdot \omega + \frac{1}{R_{НАГР}} \right) + 1}. \quad (2.19)$$

Преобразуем знаменатель выражения (2.19), выделив действительную и мнимую части

$$W(j \cdot \omega) = \frac{1}{1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{НАГР}} + j \cdot \omega \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{НАГР}} \right)}. \quad (2.20)$$

Напомним, что в математике известна процедура избавления от мнимой единицы в знаменателе выражения

$$\frac{1}{a + j \cdot b} \cdot \frac{a - j \cdot b}{a - j \cdot b} = \frac{a - j \cdot b}{a^2 + b^2} = \frac{a}{a^2 + b^2} - j \cdot \frac{b}{a^2 + b^2}. \quad (2.21)$$

Приняв

$$a = 1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{НАГР}} \quad (2.22)$$

и

$$b = \omega \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right), \quad (2.23)$$

и, учитывая (2.20) можно записать выражение для комплексной частотной характеристики ФНЧ

$$W(j \cdot \omega) = \frac{1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}}}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2} -$$

$$- j \cdot \frac{\omega \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2} =$$

$$= P(\omega) + j \cdot Q(\omega) = A(\omega) \cdot e^{j \cdot \varphi(\omega)},$$

где

$$P(\omega) = \frac{1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}}}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2} -$$

– вещественно-частотная характеристика (ВЧХ) ФНЧ,

$$Q(\omega) = - \frac{\omega \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{НАГР}}} \right)^2} -$$

– мнимо-частотная характеристика (МЧХ) ФНЧ,

$$A(\omega) = |W(j \cdot \omega)| = \sqrt{P(\omega)^2 + Q(\omega)^2} -$$

– амплитудно-частотная характеристика (АЧХ) ФНЧ,

$$\varphi(\omega) = \arg W(j \cdot \omega) = \arctg \frac{Q(\omega)}{P(\omega)} -$$

– фазо-частотная характеристика (ФЧХ) ФНЧ.

Вектор (2.24) на комплексной плоскости частотных характеристик можно описать либо с помощью пары $P(\omega)$ и $Q(\omega)$, либо с помощью

$A(\omega)$ и $\varphi(\omega)$. Наибольший интерес с практической точки зрения представляют $A(\omega)$ и $\varphi(\omega)$.

Введём исходные данные в MathCAD (рис. 2.64).

$L := 10 \cdot 10^{-3}$	$C := 100 \cdot 10^{-6}$	$R := 1$
$R_{\text{нагр}1} := 1000$	$R_{\text{нагр}2} := 100$	$R_{\text{нагр}3} := 10$

Рис. 2.64

Введём функции (2.25-2.28) в MathCAD (рис. 2.65).

$P(\omega, R_{\text{нагр}}) := \frac{1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{нагр}}}}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{нагр}}}\right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{нагр}}}\right)^2}$
$Q(\omega, R_{\text{нагр}}) := \frac{-1 \cdot \omega \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{нагр}}}\right)}{\left(1 - L \cdot C \cdot \omega^2 + \frac{R}{R_{\text{нагр}}}\right)^2 + \omega^2 \cdot \left(R \cdot C + \frac{L}{R_{\text{нагр}}}\right)^2}$
$A(\omega, R_{\text{нагр}}) := \sqrt{P(\omega, R_{\text{нагр}})^2 + Q(\omega, R_{\text{нагр}})^2}$
$\phi(\omega, R_{\text{нагр}}) := \text{atan}\left(\frac{Q(\omega, R_{\text{нагр}})}{P(\omega, R_{\text{нагр}})}\right)$

Рис. 2.65

Для нахождения резонансной частоты ФНЧ необходимо АЧХ продифференцировать по частоте ω и ввести результат соответствующую функцию (рис. 2.66).

$dA1(\omega, R_{\text{нагр}}) := \frac{d}{d\omega} A(\omega, R_{\text{нагр}}) \rightarrow$
--

Рис. 2.66

Приравняем производную к нулю и решим нелинейное уравнение с помощью процедуры solve (рис. 2.67).

$$dA1(\omega, R_{\text{нагр}}) = 0 \text{ solve, } \omega \rightarrow \begin{bmatrix} 0 \\ 50 \cdot \frac{(398 \cdot R_{\text{нагр}}^2 - 20000)^{\left(\frac{1}{2}\right)}}{R_{\text{нагр}}} \\ -50 \cdot \frac{(398 \cdot R_{\text{нагр}}^2 - 20000)^{\left(\frac{1}{2}\right)}}{R_{\text{нагр}}} \end{bmatrix}$$

Рис. 2.67

Отбросим первый и третий полученные корни, а второй корень представим в виде функции, затем определим резонансные частоты при трёх значениях сопротивления нагрузки (рис. 2.68).

$$\omega_0(R_{\text{нагр}}) := 50 \cdot \frac{(398 \cdot R_{\text{нагр}}^2 - 20000)^{\left(\frac{1}{2}\right)}}{R_{\text{нагр}}}$$

$$\omega_0(R_{\text{нагр}1}) = 997.472 \quad \omega_0(R_{\text{нагр}2}) = 994.987 \quad \omega_0(R_{\text{нагр}3}) = 703.562$$

Рис. 2.68

Амплитудно-частотные характеристики ФНЧ при разных сопротивлениях нагрузки представлены на рис. 2.69.

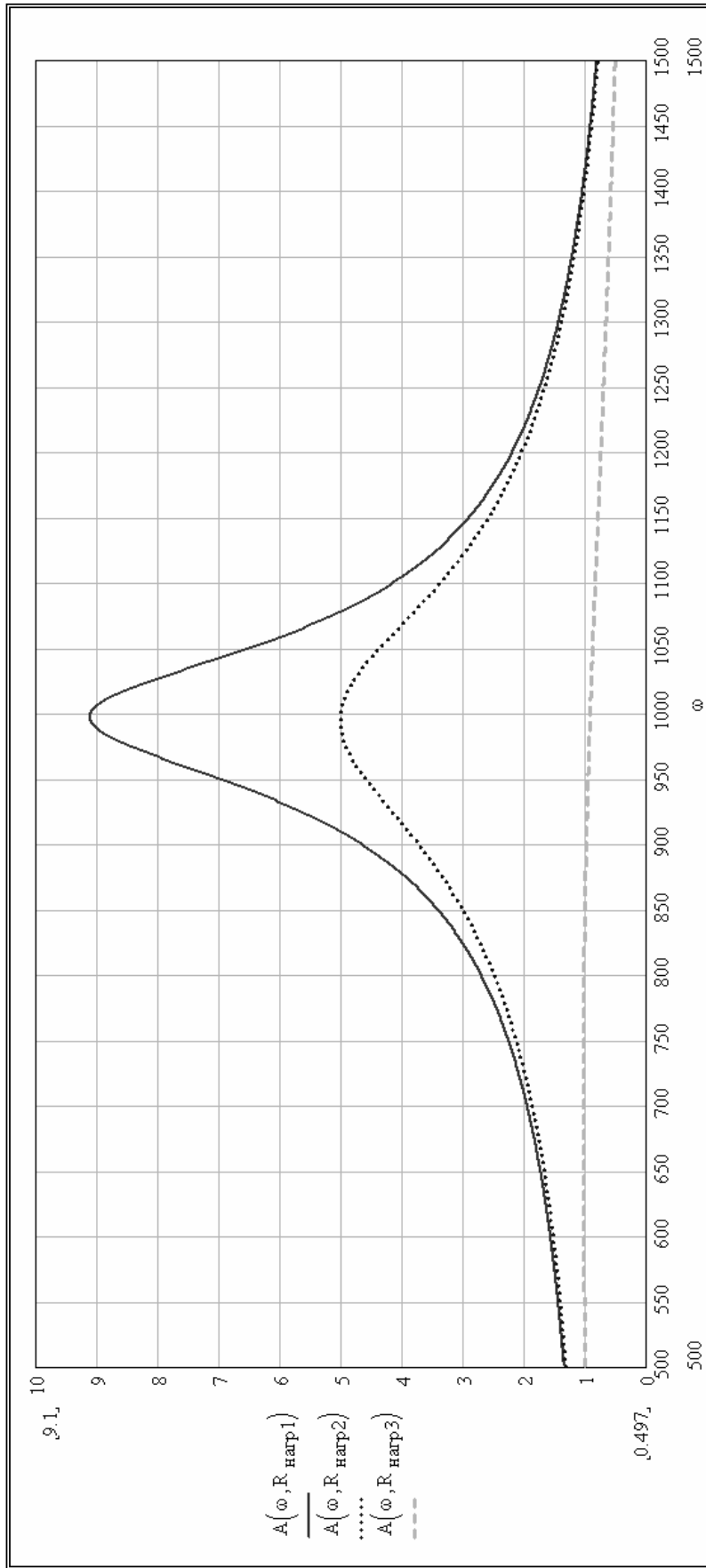


Рис. 2.69

Резонансная частота ФНЧ нелинейно зависит от сопротивления нагрузки (рис. 2.70).

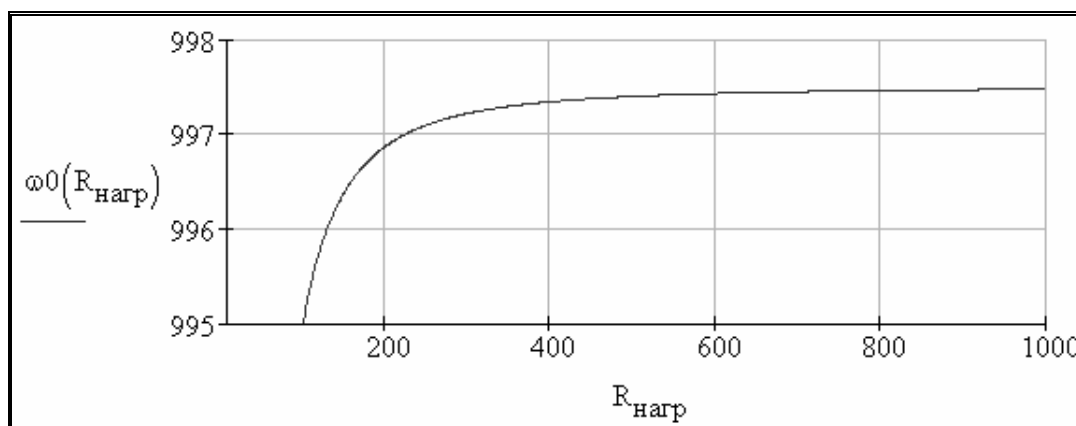


Рис. 2.70

Фазо-частотные характеристики ФНЧ при разных сопротивлениях нагрузки представлены на рис. 2.71.

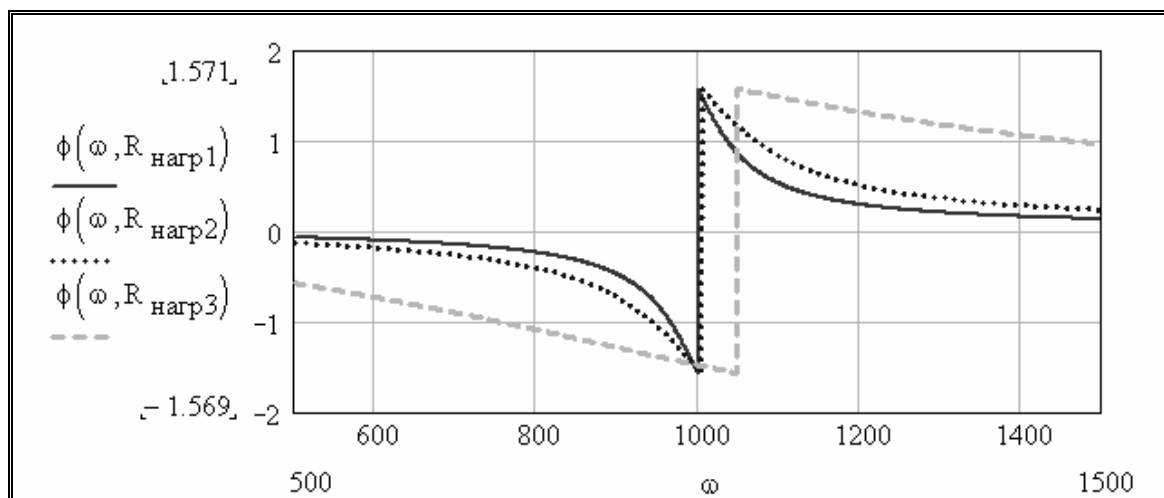


Рис. 2.71

Если повышать частоту входного сигнала ФНЧ начиная от резонансной, то амплитуда выходного напряжения при некоторой частоте снизится в $\sqrt{2}$ раз по сравнению с амплитудой при частоте, стремящейся к нулю. Такая частота определяет полосу пропускания ФНЧ. Определим полосу пропускания ФНЧ при ненагруженном режиме, решив нелинейное уравнение с помощью процедур solve. Результат представим в

формате float (с плавающей точкой), взяв первые 6 значащих цифр результата (рис. 2.72).

$$\frac{A(0, R_{\text{нагр1}})}{\sqrt{2}} - A(\infty, R_{\text{нагр1}}) = 0 \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve, } \infty \\ \text{float, 6} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 1551.23 \\ -1551.23 \\ 645.295 \cdot i \\ -645.295 \cdot i \end{pmatrix}$$

Рис. 2.72

Истинным решением будет первый корень, так как он является действительным положительным числом.

Найдём полосы пропускания ФНЧ при втором и третьем сопротивлениях нагрузки (рис. 2.73).

$$\frac{A(0, R_{\text{нагр2}})}{\sqrt{2}} - A(\infty, R_{\text{нагр2}}) = 0 \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve, } \infty \\ \text{float, 6} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 1550.57 \\ -1550.57 \\ 651.368 \cdot i \\ -651.368 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$\frac{A(0, R_{\text{нагр3}})}{\sqrt{2}} - A(\infty, R_{\text{нагр3}}) = 0 \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve, } \infty \\ \text{float, 6} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 1304.32 \\ -1304.32 \\ 843.350 \cdot i \\ -843.350 \cdot i \end{pmatrix}$$

Рис. 2.73

Аналогично истинным решением будет в обоих случаях первый корень, так как он является действительным положительным числом.

Численные результаты расчётов в MathCAD, полученные в данной главе внесём в табл. 2.2.

Таблица 2.2

Показатель	Сопротивление нагрузки		
	$R_{\text{НАГР1}}$	$R_{\text{НАГР2}}$	$R_{\text{НАГР3}}$
Резонансная частота, ω_0 , Гц	997.472	994.987	703.562
Полоса пропускания, $\omega_{\text{ПП}}$, Гц	1551.23	1550.57	1304.32

Как видно из табл. 2.2 резонансная частота и полоса пропускания ФНЧ при увеличении загруженности фильтра смещаются в сторону низких частот.

ГЛАВА 11. РАЗЛОЖЕНИЕ В РЯД ФУРЬЕ И АНАЛИЗ СИГНАЛОВ В MATHCAD

Как известно из курсов высшей математики и ТОЭ, любую периодическую функцию можно разложить на гармонические составляющие – это составляет задачу гармонического или спектрального анализа. Обратная задача – задача гармонического синтеза состоит в генерации сигналов заданной формы методом суперпозиции гармонических сигналов разной амплитуды, фазы и частоты. MathCAD позволяет решать задачи гармонического анализа и синтеза с использованием встроенных процедур (рис. 2.74), либо непосредственно с помощью классических математических выражений.

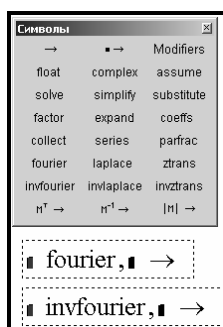


Рис. 2.74

Гармонический анализ сигналов находит применение в электротехнике, энергетике, электромеханике, электроприводе, системах управления.

Обозначим исследуемый сигнал – периодическую функцию, которую необходимо проанализировать, как $f(t)$. Заменяем функцию $f(t)$ на конечную сумму $S_n(t)$ по следующей формуле

$$S_n(t) = \frac{a_0}{2} + a_1 \cos \omega t + a_2 \cos 2\omega t + \dots + a_n \cos n\omega t + b_1 \sin \omega t + b_2 \sin 2\omega t + \dots + b_n \sin n\omega t, \quad (2.29)$$

где a_0 – постоянная составляющая,

a_1, \dots, a_n – коэффициенты синусных составляющих,

b_1, \dots, b_n – коэффициенты косинусных составляющих,

ω – частота основной гармоники,

n – количество членов разложения или количество гармоник.

Средняя квадратичная ошибка, возникающая из-за конечного количества гармоник, определим как

$$\delta^2 = \int_0^T [f(t) - S_n(t)]^2 dt. \quad (2.30)$$

где T – период повторяемости функции $f(t)$.

Коэффициент при косинусных составляющих разложения определим как

$$a_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \cos k\omega t dt. \quad (2.31)$$

Коэффициент при синусных составляющих разложения определим как

$$b_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \sin k\omega t dt. \quad (2.32)$$

§1. Гармонический анализ напряжения на выходе трёхфазного мостового выпрямителя

Пусть имеется трёхфазный мостовой выпрямитель, известный как схема Ларионова, с активной нагрузкой, подключенной к выходу (рис. 2.75).

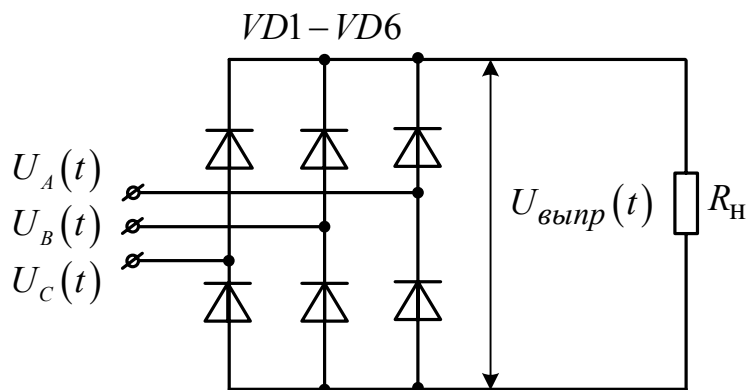


Рис. 2.75

Необходимо проанализировать гармонический состав выходного напряжения выпрямителя с применением MathCAD.

Зададим в MathCAD частоту и систему фазных напряжений стандартной промышленной трёхфазной сети (рис. 2.76).

$$\begin{aligned}
 f &:= 50 \\
 E1(t) &:= 220 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot f \cdot t) \\
 E2(t) &:= 220 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sin\left(2 \cdot \pi \cdot f \cdot t + \frac{2 \cdot \pi}{3}\right) \\
 E3(t) &:= 220 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sin\left(2 \cdot \pi \cdot f \cdot t + \frac{4 \cdot \pi}{3}\right)
 \end{aligned}$$

Рис. 2.76

Модули фазных напряжений представлены на рис. 2.77.

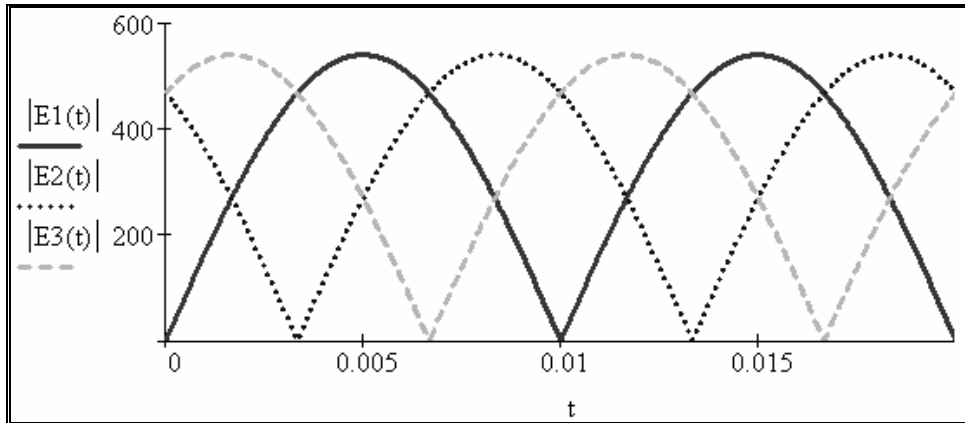


Рис. 2.77

Напряжение на выходе неуправляемого трёхфазного мостового выпрямителя зададим функцией (рис. 2.78). Как видно из рис. 2.78, выходное напряжение выпрямителя имеет значительную постоянную составляющую и незначительные по амплитуде пульсации.

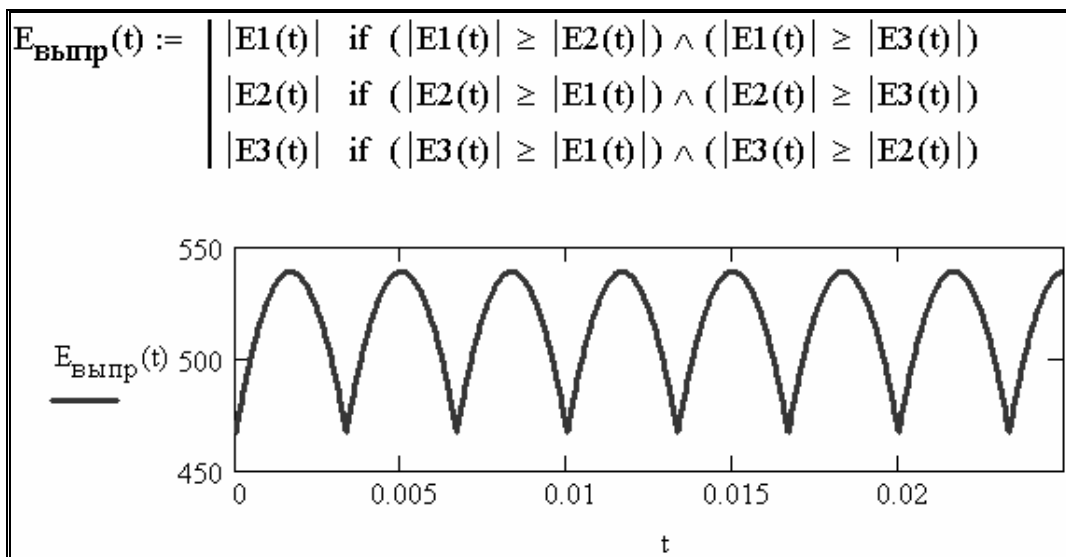


Рис. 2.78

Зададим последовательность i , как порядковый номер гармоники (рис. 2.79). Рассчитаем коэффициенты гармоник (рис. 2.80).

$$i := 1..25$$

Рис. 2.79

$$A_0 := 1 \cdot f \cdot \int_0^{\frac{1}{f}} E_{\text{выпр}}(t) dt$$

$$A_i := 2 \cdot f \cdot \int_0^{\frac{1}{f}} E_{\text{выпр}}(t) \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f \cdot i \cdot t) dt$$

$$B_i := 2 \cdot f \cdot \int_0^{\frac{1}{f}} E_{\text{выпр}}(t) \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot f \cdot i \cdot t) dt$$

Рис. 2.80

Как видно из рис. 2.81 в разложении синусные составляющие равны нулю.

$A_i =$	$B_i =$
-2.482·10 ⁻¹⁴	5.642·10 ⁻¹⁴
-2.65·10 ⁻⁷	-9.023·10 ⁻¹⁵
-7.727·10 ⁻¹⁴	6.133·10 ⁻¹⁴
-1.926·10 ⁻⁴	2.296·10 ⁻¹³
7.547·10 ⁻¹⁴	4.495·10 ⁻¹³
-29.406	2.117·10 ⁻¹³
2.178·10 ⁻¹³	-5.963·10 ⁻¹³
-0.126	7.302·10 ⁻¹⁴
-5.692·10 ⁻¹⁴	8.567·10 ⁻¹³
-2.178·10 ⁻⁴	2.622·10 ⁻¹³
-5.378·10 ⁻¹³	-3.621·10 ⁻¹³
-7.197	4.401·10 ⁻¹⁴
-5.947·10 ⁻¹³	-4.944·10 ⁻¹³
-2.895·10 ⁻⁴	3.44·10 ⁻¹²
9.49·10 ⁻¹³	9.203·10 ⁻¹³
-0.042	-6.824·10 ⁻¹³

Рис. 2.81

Представим исходную функцию гармоническим рядом с ограниченным числом гармоник (рис. 2.82) и оценим погрешность такого представления. Как видно, погрешность очень мала.

$$SE_{\text{выпр}}(t) := A_0 + \sum_{k=1}^{25} (A_k \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f \cdot k \cdot t) + B_k \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot f \cdot k \cdot t))$$

Рис. 2.82

$$\Delta\% := \frac{\int_0^{\frac{1}{f}} (|E_{\text{выпр}}(t) - SE_{\text{выпр}}(t)|)^2 dt}{\int_0^{\frac{1}{f}} (|E_{\text{выпр}}(t)|)^2 dt} \cdot 100 \quad \Delta\% = 5.544 \times 10^{-4}$$

Рис. 2.83

Исходная функция выходного напряжения выпрямителя и соответствующий конечный гармонический ряд практически совпадают во всех точках, кроме минимумов (рис. 2.84).

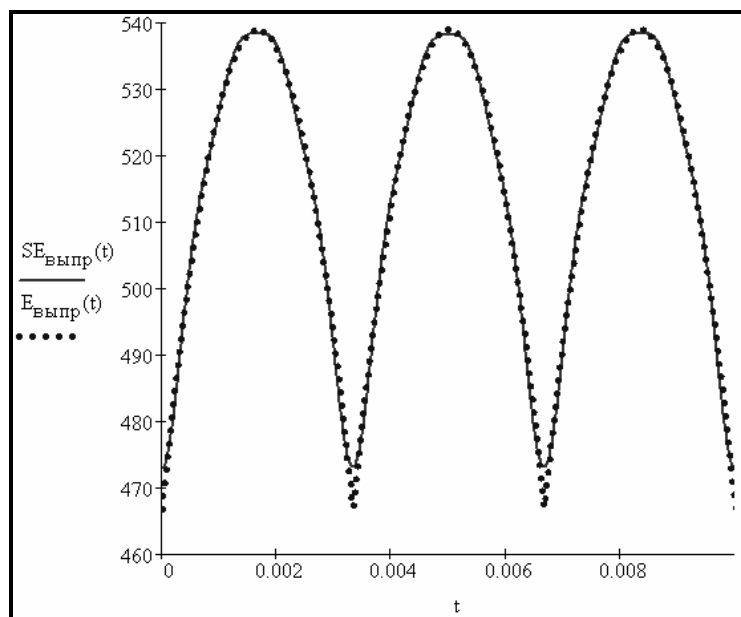


Рис. 2.84

По графическому распределению коэффициентов гармоник видно, что ненулевыми являются шестая, двенадцатая, восемнадцатая и двадцать четвёртая гармоники (рис. 2.85).

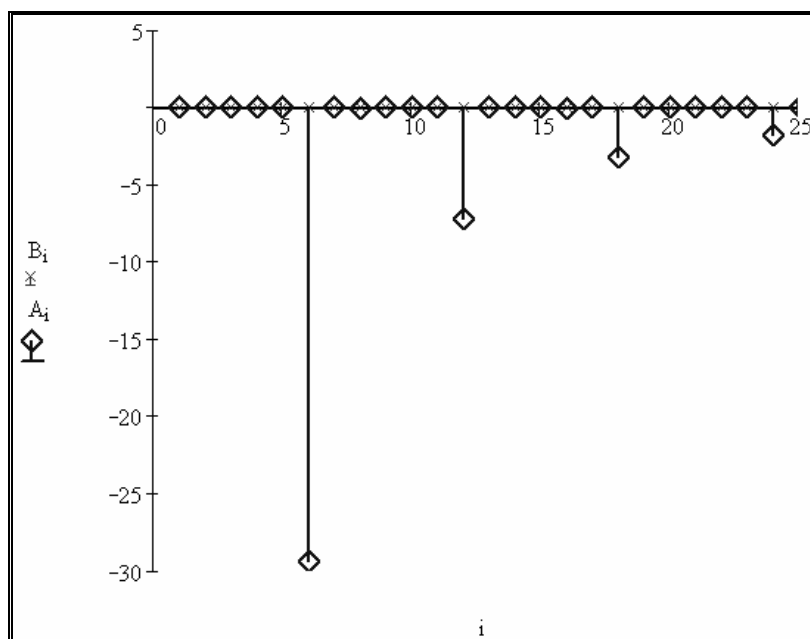


Рис. 2.85

§2. Применение гребенчатой и прямоугольной функций для гармонического анализа в MathCAD

В предыдущем параграфе рассмотрен гармонический анализ напряжения на выходе неуправляемого выпрямителя. В случае гармонического анализа выходных напряжений управляемых выпрямителей, регуляторов переменного тока и инверторов для математического описания исследуемых функций необходимо применять гребенчатые и прямоугольные функции. Зададим в MathCAD период гребенчатой (пилообразной) функции в единицах СИ для наиболее распространённой частоты 50 Гц (рис. 2.86).

$$T_g := 0.02$$

Рис. 2.86

Зададим в MathCAD гребенчатую функцию и построим её график (рис. 2.87).

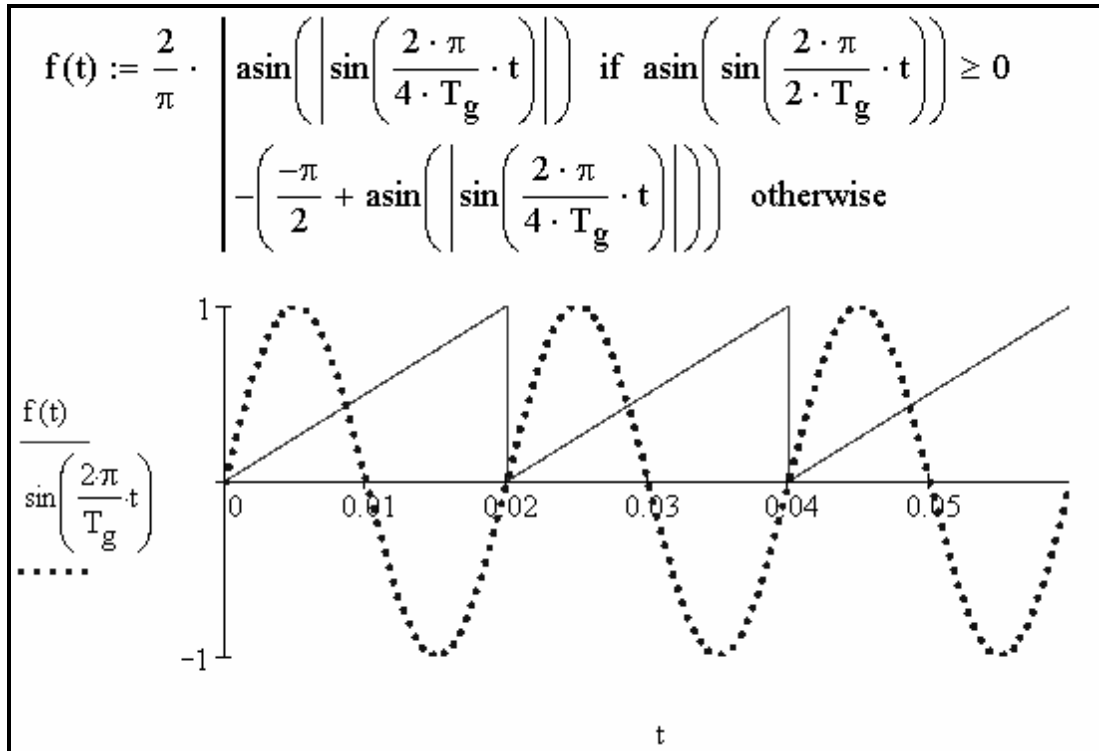


Рис. 2.87

Во многих электротехнических устройствах и преобразователях выходное напряжение регулируется скважностью или продолжительностью открытого состояния γ . В управляемых выпрямителях и регуляторах переменного тока выходное напряжение регулируется углом задержки α (град.). Зададим в MathCAD $\gamma=0.75$, объявим прямоугольную функцию скважности $f_\gamma(t)$ и построим её график (рис. 2.88).

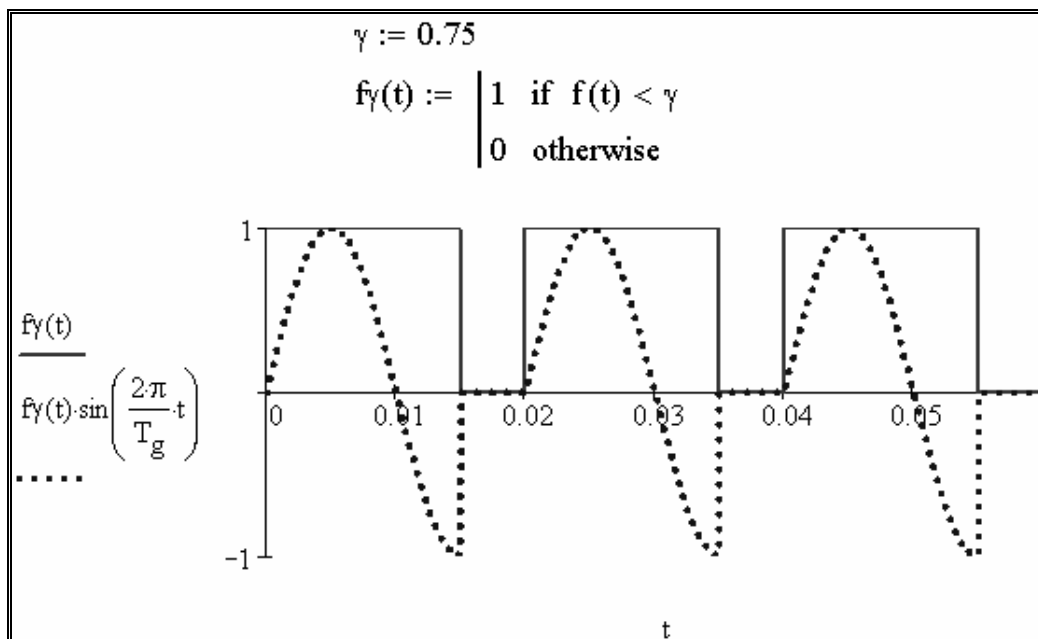


Рис. 2.88

Зададим в MathCAD $\alpha=90$, объявим прямоугольную функцию задержки $f_\alpha(t)$ и построим её график (рис. 2.89).

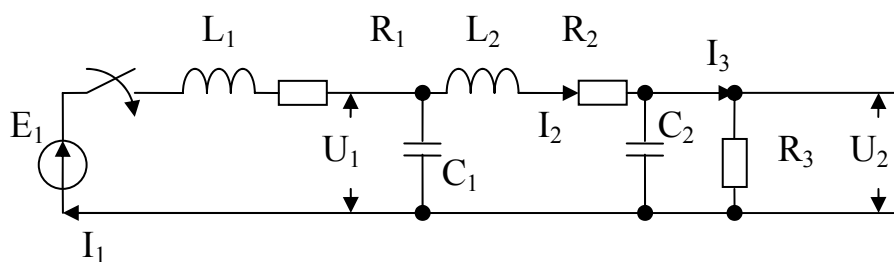


Рис. 2.90. Двухзвенный Г-образный LC – фильтр.

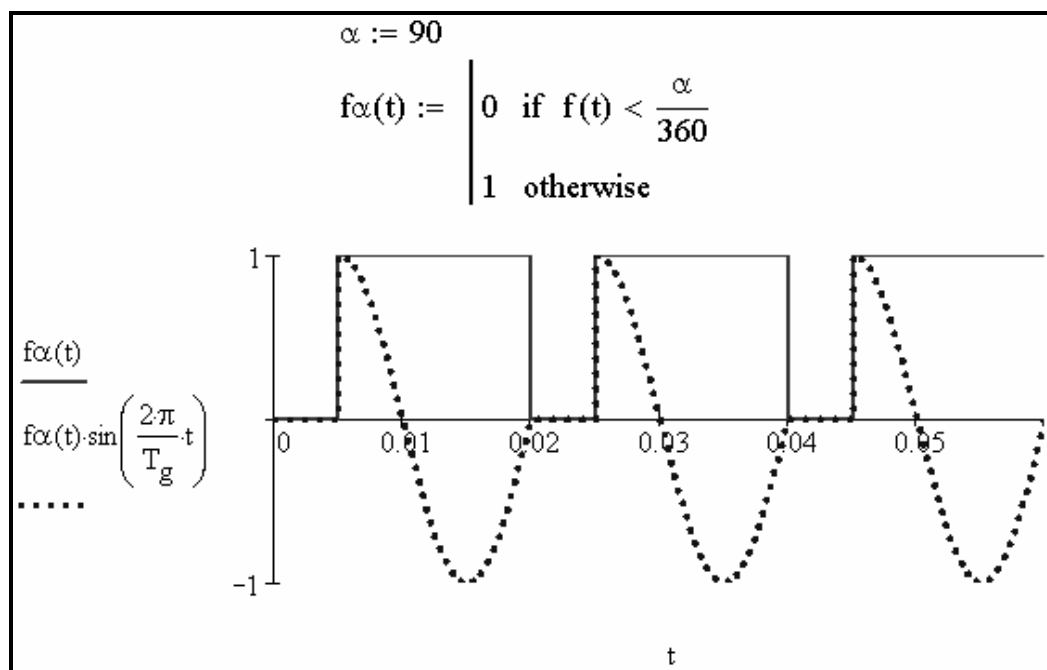


Рис. 2.89

ГЛАВА 12. ЧИСЛЕННОЕ РЕШЕНИЕ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ В MATHCAD

Пусть необходимо рассчитать переходные процессы $I_1(t)$, $I_2(t)$, $U_1(t)$, $U_2(t)$ при подключении нагруженного двухзвенного Г-образного LC – фильтра к источнику постоянного тока (рис. 2.90).

На первом этапе выводится система из четырёх дифференциальных уравнений (рис. 2.91).

Вывод выражений для правых частей дифференциальных уравнений	
$E1 = \frac{L1 \cdot dI1}{dt} + I1 \cdot R1 + U1$	$\frac{dI1}{dt} = \frac{E1 - I1 \cdot R1 - U1}{L1}$
$U1 = \frac{L2 \cdot dI2}{dt} + I2 \cdot R2 + U2$	$\frac{dI2}{dt} = \frac{U1 - I2 \cdot R2 - U2}{L2}$
$I1 = C1 \cdot \frac{dU1}{dt} + I2$	$\frac{dU1}{dt} = \frac{I1 - I2}{C1}$
$I2 = C2 \cdot \frac{dU2}{dt} + \frac{U2}{R3}$	$\frac{dU2}{dt} = \frac{I2 - \frac{U2}{R3}}{C2}$

Рис. 2.91

На втором этапе вводим параметры фильтра и функции правых частей дифференциальных уравнений (рис. 2.92).

Ввод параметров фильтра в основных единицах СИ

$R1 := 1 \quad R2 := 1 \quad R3 := 5 \quad L1 := 0.0005 \quad L2 := 0.01$

$C1 := 100 \cdot 10^{-6} \quad C2 := 400 \cdot 10^{-6} \quad E1 := 100$

Ввод функций для правых частей дифференциальных уравнений

$$f_{I1}(I1, U1) := \frac{E1 - I1 \cdot R1 - U1}{L1}$$

$$f_{I2}(I2, U1, U2) := \frac{U1 - I2 \cdot R2 - U2}{L2}$$

$$f_{U1}(I1, I2) := \frac{I1 - I2}{C1}$$

$$f_{U2}(U2, I2) := \frac{I2 - \frac{U2}{R3}}{C2}$$

Рис. 2.92

Шаг расчёта рекомендуется брать пропорциональным среднегеометрической величине от всех постоянных времени фильтра (рис. 2.93).

Расчёт шага интегрирования

$$\Delta t := \frac{\sqrt[7]{\frac{L1}{R1} \cdot R1 \cdot C1 \cdot \frac{\pi \cdot \sqrt{L1 \cdot C1}}{4} \cdot \frac{L2}{R2} \cdot R2 \cdot C2 \cdot \frac{\pi \cdot \sqrt{L2 \cdot C2}}{4} \cdot R3 \cdot C2}}{200}$$

$\Delta t = 3.649 \times 10^{-6}$

Рис. 2.93

Решение методом Эйлера системы дифференциальных уравнений, описывающих состояние фильтра, с нулевыми начальными условиями

показано на рис. 2.94. Здесь же показаны полученные графики переходных процессов.

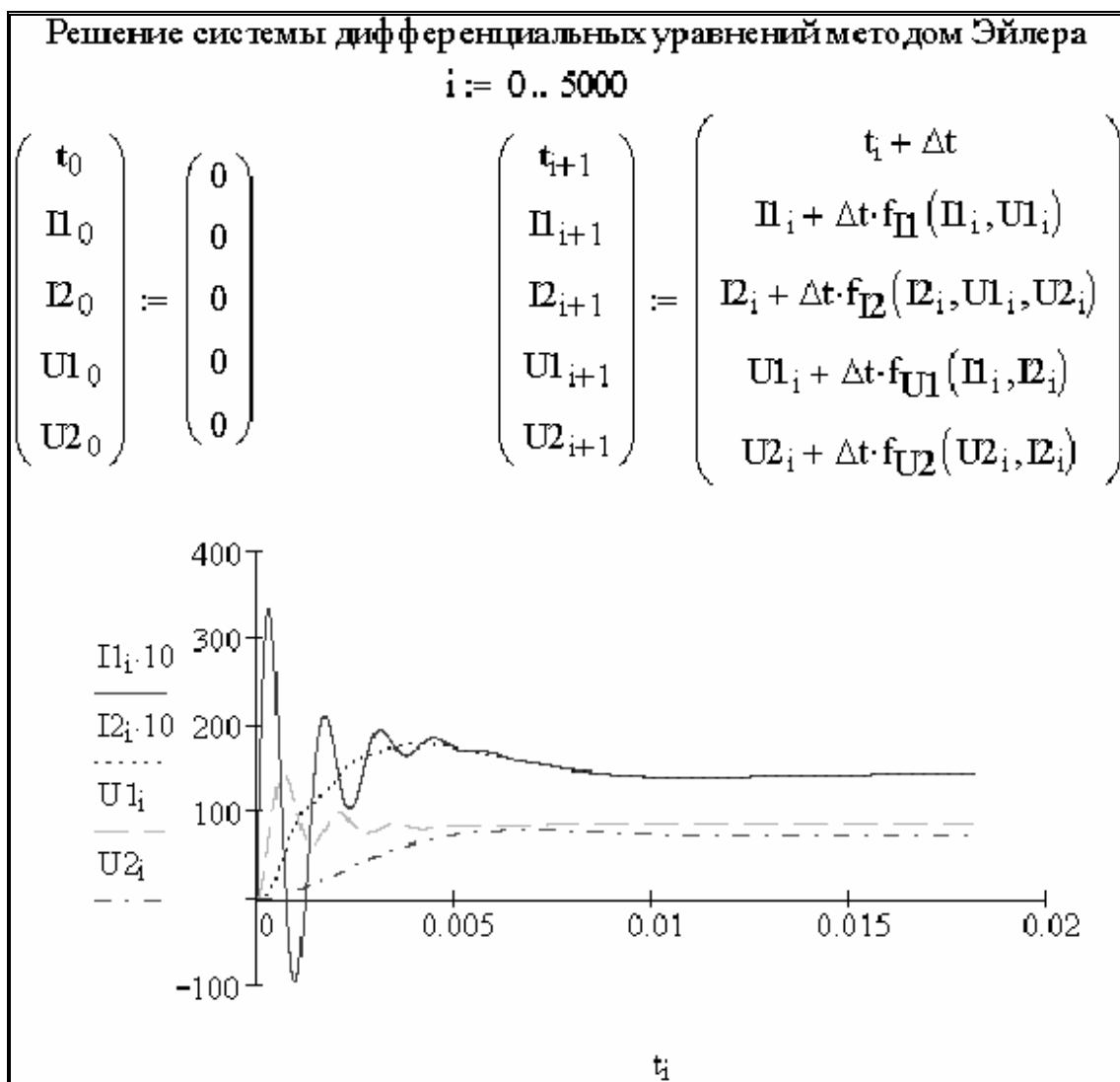


Рис. 2.94

Процедура расчёта переходных процессов в MathCAD простейшим методом (Эйлера) сводится к следующим этапам:

- вывод системы дифференциальных уравнений, описывающих устройство;
- ввод параметров устройства;
- ввод функций правых частей дифференциальных уравнений;
- расчёт или задание шага интегрирования;
- ввод начальных условий;
- запись расчётной процедуры;
- построение графиков.

ГЛАВА 13. ИНТЕРПОЛЯЦИЯ И РЕГРЕССИЯ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ В MATHCAD

В практике студента, инженера и учёного часто встречается задача обработки экспериментальных данных. К основным методам обработки можно отнести интерполяцию и регрессию. Известны различные методы интерполяции: по Лагранжу, по Ньютону, каноническими полиномами, сплайн-интерполяция. Сплайн-интерполяция поддерживается программой MathCAD.

Пусть имеется полученная экспериментальным путём кривая намагничивания стали 3. Необходимо провести кубическую сплайн-интерполяцию кривой намагничивания и получить в MathCAD интерполяционную функцию. Введём массив исходных данных в единицах СИ (рис. 2.95).

Зададим кривую намагничивания $B(H)$ табличным способом

B (В) - магнитная индукция
 H (А/м) - напряжённость магнитного поля

$j := 1..11$

$B_j :=$ $H_j :=$

0.5	200
0.8	350
0.9	450
1.0	550
1.1	750
1.2	1000
1.3	1380
1.4	2000
1.5	3000
1.55	4000
1.6	5200

Рис. 2.95

Получим в MathCAD интерполяционную функцию (рис. 2.96).

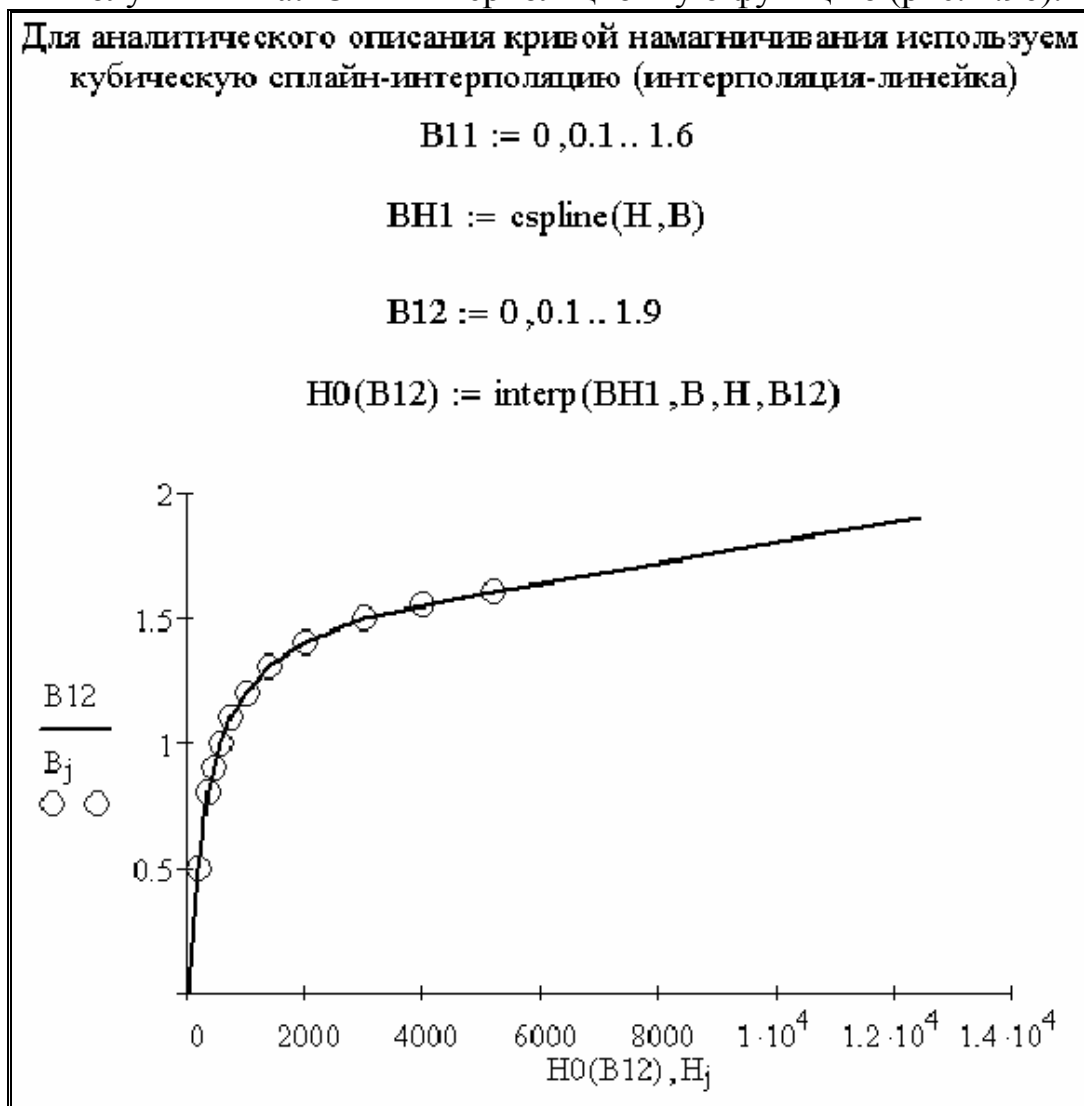


Рис. 2.96

Интерполяционную функцию удобно использовать в магнитных расчётах с применением MathCAD. Достоинством интерполяционной функции является то, что она проходит точно через все узлы интерполяции. При наличии экспериментальных данных с «разбросом» удобно использовать регрессию. В этом случае регрессионная функция проходит не точно через экспериментальные точки. При удачно подобранных коэффициентах удаётся отсечь «разброс» в исходных экспериментальных данных.

Применим линейную регрессию общего вида к расчёту магнитной цепи электрической машины в MathCAD (рис. 2.97). Видно, что для представленных исходных данных удачно подобрана аппроксимирующая функция.

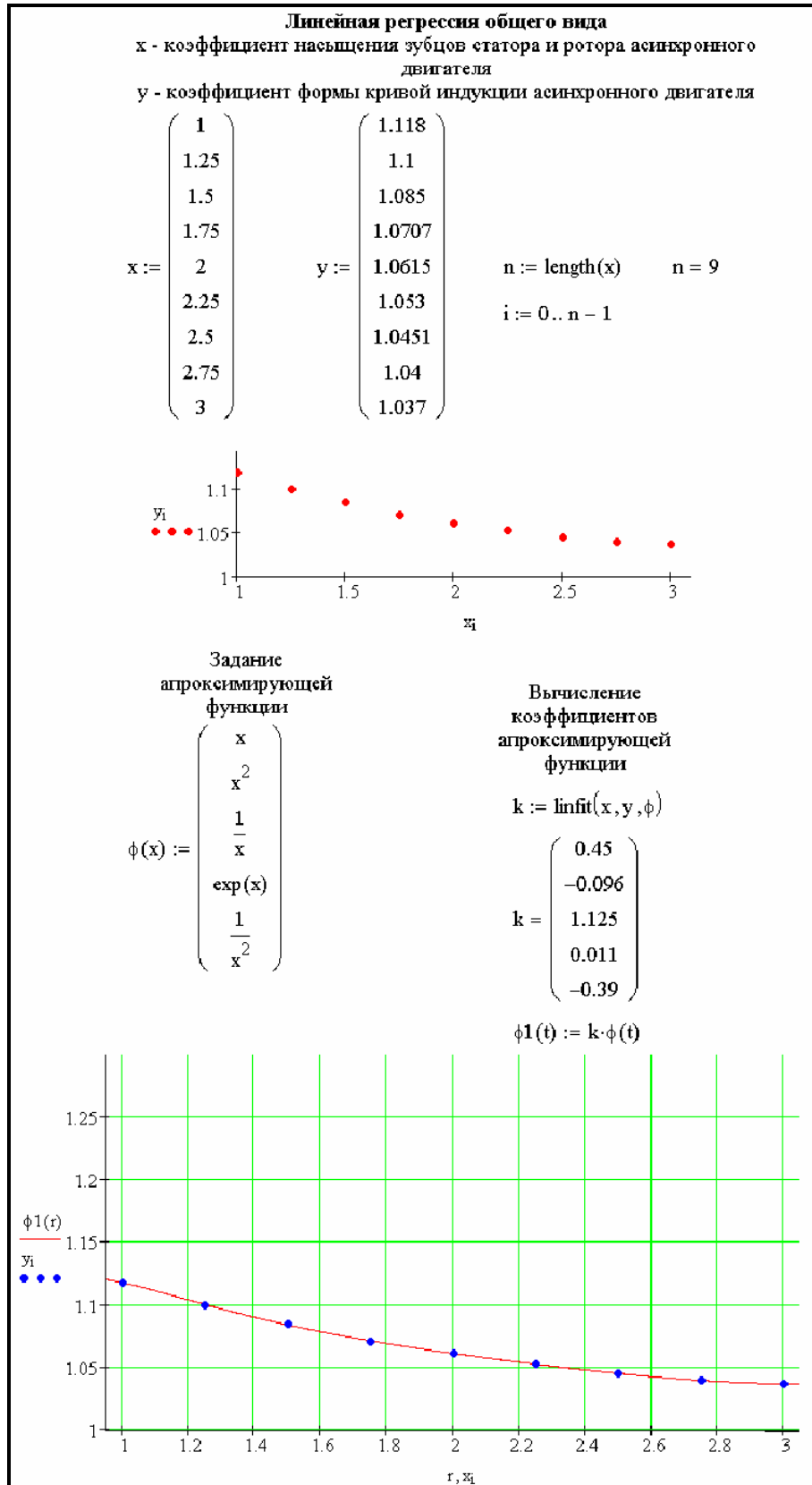


Рис. 2.97

ГЛАВА 14. ЗАГРУЗКА ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ ИЗ ВНЕШНЕГО ФАЙЛА В MATHCAD

Программа MathCAD обладает мощными математическими инструментами, которые возможно применять и для обработки экспериментальных данных. Часто экспериментальные данные имеются в файлах. Так многие цифровые осциллографы выдают полученные экспериментальные данные в виде файлов *.xls или *.txt .

Соберём схему в EWB, показанную на рис. 2.98.

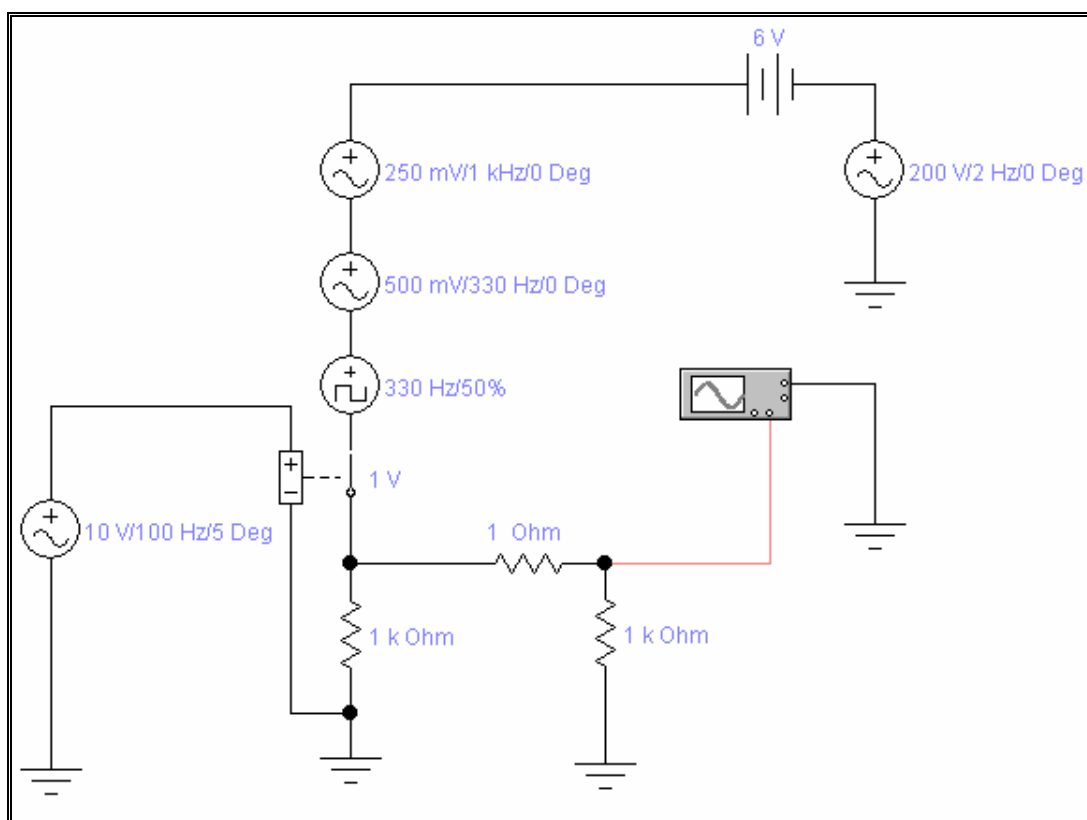


Рис. 2.98

Просчитаем параметры данной схемы. Откроем панель осциллографа и с помощью кнопки Save сохраним переходный процесс в файл g.scr. Откроем этот файл с помощью программы «Блокнот», удалим нечисловую информацию в начале файла, оставим только первую страницу числовых данных и заменим точку на запятую. Файл сохраним с расширением *.xls. Откроем файл в Excel и по известной процедуре

произведём разделение данных на два столбца, второй столбец сохраним в файл с расширением *.txt в формате «Текстовые файлы с разделителями табуляции». В программе «Блокнот» произведём замену запятых на точки. Сменим расширение файла на *.dat. В итоге имеет файл f3.dat, который поместим в тот же каталог, где будет файл MathCAD, считывающий данные из файла данных f3.dat. Покажем загрузку данных из файла f3.dat в MathCAD (рис. 2.99).

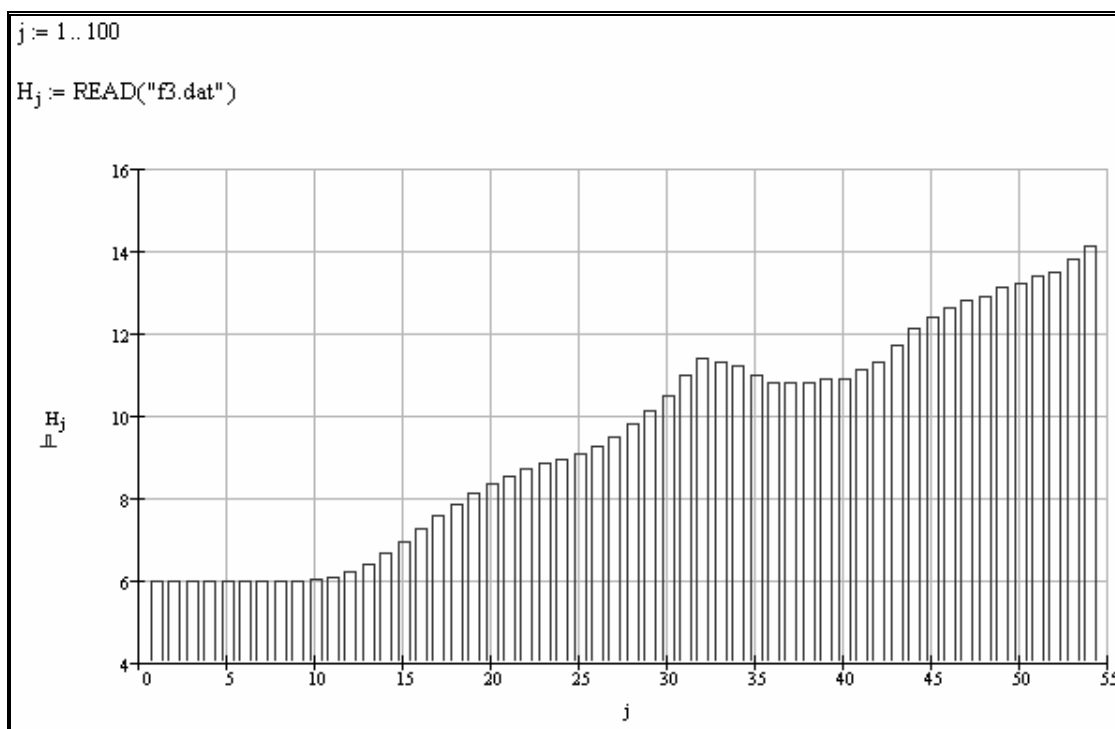


Рис. 2.99

После того как данные в MathCAD загружены их можно обрабатывать требуемым образом, например, провести гармонический анализ.

Глава 15.
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА
ПРИМЕНЕНИЕ ПРОГРАММЫ «MATHCAD» ДЛЯ РЕШЕНИЯ
ЧИСЛЕННЫХ И АНАЛИТИЧЕСКИХ ЗАДАЧ

Цель работы: изучение возможностей программы MathCAD для решения численных и аналитических задач.

Работа выполняется каждым студентом самостоятельно. Номер варианта определяется по последней цифре номера зачётной книжки студента.

Программа работы

Тема 1. Типовые электротехнические расчёты

1.1. Рассчитать ёмкость плоского конденсатора. Площадь каждой его пластины (с одной стороны) S , расстояние между пластины δ , относительная диэлектрическая проницаемость диэлектрика ε_r , электрическая постоянная $\varepsilon_0 = \frac{1}{4 \cdot \pi \cdot 9 \cdot 10^9}, \frac{\Phi}{\text{м}}$. Параметры конденсатора приведены в табл. 2.3. Ответ представить в пико-, нано- и микрофарадах.

Таблица 2.3

Вариант	$S, \text{м}^2$	$\delta, \text{м}$	$\varepsilon_r, \text{о.е.}$
1	0.009	$1 \cdot 10^{-3}$	500
2	0.011	$0.5 \cdot 10^{-3}$	400
3	0.008	$1.1 \cdot 10^{-3}$	200
4	0.012	$0.6 \cdot 10^{-3}$	100
5	0.007	$1.2 \cdot 10^{-3}$	25
6	0.014	$0.8 \cdot 10^{-3}$	10
7	0.01	$1.3 \cdot 10^{-3}$	1
8	0.006	$0.9 \cdot 10^{-3}$	20
9	0.015	$0.4 \cdot 10^{-3}$	40
10	0.005	$0.7 \cdot 10^{-3}$	50

Тема 2. Символьные вычисления с использованием встроенных операторов пакета MathCAD

2.1. Упростить выражение с применением встроенного оператора *Simplify*. Выражение взять из табл. 2.4

Таблица 2.4

Вариант	Задание
1	$\frac{a^2 - b^2}{a + b}$
2	$\frac{a^2 - b^2}{a - b}$
3	$\frac{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a + 3 \cdot b \cdot a^2 + b^3}{a + b}$
4	$\frac{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a - 3 \cdot b \cdot a^2 - b^3}{a - b}$
5	$\frac{a^4 - 4 \cdot b^3 \cdot a + 6 \cdot b^2 \cdot a^2 - 4 \cdot b \cdot a^3 + b^4}{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a - 3 \cdot b \cdot a^2 - b^3}$
6	$\frac{a^4 + 4 \cdot b^3 \cdot a + 6 \cdot b^2 \cdot a^2 + 4 \cdot b \cdot a^3 + b^4}{a^3 + 3 \cdot b^2 \cdot a + 3 \cdot b \cdot a^2 + b^3}$
7	$\cos(x)^2 + \sin(x)^2$
8	$\frac{x^2 - 3 \cdot x - 4}{x - 4} + 2 \cdot x - 5$
9	$e^{2 \cdot \ln(a)}$
10	$(a + b) \cdot (a + b) \cdot (a + b)$

2.2. Разложить по степеням выражение с применением встроенного оператора *Expand*. Выражение взять из табл. 2.5.

Таблица 2.5. Начало

Вариант	Задание
1	$(x + 1) \cdot (x - 1) \cdot (x + 2) \cdot (x - 2)$
2	$(x + 3) \cdot (x - 3) \cdot (x + 2) \cdot (x - 2)$
3	$(x + 1) \cdot (x - 1) \cdot (x + 4) \cdot (x - 4)$
4	$(x + 1) \cdot (x - 1) \cdot (x + 3) \cdot (x - 3)$

5	$(x+4) \cdot (x-4) \cdot (x+2) \cdot (x-2)$
---	---

Таблица 2.5. Продолжение

6	$(x+1) \cdot (x-1) \cdot (x+5) \cdot (x-5)$
7	$(x+5) \cdot (x-5) \cdot (x+2) \cdot (x-2)$
8	$(x+5) \cdot (x-5) \cdot (x+3) \cdot (x-3)$
9	$(x+5) \cdot (x-5) \cdot (x+4) \cdot (x-4)$
10	$(x+1) \cdot (x-2) \cdot (x+3) \cdot (x-4)$

2.3. Разложить на множители выражение с применением встроенного оператора *Factor*. Выражение взять из табл. 2.6.

Таблица 2.6

Вариант	Задание
1	$x^4 - 13 \cdot x^2 + 36$
2	$x^4 + 3 \cdot x^3 - 15 \cdot x^2 - 19 \cdot x + 30$
3	$x^4 - x^3 - 7 \cdot x^2 + x + 6$
4	$x^4 - 10 \cdot x^2 + 9$
5	$x^4 - 17 \cdot x^2 + 16$
6	$x^4 - 26 \cdot x^2 + 25$
7	$x^4 - 29 \cdot x^2 + 100$
8	$x^4 - 40 \cdot x^2 + 144$
9	$x^4 - 45 \cdot x^2 + 324$
10	$x^4 - x^3 - 11 \cdot x^2 + 9 \cdot x + 18$

2.4. Разложить выражение по подвыражению, используя процедуру *Collection Subexpression*. Выражение взять из табл. 2.7.

Таблица 2.7. Начало

Вариант	Задание
1	$x^2 - a \cdot y^2 \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x + x \cdot y$
2	$x^2 - a \cdot y^2 - (3+x) \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x + x \cdot y$
3	$x^2 - a \cdot y^2 - (3+x) \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x$
4	$x^2 - a \cdot y^2 \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x + x \cdot (y - x + x^2)$
5	$x^2 - (a+x-x^2) \cdot y^2 - (3+x) \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x$

6	$x^2 - a \cdot y^2 \cdot x^2 - x + x \cdot y$
---	---

Таблица 2.7. Продолжение

7	$x^2 - \frac{(a-y)}{x} - a \cdot y^2 \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x + x \cdot y$
8	$x^2 - a \cdot y^2 \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x \cdot (a+y) + x \cdot y$
9	$x^2 - a \cdot y^2 \cdot x^2 + (2 \cdot y^2 + 1) \cdot x - x + x \cdot (y+1)$
10	$x^2 - (a \cdot y^2 + 2) \cdot x^2 + (2 \cdot y^2 - 3) \cdot x - x + x \cdot y$

2.5. Определить коэффициенты полинома, используя встроенную процедуру *Coeffs*. Выражение взять из табл. 2.8.

Таблица 2.8

Вариант	Задание
1	$(x+a) \cdot (x+b) \cdot (x+c) \cdot (x+d)$
2	$(x+a) \cdot (x-b) \cdot (x+c) \cdot (x+d)$
3	$(x+a) \cdot (x+b) \cdot (x-c) \cdot (x+d)$
4	$(x+a) \cdot (x+b) \cdot (x+c) \cdot (x-d)$
5	$(x-a) \cdot (x+b) \cdot (x+c) \cdot (x+d)$
6	$(x-a) \cdot (x-b) \cdot (x+c) \cdot (x+d)$
7	$(x+a) \cdot (x-b) \cdot (x-c) \cdot (x+d)$
8	$(x+a) \cdot (x+b) \cdot (x-c) \cdot (x-d)$
9	$(x-a) \cdot (x-b) \cdot (x-c) \cdot (x+d)$
10	$(x-a) \cdot (x-b) \cdot (x-c) \cdot (x-d)$

2.6. Дифференцировать выражение. Выражение взять из табл. 2.9.

Таблица 2.9. Начало

Вариант	Задание
1	$\frac{d}{dx}(x^2 + y^2)$
2	$\frac{d^2}{dx^2}(a \cdot x^2 + b \cdot x + c)$

3	$\frac{d^2}{dx^2}(\ln(x) \cdot x^2 + \sin(2 \cdot x) \cdot x + 1)$
---	--

Таблица 2.9. Продолжение

4	$\frac{d^2}{dx^2}\left(\ln(x) \cdot \frac{x^2}{\sin(x)} + 2 \cdot x + e^x\right)$
5	$\frac{d^3}{dx^3}\left(x^2 \cdot + 2 \cdot \frac{x^3}{\operatorname{tg}(x)} + x\right)$
6	$\frac{d^2}{dx^2}(a \cdot x^2 + b \cdot x + c)$
7	$\frac{d^4}{dx^4}\left(\frac{1}{\ln(x)} \cdot x^2 + b \cdot x + c\right)$
8	$\frac{d}{dx}(e^{2 \cdot x} + e^{-2 \cdot x})$
9	$\frac{d^2}{dx^2}(e^{2 \cdot x} + e^{-2 \cdot x})$
10	$\frac{d^3}{dx^3}(e^{\sin(x)} + e^{-2 \cdot x})$

2.7. Интегрировать выражение. Выражение взять из табл. 2.10.

Таблица 2.10. Начало

Вариант	Задание
1	$\iiint (x^2 + y^2 + z^2) \cdot dx \cdot dy \cdot dz$
2	$\int_a^b (x^2 + 1) \cdot dx$
3	$\int_a^b \pi \cdot x^4 \cdot dx$
4	$\int \frac{\sin(x)^3}{\cos(x)^5} \cdot dx$
5	$\int \frac{\sin(x)}{\cos(x)^4} \cdot dx$
6	$\int \frac{y^2}{\sqrt{1-y^4}} \cdot dy$

7	$\int \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} \cdot dx$
8	$\int e^x \cdot x \cdot dx$

Таблица 2.10. Продолжение

9	$\int \ln(x) \cdot x \cdot dx$
10	$\int_0^h \pi \cdot \frac{r^2 \cdot x}{h} \cdot dx$

2.8. Решить уравнение относительно переменной x и провести при необходимости отделение корней. Уравнение взять из табл. 2.11.

Таблица 2.11

Вариант	Задание
1	$\int_0^x \cos(t) \cdot dt = a$
2	$a \cdot x^2 + b \cdot x = -c$
3	$\sum_{i=1}^x i^2 = 385$
4	$a \cdot x^3 + b \cdot x^2 + c \cdot x = 0$
5	$\sin(x) + \cos(x) = 0$
6	$k \cdot x + b - y = 0$
7	$k \cdot x^2 + b - y = 0$
8	$e^x + \frac{1}{x^3} + x^4 = 0$
9	$\operatorname{tg}(x) + \frac{1}{x} = 0$
10	$\frac{1}{\ln(x)} + \frac{1}{x} = \frac{\pi}{2}$

2.9. Произвести подстановку тождества $f_1(x)$ в выражение $y(x)$, применив оператор *Substitute*. Выражение $y(x)$ и тождество $f_1(x)$ взять из табл. 2.12.

Таблица 2.12

Вариант	Задание
1	$y(x) = \frac{(\cos(x)^2 + \sin(x)^2)^2}{\cos(x) \cdot 2! + \sin(x) \cdot 3!}, f_1(x) \Rightarrow \cos(x)^2 + \sin(x)^2 = 1$
2	$y(x) = \frac{(1 + \operatorname{tg}(x)^2) \cdot \cos(x)^2}{\sin(x)}, f_1(x) \Rightarrow 1 + \operatorname{tg}(x)^2 = \frac{1}{\cos^2(x)}$
3	$y(x) = \frac{(1 + \operatorname{ctg}(x)^2) \cdot \sin(x)^2}{\cos(x)}, f_1(x) \Rightarrow 1 + \operatorname{ctg}(x)^2 = \frac{1}{\sin^2(x)}$
4	$y(x) = \frac{\operatorname{tg}(x)^2}{\sin(x)^2} \cdot \cos^3(x), f_1(x) \Rightarrow \operatorname{tg}(x) = \frac{\sin(x)}{\cos(x)}$
5	$y(x) = \frac{\operatorname{ctg}(x)^2}{\cos(x)^3} \cdot \sin^2(x), f_1(x) \Rightarrow \operatorname{ctg}(x) = \frac{\cos(x)}{\sin(x)}$
6	$y(x) = \frac{\sin(x+y)}{\sin(x) \cdot \cos(y) + \sin(y) \cdot \cos(x)},$ $f_1(x) \Rightarrow \sin(x) \cdot \cos(y) + \sin(y) \cdot \cos(x) = \sin(x+y)$
7	$y(x) = \frac{4 \cdot \cos(x)^2 + 4 \cdot \sin(x)^2 - \cos(x)^2 - \sin(x)^2}{\cos(x)^2 + \sin(x)^2},$ $f_1(x) \Rightarrow \cos(x)^2 + \sin(x)^2 = 1$
8	$y(x) = \frac{\cos(x)^2 + 2 \cdot \sin(x)^2 + \sin(x)^2 \cdot \operatorname{tg}(x)^2}{\cos(x)},$ $f_1(x) \Rightarrow \cos(x)^2 + 2 \cdot \sin(x)^2 + \sin(x)^2 \cdot \operatorname{tg}(x)^2 = \frac{1}{\cos(x)^2}$
9	$y(x) = \frac{\frac{\sin(3 \cdot x)^2}{\sin(x)^2} - \frac{\cos(3 \cdot x)^2}{\cos(x)^2}}{8 \cdot \cos(2 \cdot x)},$ $f_1(x) \Rightarrow \frac{\sin(3 \cdot x)^2}{\sin(x)^2} - \frac{\cos(3 \cdot x)^2}{\cos(x)^2} = 8 \cdot \cos(2 \cdot x)$

10	$y(x) = \frac{(\cos(x)^2 + \sin(x)^2)^2}{\cos(x)}, f_1(x) \Rightarrow \cos(x)^2 + \sin(x)^2 = 1$
----	--

2.10. Разложить функцию $f(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x=0$ и взять первых 9 членов ряда. Определить погрешность представления данной функции с помощью ряда для точки $x=x_0$. Функцию $f(x)$ и величину x_0 взять из табл. 2.13.

Таблица 2.13

Вариант	Задание
1	$f(x)=e^x, x_0=5$
2	$f(x)=e^{2x}, x_0=2$
3	$f(x)=\cos(x), x_0=\pi/4$
4	$f(x)=\sin(x), x_0=\pi/2$
5	$f(x)=\sin^2(x), x_0=\pi/2$
6	$f(x)=\cos^2(x), x_0=\pi/4$
7	$f(x)=\tan^2(x), x_0=\pi/4$
8	$f(x)=\sin^3(x), x_0=\pi/4$
9	$f(x)=\arcsin(x), x_0=\pi/4$
10	$f(x)=\arcsin^2(x), x_0=\pi/4$

2.11. Разложить относительно переменной x на элементарные дроби выражение, взятое из таблицы табл. 2.14, с применением процедуры *Parfrac*.

Таблица 2.14. Начало

Вариант	Задание
1	$\frac{1-x}{x^4-1}$
2	$\frac{2 \cdot x^2 - 3 \cdot x + 1}{x^3 + 2 \cdot x^2 - 9 \cdot x - 18}$
3	$\frac{1}{x^4-1}$
4	$\frac{x+1}{x^3 + 2 \cdot x^2 - 9 \cdot x - 18}$

5	$\frac{1-x^2}{x^3+2\cdot x^2-9\cdot x-18}$
6	$\frac{1-x^4}{x^3+2\cdot x^2-9\cdot x-18}$
7	$\frac{1-x^2}{x^4-1}$

Таблица 2.14. Продолжение

8	$\frac{1-x^3}{x^4-1}$
9	$\frac{1-x^2-x^3}{x^4-1}$
10	$\frac{1-x^2-x^3}{x^2-1}$

2.12. Найти пределы функции, согласно варианта из табл. 2.15.

Таблица 2.15

Вариант	Задание
1	$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{4 \cdot x^2 - 1}{2 \cdot x - 1}$
2	$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{4 \cdot x^2 - 1}{2 \cdot x - 1}$
3	$\lim_{x \rightarrow 0} (1 - \cos(x))$
4	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n!}$
5	$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$
6	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x}$
7	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2 \cdot x)}{x}$
8	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x}$
9	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2 \cdot x)}{\sin(5 \cdot x)}$

10	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(x)}{x}$
----	--

Тема 3. Матричная алгебра

3.1. Транспонировать матрицу, взятую из табл. 2.16.

Таблица 2.16

Вариант	Задание
1	$\begin{pmatrix} a1 & c1 & e1 \\ b1 & d1 & f1 \end{pmatrix}$
2	$(a \ b)$
3	$(a \ b \ c \ d)$
4	$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$
5	$\begin{pmatrix} a & b & c & d \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ e & f & g & h \\ 5 & 6 & 7 & 8 \end{pmatrix}$
6	$\begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$
7	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$
8	$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$
9	$\begin{pmatrix} a & 1 & 3 \\ b & 2 & 4 \end{pmatrix}$
10	$\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

3.2. Найти обратную матрицу от матрицы, взятой из табл. 2.17.

Таблица 2.17. Начало

Вариант	Задание
1	$\begin{pmatrix} a-1 & b-2 \\ c-3 & d-4 \end{pmatrix}$

Таблица 2.17. Продолжение

2	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-8 & a-4 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-16 & a-4 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-32 & a-4 \end{pmatrix}$
5	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-64 & a-4 \end{pmatrix}$
6	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-4 & a-4 \end{pmatrix}$
7	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-2 & a-4 \end{pmatrix}$
8	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-8 & a-16 \end{pmatrix}$
9	$\begin{pmatrix} a-1 & a-2 \\ a-8 & a-1 \end{pmatrix}$
10	$\begin{pmatrix} a-10 & a-100 \\ a-1 & a-10 \end{pmatrix}$

3.3. Вычислить аналитически определитель матрицы $\begin{pmatrix} 10 \cdot a & 5 & 1 \\ 7 & 10 \cdot b & 4 \\ 2 & 6 & 10 \cdot c \end{pmatrix}$. Получить численный ответ с применением оператора *Substitute*, при этом коэффициенты a , b и c взять из табл. 2.18.

Таблица 2.18. Начало

Вариант	Задание
1	$a=1, b=1, c=1$
2	$a=1/2, b=1, c=1$
3	$a=1, b=1, c=1/2$
4	$a=2, b=1, c=1$
5	$a=1, b=2, c=1$
6	$a=1, b=1, c=2$
7	$a=2, b=2, c=1$

Таблица 2.18. Продолжение

8	$a=1, b=2, c=2$
9	$a=2, b=1, c=2$
10	$a=1, b=4, c=1$

Тема 4. Задачи оптимизации

4.1. Задача заключается в определении оптимального сопротивления нагрузки генератора постоянного тока с независимым возбуждением, когда мощность нагрузки максимальна. Задачу решить аналитически и численно. ЭДС E и сопротивление r генератора приведены в табл. 2.19.

Таблица 2.19

Вариант	Задание
1	$E=110 \text{ В}, r=1 \text{ Ом}$
2	$E=220 \text{ В}, r=2 \text{ Ом}$
3	$E=110 \text{ В}, r=2 \text{ Ом}$
4	$E=220 \text{ В}, r=1 \text{ Ом}$
5	$E=440 \text{ В}, r=1 \text{ Ом}$
6	$E=440 \text{ В}, r=2 \text{ Ом}$
7	$E=110 \text{ В}, r=3 \text{ Ом}$
8	$E=110 \text{ В}, r=4 \text{ Ом}$
9	$E=220 \text{ В}, r=3 \text{ Ом}$
10	$E=220 \text{ В}, r=4 \text{ Ом}$

Тема 5. Решение систем линейных алгебраических уравнений

5.1. Рассчитать линейную цепь постоянного тока методами обратной матрицы, Крамера, Гаусса (рис. 2.100). Параметры цепи приведены в табл. 2.20.

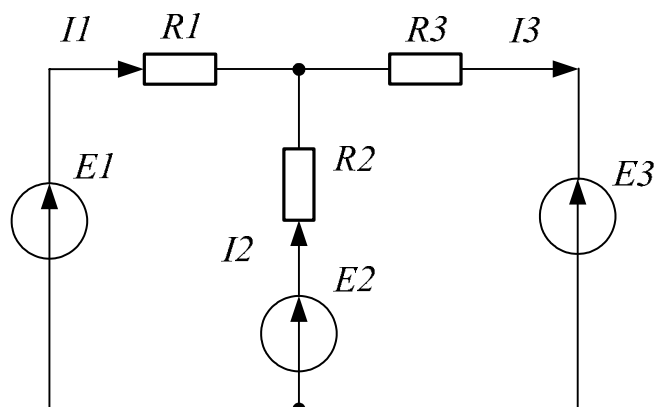


Рис. 2. 100. Линейная электрическая цепь постоянного тока

Таблица 2.20

Вариант	$R1, \text{кОм}$	$R2, \text{кОм}$	$R3, \text{кОм}$	$E1, \text{В}$	$E2, \text{В}$	$E3, \text{В}$
1	20	4	5	20	2	1
2	20	4	5	10	4	2
3	50	10	5	10	4	2
4	50	10	5	20	4	2
5	10	20	10	20	4	2
6	40	40	20	20	4	2
7	80	20	10	20	4	2
8	5	5	10	20	4	2
9	5	5	10	40	4	2
10	5	5	10	40	10	5

5.2. Рассчитать линейную цепь переменного тока методами обратной матрицы, Крамера, Гаусса (рис. 2.101). Параметры цепи приведены в табл. 2.21.

Примечание: $j=(-1)^{1/2}$ – мнимая единица.

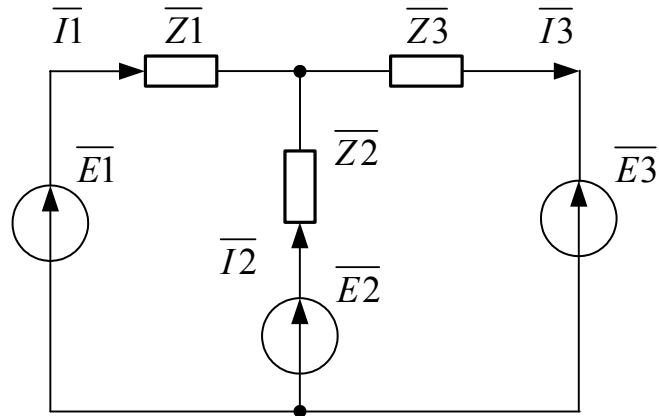


Рис. 2.101. Линейная электрическая цепь переменного тока

Таблица 2.21

Вариант	$\bar{Z}_1, \text{кОм}$	$\bar{Z}_2, \text{кОм}$	$\bar{Z}_3, \text{кОм}$	$\bar{E}_1, \text{В}$	$\bar{E}_2, \text{В}$	$\bar{E}_3, \text{В}$
1	$20+j\cdot 20$	$4-j\cdot 4$	$5+j\cdot 5$	$j\cdot 20$	2	$j\cdot 1$
2	$20+j\cdot 20$	$4-j\cdot 4$	$5+j\cdot 5$	$j\cdot 10$	4	$j\cdot 2$
3	$50+j\cdot 50$	$10-j\cdot 10$	$5+j\cdot 5$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
4	$10+j\cdot 10$	$4-j\cdot 4$	$5+j\cdot 5$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
5	$10+j\cdot 10$	$20-j\cdot 20$	$10+j\cdot 10$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
6	$40+j\cdot 40$	$40-j\cdot 40$	$20+j\cdot 20$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
7	$80+j\cdot 80$	$20-j\cdot 20$	$10+j\cdot 10$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
8	$5+j\cdot 5$	$5-j\cdot 5$	$10+j\cdot 10$	$j\cdot 20$	4	$j\cdot 2$
9	$5+j\cdot 5$	$5-j\cdot 5$	$10+j\cdot 10$	$j\cdot 40$	4	$j\cdot 2$
10	$5+j\cdot 5$	$5-j\cdot 5$	$10+j\cdot 10$	$j\cdot 40$	10	$j\cdot 5$

Тема 6. Нелинейные уравнения

6.1. Для асинхронного двигателя, приводящего во вращение турбомеханизм, необходимо определить по внешней характеристике асинхронного двигателя и нагрузочной характеристике турбомеханизма параметры рабочей точки: электромагнитный момент АД и скорость вала ТМ.

Данные приведены АД и турбомеханизма приведены в табл. 2.22 и на рис. 2.39.

Таблица 2.22

Вариант	R_1 , Ом	x_K , Ом	$R_{p2\Sigma}$, Ом	U_Φ , В	f , Гц	p
1	2	5	0.7	220	50	2
2	2.5	5	0.5	220	50	2
3	2	5.5	0.5	220	50	2
4	3	5	0.5	220	50	2
5	3	5.5	0.7	220	50	2
6	2	6	0.7	220	50	2
7	2	6	0.5	220	50	2
8	2.5	6	0.7	220	50	2
9	3	6	0.7	220	50	2
10	3.5	6	0.7	220	50	2

Тема 7.

Преобразование Лапласа и частотные характеристики ФНЧ

7.1. Вывести операторную передаточную функции однозвенного нагруженного Г-образного LC-фильтра низких частот (ФНЧ) в аналитическом и численном виде (рис. 2.102). Сопротивление нагрузки ФНЧ принимает значения $R_{H1} = 10 \cdot R$, $R_{H2} = 100 \cdot R$, $R_{H3} = 1000 \cdot R$. Параметры ФНЧ представлены в табл. 2.23.

7.2. Получить в аналитическом виде и построить импульсную переходную характеристики однозвенного нагруженного Г-образного LC-фильтра низких частот. Сопротивление нагрузки ФНЧ принимает значения $R_{H1} = 10 \cdot R$, $R_{H2} = 100 \cdot R$, $R_{H3} = 1000 \cdot R$. Определить время переходного процесса и перерегулирование. Полученные численные данные внести в таблицу. Параметры ФНЧ представлены в табл. 2.23.

7.3. Получить и построить частотные характеристики однозвенного нагруженного Г-образного LC-фильтра низких частот. Частотные характеристики (ЧХ) ФНЧ, которые необходимо построить, следующие: амплитудно-частотные (АЧХ), фазо-частотные (ФЧХ), вещественно-частотные (ВЧХ), мнимо-частотные (МЧХ). Сопротивление нагрузки ФНЧ принимает значения $R_{H1} = 10 \cdot R$, $R_{H2} = 100 \cdot R$, $R_{H3} = 1000 \cdot R$. Определить резонансную частоту и частоту полосы пропускания. Полученные численные данные внести в таблицу. Параметры ФНЧ представлены в табл. 2.23.

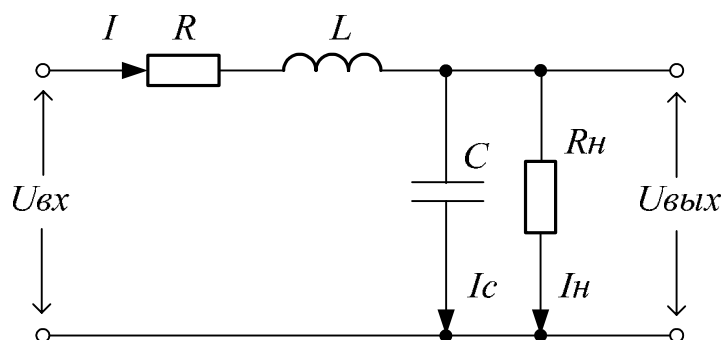


Рис. 2.102.

Таблица 2.23

Вариант	$L, \text{мГн}$	$C, \text{мкФ}$	$R, \text{Ом}$
1	900	800	1
2	850	850	1
3	800	900	1
4	750	950	1
5	700	1000	1
6	900	1000	1
7	850	950	1
8	800	900	1
9	750	850	1
10	700	800	1

Тема 8.

Ряды Фурье. Разложение и анализ сигналов

8.1. Провести гармонический анализ напряжений на выходе электротехнических устройств. Число гармоник при анализе выбирать в пределах от 24 до 48 в зависимости от типа анализируемого сигнала. Выбор числа гармоник пояснить. Выделить постоянную составляющую анализируемого сигнала. Привести зависимости амплитуды и фазы гармоник сигнала от порядкового номера гармоники. Вариант задания необходимо взять из табл. 2.24.

Таблица 2.24. Начало

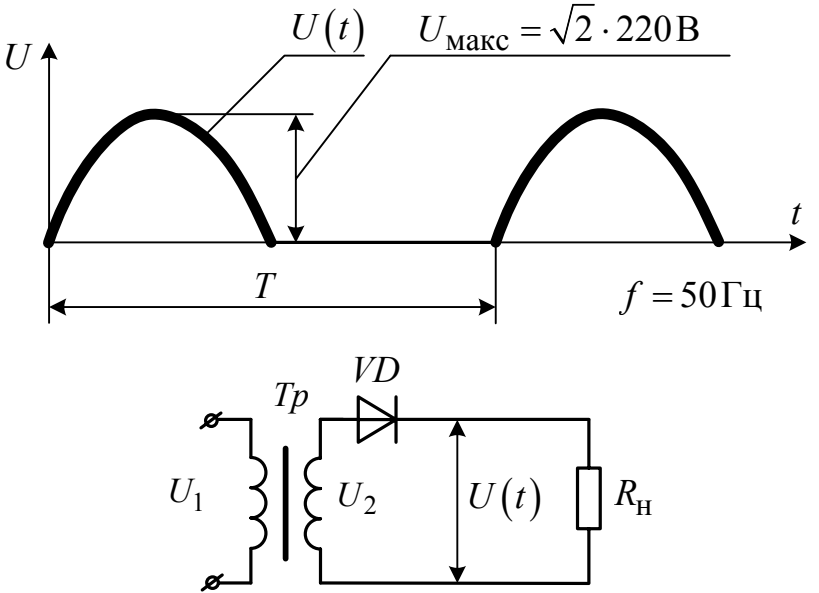
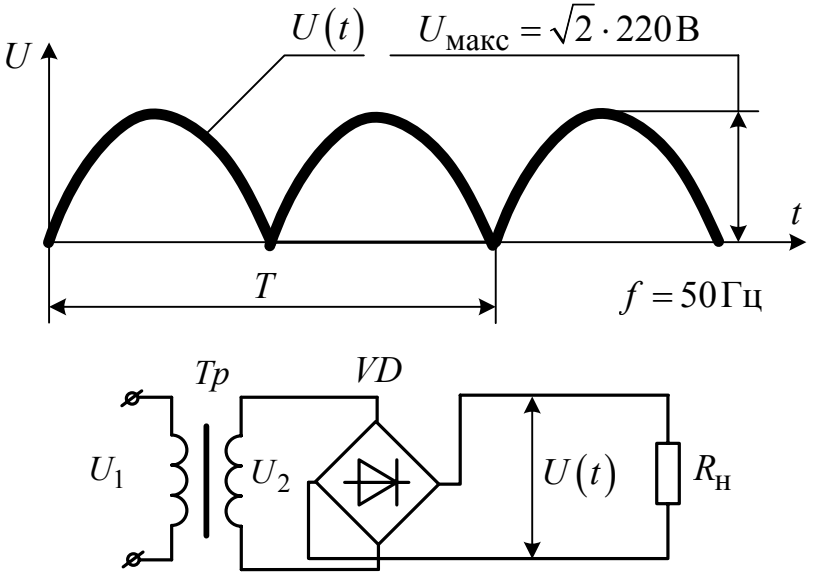
№ варианта	Название сигнала	Рисунок
1	Напряжение на выходе неуправляемого однополупериодного выпрямителя	
2	Напряжение на выходе неуправляемого однофазного мостового выпрямителя	

Таблица 2.24. Продолжение

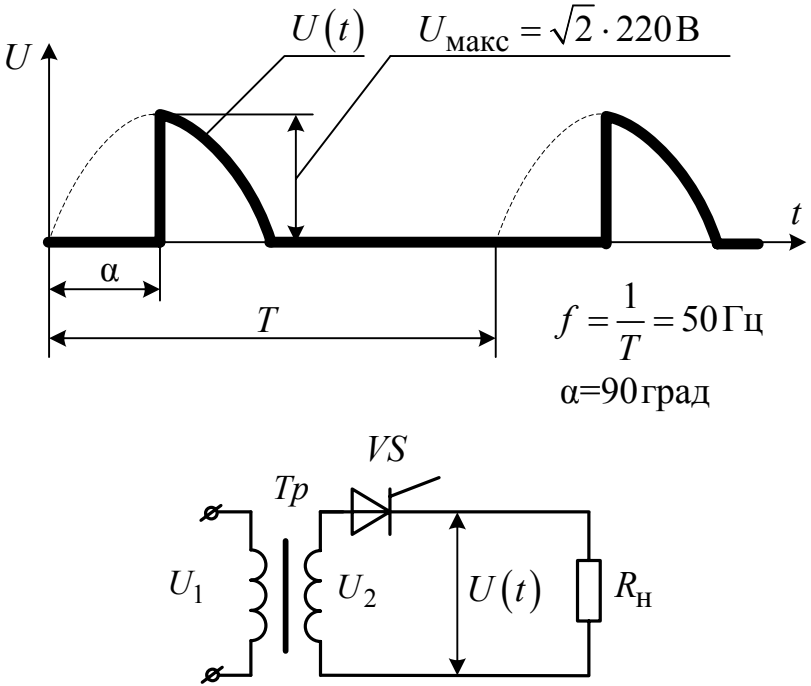
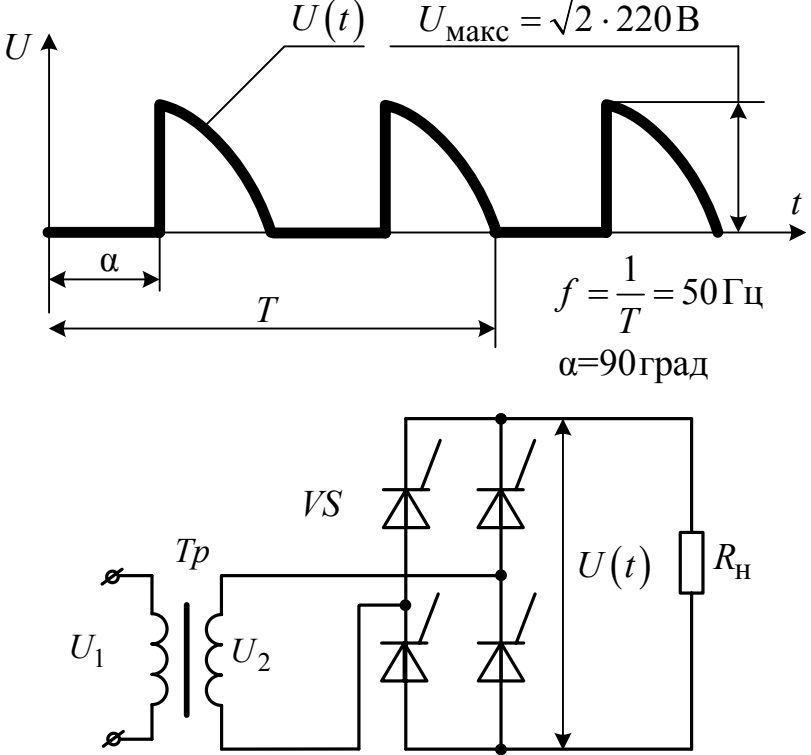
<p>3</p>	<p>Напряжение на выходе неуправляемого однополупериодного выпрямителя при угле управления $\alpha=90$град</p>	 <p> $U(t)$ $U_{\text{макс}} = \sqrt{2} \cdot 220\text{В}$ $f = \frac{1}{T} = 50\text{Гц}$ $\alpha=90\text{град}$ </p>
<p>4</p>	<p>Напряжение на выходе управляемого однофазного мостового выпрямителя при угле управления $\alpha=90$град</p>	 <p> $U(t)$ $U_{\text{макс}} = \sqrt{2} \cdot 220\text{В}$ $f = \frac{1}{T} = 50\text{Гц}$ $\alpha=90\text{град}$ </p>

Таблица 2.24. Продолжение

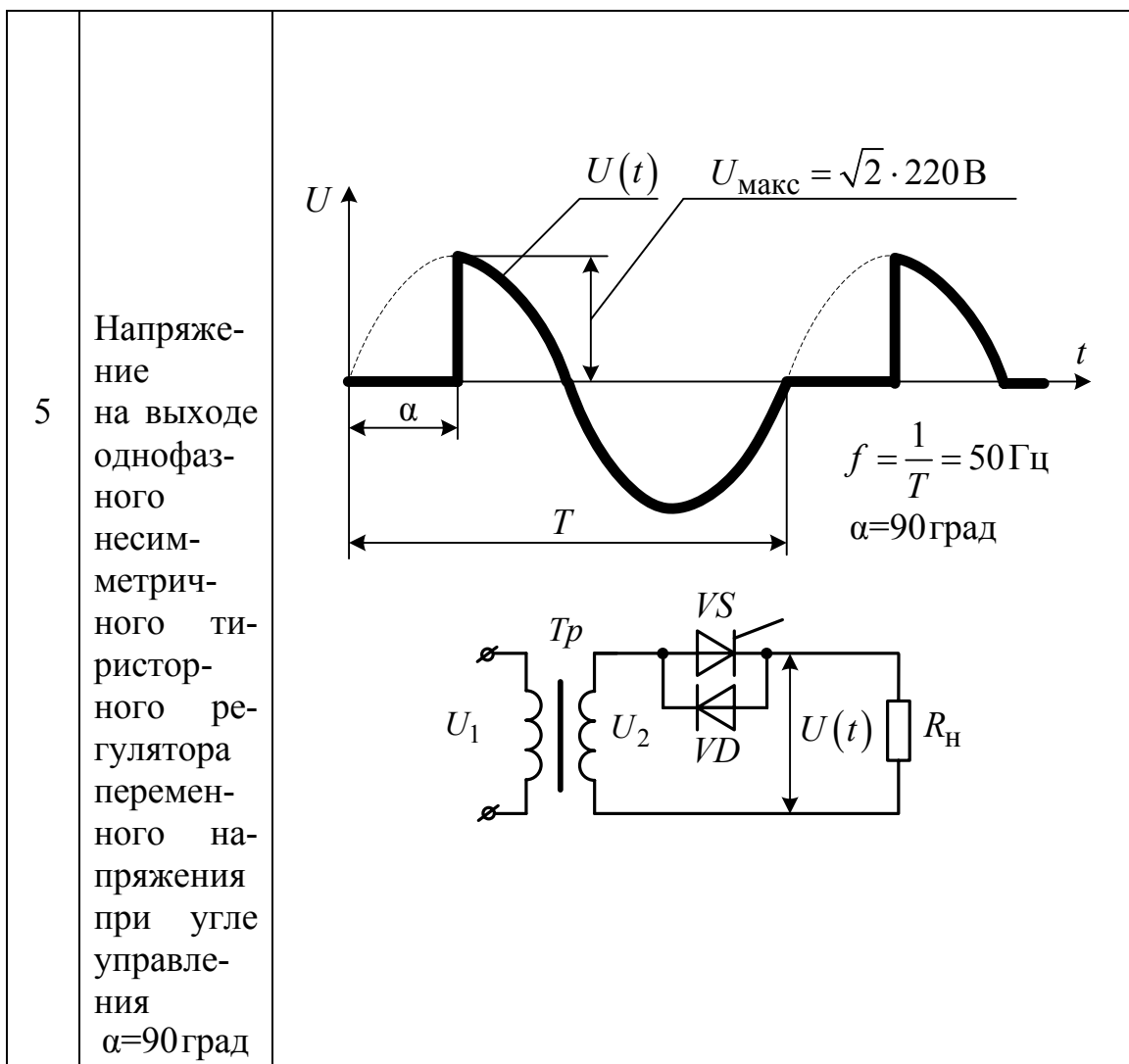


Таблица 2.24. Продолжение

<p>6</p>	<p>Напряжение на выходе однофазного симметричного тиристорного регулятора переменного напряжения при угле управления $\alpha=90^\circ$</p>	<p> $U(t)$ $U_{\text{макс}} = \sqrt{2} \cdot 220 \text{ В}$ $f = \frac{1}{T} = 50 \text{ Гц}$ $\alpha = 90^\circ$ </p> <p> U_1 U_2 $VS1$ $VS2$ $U(t)$ R_H </p>
<p>7</p>	<p>Напряжение на выходе однофазного симметричного транзисторного ШИМ-регулятора переменного напряжения при скважности $\gamma=0.5$</p>	<p> $U(t)$ $U_{\text{макс}} = \sqrt{2} \cdot 220 \text{ В}$ $f = \frac{1}{T} = 50 \text{ Гц}$ $f_{\text{мод}} = \frac{1}{T_{\text{мод}}} = 800 \text{ Гц}$ $\gamma = 0.5$ </p> <p> U_1 U_2 T_p R_H VD $VT1$ </p>

Таблица 2.24. Продолжение

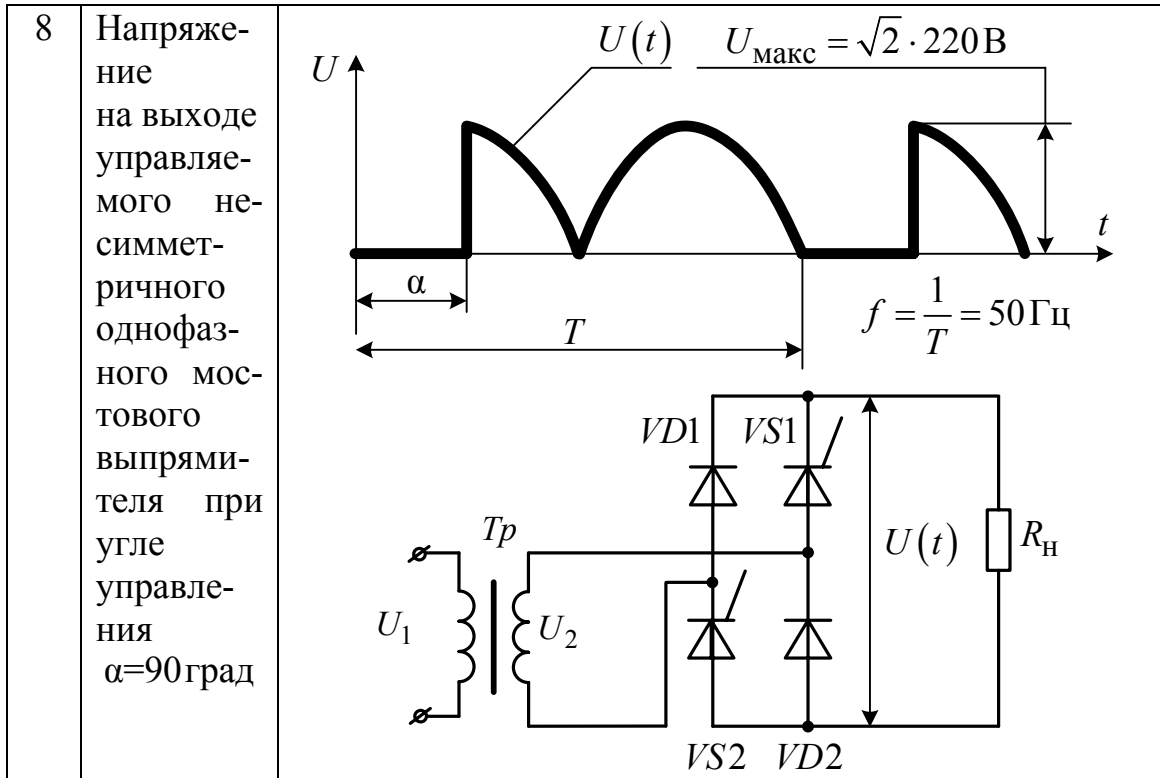


Таблица 2.24. Продолжение

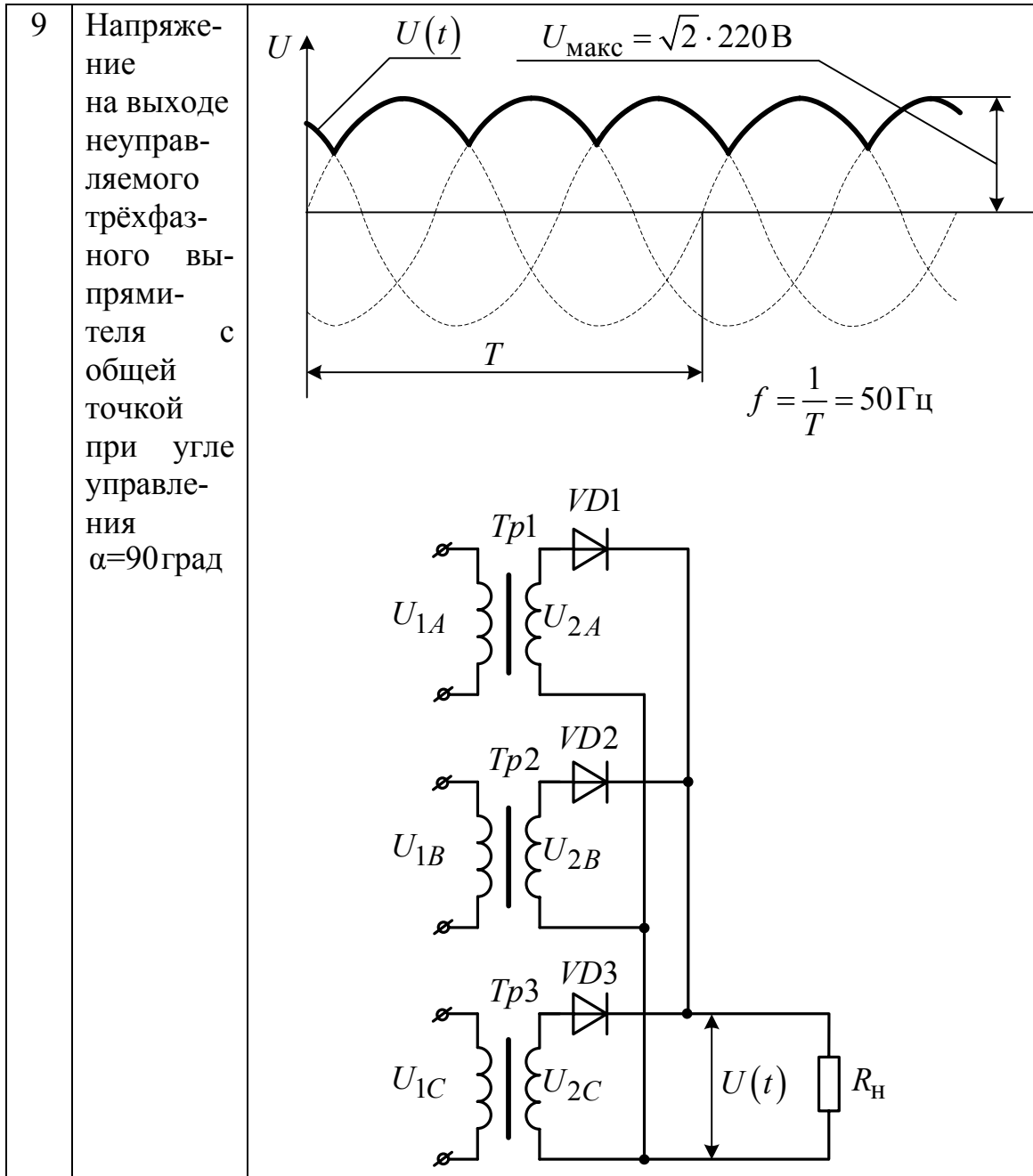
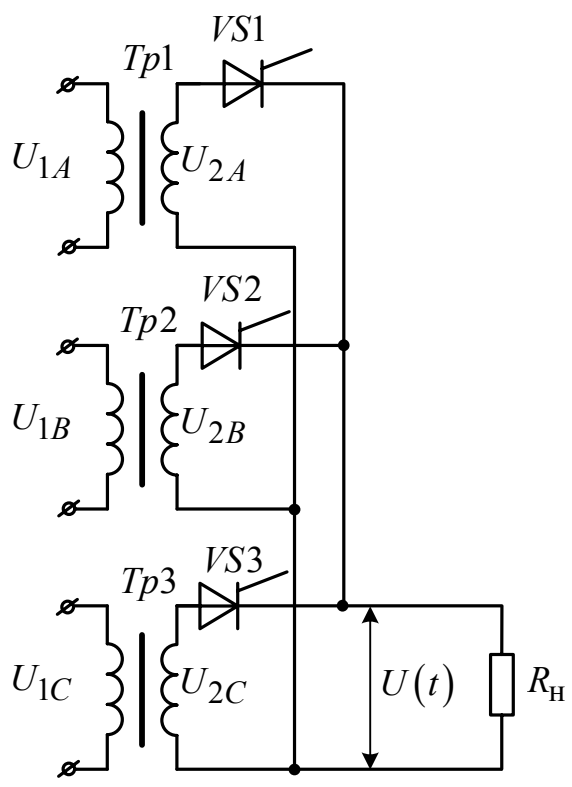
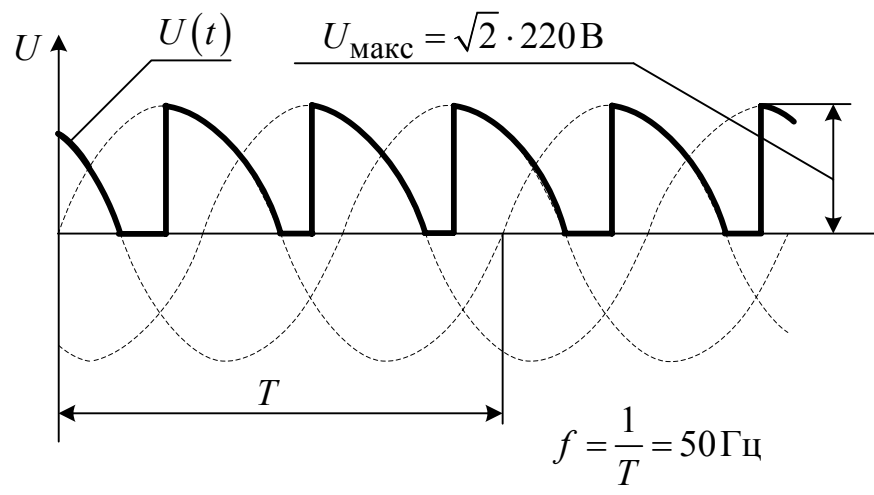


Таблица 2.24. Продолжение

10 Напряже-
ние
на выходе
управляе-
мого
трёхфаз-
ного ВЫ-
прями-
теля с
общей
точкой



ТЕМА 9. ЧИСЛЕННОЕ РЕШЕНИЕ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

9.1. Рассчитать переходный процесс включения двухзвенного нагруженного Г-образного LC-фильтра низких частот на источник постоянного тока 100 В. Составить систему дифференциальных уравнений, описывающих фильтр, и решить её методами Эйлера и Рунге-Кутты четвёртого порядка (по выбору студента). При различных сопротивлениях нагрузки определить параметры переходного процесса ФНЧ: перерегулирование и время переходного процесса. Первое и второе звенья ФНЧ одинаковые: $L1 = L2 = L$, $C1 = C2 = C$, $R1 = R2 = R$. Сопротивление нагрузки ФНЧ принимает значения $R_{н1} = 10 \cdot R$, $R_{н2} = 100 \cdot R$, $R_{н3} = 1000 \cdot R$. Параметры ФНЧ представлены в табл. 2.23.

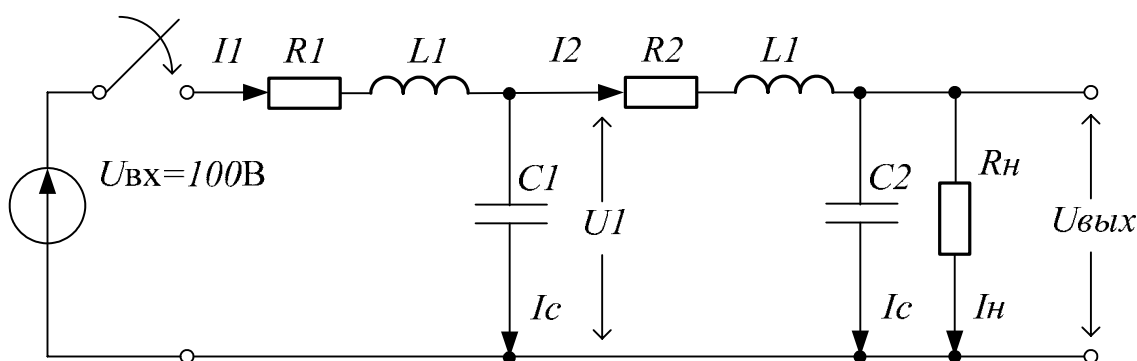


Рис. 2.103. Двухзвенный нагруженный Г-образный LC-фильтр низких частот

ТЕМА 10. ИНТЕРПОЛЯЦИЯ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ

10.1. Пусть дана основная кривая намагничивания стали. Необходимо получить аналитическую функцию для кривой намагничивания, применив метод кубической сплайн-интерполяции. Кривую намагничивания взять из табл. 2.25.

Таблица 2.25. Начало

Вариант	Задание											
	1	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55
Н, А/М		210	355	455	555	755	1005	1385	2005	3005	4005	5205
2	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	215	365	465	565	765	1065	1395	2015	3015	4015	5215
3	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	220	370	470	570	770	1070	1400	2020	3020	4020	5220
4	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	240	390	490	590	790	1040	1420	2040	3040	4040	5240
5	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	250	400	500	600	800	1050	1430	2050	3050	4050	5250
6	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	210	360	460	560	760	1010	1390	2010	3010	4010	5210
7	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	225	375	475	575	775	1025	1405	2025	3025	4025	5225
8	В, ТЛ	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/М	235	385	485	585	785	1035	1415	2035	3035	4035	5235

Таблица 2.25. Продолжение

9	В, Тл	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/м	245	395	495	595	795	1045	1425	2045	3045	4045	5245
10	В, Тл	0.5	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.55	1.6
	Н, А/м	255	405	505	605	805	1055	1435	2055	3055	4055	5255

ТЕМА 11. РЕГРЕССИЯ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ

11.1. Применить линейную регрессию общего вида для расчёта магнитной цепи электрической машины. Дана табличная зависимость коэффициента формы кривой индукции электрической машины k_b от коэффициента насыщения зубцов статора и ротора k_{nz} . Необходимо выбрать аппроксимирующую функцию и рассчитать её коэффициенты. Зависимость $k_b=f(k_{nz})$ взять из табл. 2.26.

Таблица 2.26. Начало

Вариант	Задание									
	1	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75
k_b		1.119	1.101	1.081	1.0706	1.0616	1.054	1.0452	1.041	1.038
2	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.12	1.102	1.087	1.0709	1.0617	1.055	1.0453	1.042	1.039
3	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.121	1.103	1.088	1.071	1.0618	1.056	1.0453	1.043	1.04
4	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.117	1.099	1.084	1.0706	1.0614	1.052	1.045	1.039	1.036
5	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.118	1.098	1.083	1.0704	1.0611	1.049	1.0448	1.038	1.035

Таблица 2.26. Продолжение

6	k_{nz}	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.118	1.1	1.085	1.0707	1.0615	1.053	1.0451	1.04	1.037

7	$k_{\text{нз}}$	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.117	1.097	1.082	1.0704	1.061	1.05	1.045	1.038	1.036
8	$k_{\text{нз}}$	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.108	1.09	1.075	1.0697	1.0605	1.043	1.0441	1.03	1.027
9	$k_{\text{нз}}$	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.109	1.091	1.076	1.0698	1.0606	1.044	1.0442	1.031	1.028
10	$k_{\text{нз}}$	1	1.25	1.5	1.75	2	2.25	2.5	2.75	3
	k_b	1.110	1.092	1.077	1.0699	1.0607	1.045	1.0443	1.032	1.029

ТЕМА 12. ЗАГРУЗКА ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ ИЗ ВНЕШНЕГО ФАЙЛА В MATHCAD

12.1. Собрать коммутационную схему с источниками шума в программе Electronics Workbench (EWB) (рис. 2.104). Рассчитать схему и сохранить полученный массив в файл с предлагаемым по умолчанию расширением *.scr. Расширение файла поменять на *.xls. В программе Excel необходимо

а) произвести замену разделителей целой и дробной части числа с точки на запятую,

б) разделить массив данных на два столбца и выделить вектор (одномерный массив) выходного сигнала (второй столбец) длиной 112 ячеек,

в) сохранить полученный вектор данных в файл с расширением *.txt.

Полученный файл открыть в программе «Блокнот» и заменить разделители целой и дробной части числа с запятой на точку. Расширение файла изменить на *.dat. Загрузить данные из файла с расширением *.dat в MathCAD. Построить график загруженных данных.

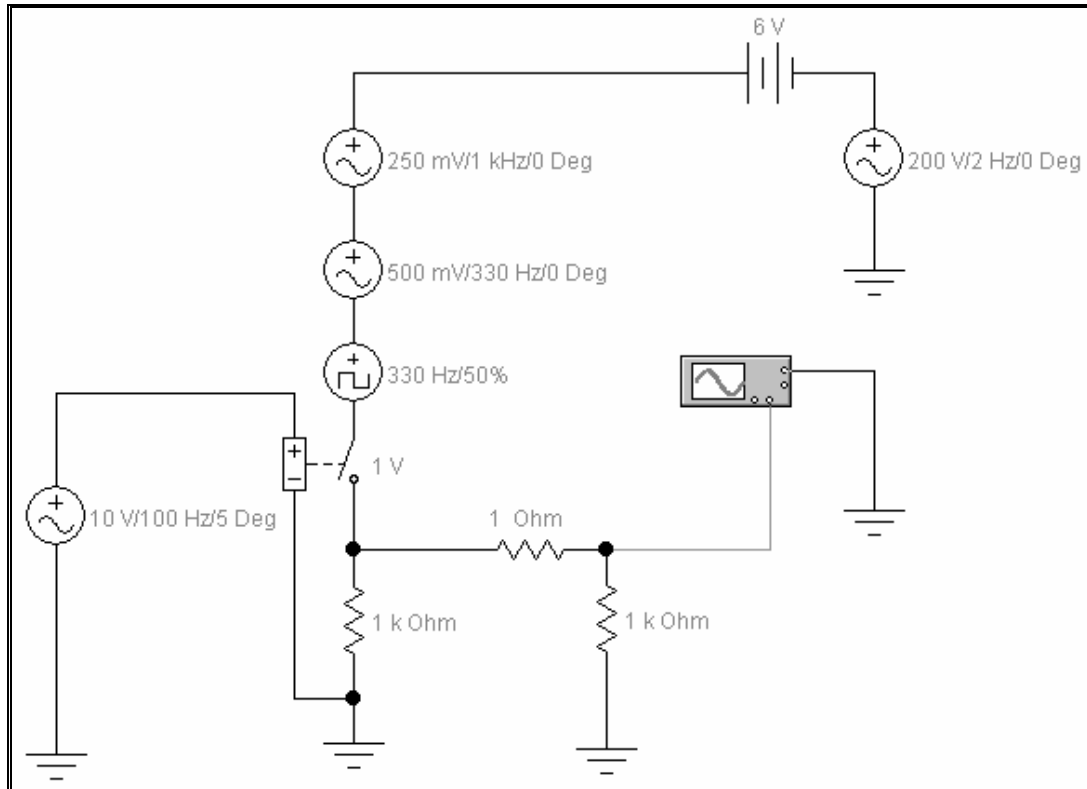


Рис. 2.104.

Коммутационная схема с источниками шума, собранная в EWB

Содержание отчёта по работе

1. Цель работы.
2. Решения заданий по темам 1...12, включая
 - текст задания,
 - поясняющий рисунок,
 - заполненные таблицы, если это требуется по тексту задания,
 - численный ответ (или ответы).
3. Выводы по работе.

РАЗДЕЛ 3 РЕШЕНИЕ ТИПОВЫХ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ ЗАДАЧ В ПРОГРАММЕ «MICROSOFT OFFICE EXCEL»

ГЛАВА 1. ИНТЕРФЕЙС ПРОГРАММЫ «EXCEL»

Табличный процессор Excel входит в состав пакета Microsoft Office и предназначен для математической обработки и визуализации числовых массивов данных. Общие особенности интерфейса и некоторые приёмы работы с Excel изучаются в курсе «Информатика». При необходимости некоторые пробелы знаний в этой области легко заполнить самостоятельно.

Для многих инженерных расчётов в Excel полезно использовать пакет анализа, доступный по пути: Сервис / Надстройки / Пакет анализа (рис. 3.1). Данный пакет рекомендуется включить перед началом работы с Excel.

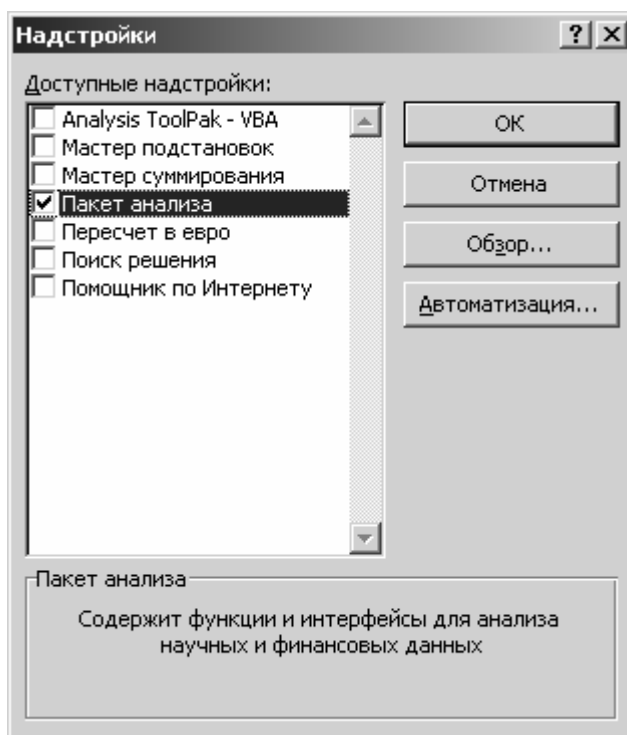


Рис. 3.1

В разделе 3 рассмотрим решение некоторых типовых электротехнических задач в программе Excel.

ГЛАВА 2. ГРАФИЧЕСКОЕ РЕШЕНИЕ СИСТЕМ УРАВНЕНИЙ

§ 2.1. Постановка задачи

Пусть задана катушка индуктивности, намотанная на тороидальном магнитопроводе (рис. 3.2). Известны параметры катушки:

- требуемая индуктивность $L_0 = 0.05$ Гн,
- геометрические размеры магнитопровода $R = 160 \cdot 10^{-6}$ м и $r = 32 \cdot 10^{-6}$ м,
- относительная магнитная проницаемость $\mu = 160$ магнитопровода.

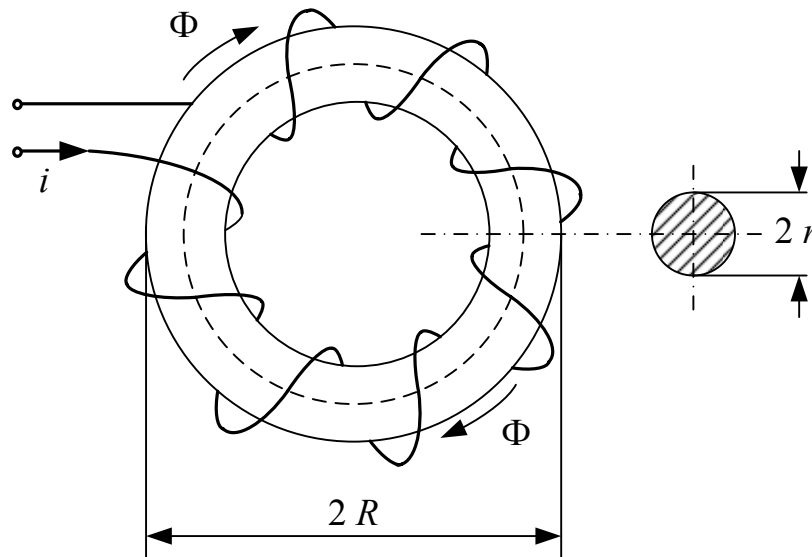


Рис. 3.2

Требуется графическим способом определить целое число витков w катушки, необходимое для получения требуемой индуктивности L_0 .

§ 2.2. Получение нелинейного уравнения

Индуктивность L катушки определяется как отношение потокосцепления катушки Ψ к току i

$$L = \frac{\Psi}{i}. \quad (3.1)$$

Потокоцепление катушки пропорционально произведению числа витков w на средний поток Φ через сечение магнитопровода площадью S

$$\Psi = w \cdot \Phi. \quad (3.2)$$

Площадь сечения тороидального магнитопровода

$$S = \pi \cdot r^2. \quad (3.3)$$

Согласно закону полного тока

$$i \cdot w = H \cdot l, \quad (3.4)$$

откуда

$$i = \frac{H \cdot l}{w}, \quad (3.5)$$

где H – напряжённость магнитного поля,

l – длина средней силовой линии магнитопровода

$$l = 2 \cdot \pi \cdot (R - r). \quad (3.6)$$

Поток Φ через поперечное сечение магнитопровода пропорционален произведению магнитной индукции B на площадь сечения S

$$\Phi = B \cdot S. \quad (3.7)$$

Магнитная индукция B связана с напряжённостью магнитного поля H

$$B = \mu \cdot \mu_0 \cdot H, \quad (3.8)$$

где $\mu_0 = 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Гн}}{\text{м}}$ – магнитная постоянная.

Учитывая (1) – (7) индуктивность катушки определяется как

$$L(w) = \frac{\Psi}{i} = \frac{w \cdot \Phi}{\frac{H \cdot l}{w}} = \frac{w^2 \cdot S \cdot B}{H \cdot l} = w^2 \cdot \frac{S}{l} \cdot \frac{\mu \cdot \mu_0 \cdot H}{H} = \frac{w^2 \cdot \pi \cdot r^2 \cdot \mu \cdot \mu_0}{2 \cdot \pi \cdot (R - r)}$$

$$L(w) = \frac{w^2 \cdot r^2 \cdot \mu \cdot \mu_0}{2 \cdot (R - r)}. \quad (3.9)$$

Согласно условиям задачи составим нелинейное уравнение

$$L(w) - L_0 = 0. \quad (3.10)$$

Одним из способов решения нелинейного уравнения является графическое решение. Введём нелинейную функцию

$$f(w) = L(w) - L_0. \quad (3.11)$$

Построив график знакопеременной функции $f(w)$, определим искомое число витков w , при котором функция меняет знак.

Подставив численные данные из условия задачи, запишем функцию

$$f(w) = \frac{w^2 \cdot r^2 \cdot \mu \cdot \mu_0}{2 \cdot (R - r)} - L_0 = \frac{w^2 \cdot 32^2 \cdot 10^{-12} \cdot 160 \cdot 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7}}{2 \cdot 10^{-6} \cdot (160 - 32)} - 0.05$$

$$f(w) = w^2 \cdot 8.042 \cdot 10^{-10} - 0.05.$$
(3.12)

§ 2.3. Численное решение задачи в Excel

Начальное приближение $w = w_{\text{нач}} = 7880$ найдём из уравнения (3.12). Введём начальное приближение в ячейку B3. В ячейку C3 введём формулу согласно (3.11) (рис. 3.3). В ячейке C3 отобразится значение функции $-6.36835E-05$. В ячейку B4 введём следующее значение переменной 7881, отличающееся от предыдущей на шаг $\Delta w = 1$.

	B	C	D	E
	7880	-6,36835E-05		

Рис. 3.3

Выделить массив ячеек B3-B4. Поместить курсор на правый нижний угол выделенного массива. Нажать левую кнопку мышки и не отпуская кнопку протянуть курсор вниз и выделить полный массив ячеек переменных B3-B13 (рис. 3.4 а).

7880	-6,36835E-05
7881	
7882	
7883	
7884	
7885	
7886	
7887	
7888	
7889	
7890	

а

7880	-6,36835E-05
7881	-5,10085E-05
7882	-3,83319E-05
7883	-2,56537E-05
7884	-1,29739E-05
7885	-2,92455E-07
7886	1,23906E-05
7887	2,50752E-05
7888	3,77615E-05
7889	5,04493E-05
7890	6,31388E-05

б

Рис. 3.4

Выделить ячейку C3. Поместить курсор на правый нижний угол выделенной ячейки. Нажать левую кнопку мышки и не отпуская кнопку протянуть курсор вниз и выделить полный массив ячеек функции C3-C13 (рис. 3.4 б). Теперь необходимо построить график функции. Выделить полный массив B3-C13. В верхнем меню программы Excel выбрать раздел «Вставка» и этом разделе выбрать опцию «Диаграмма» (рис. 3.5 а). В появившемся диалоговом окне выбрать точечную диаграмму со значениями, соединёнными сглаживающими линиями (рис. 3.5 б). На диаграмме необходимо выполнить прозрачную заливку, подписи осей и координатную сетку (рис. 3.6).

Как видно из диаграммы при $w=7885$ функция меняет знак, следовательно, это и есть искомый ответ на поставленную задачу.

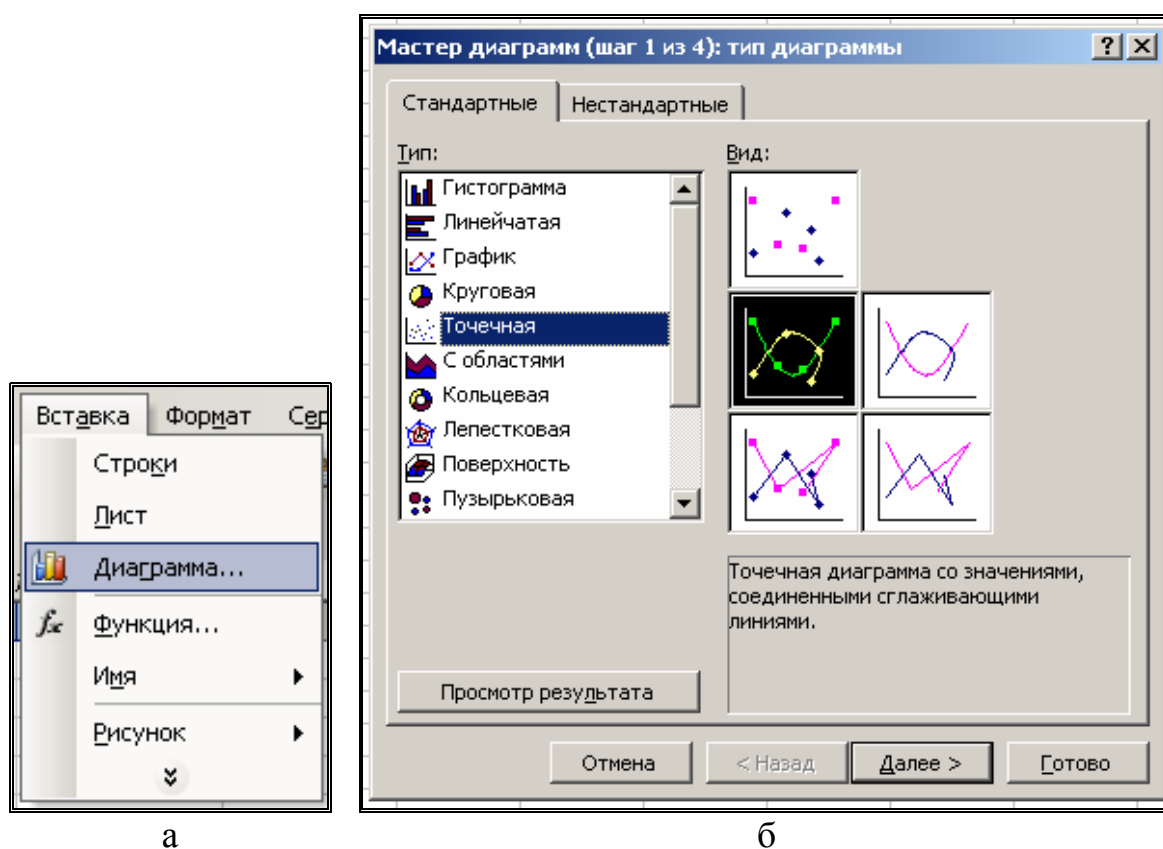


Рис. 3.5

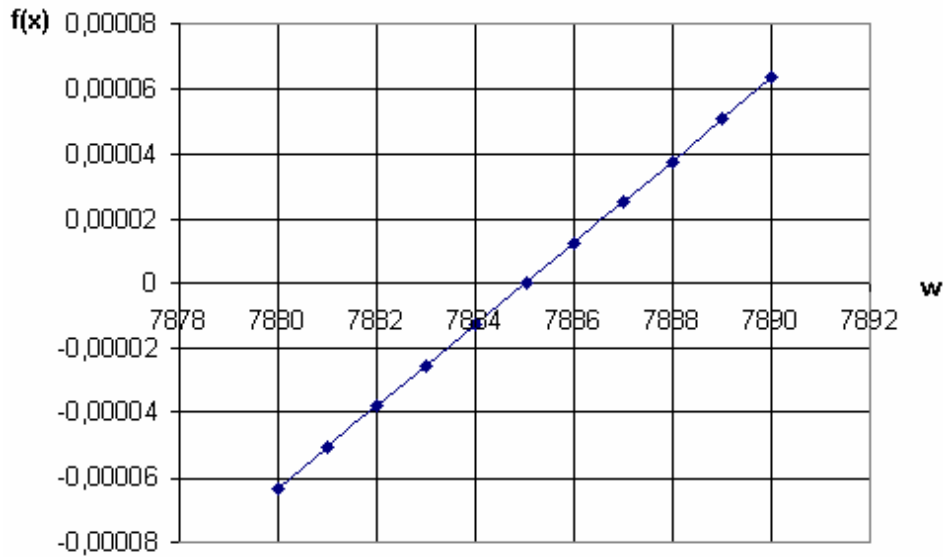


Рис. 3.6

§ 2.4. Графическое решение системы нелинейных уравнений. Постановка задачи

Пусть имеется генератор постоянного тока с ЭДС E и внутренним сопротивлением r (рис. 3.7). К генератору подключен идеальный диод $VD1$. По цепи протекает ток I .

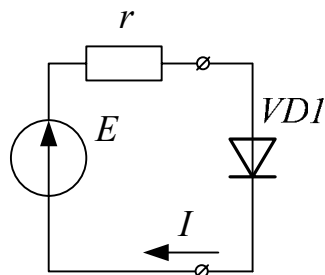


Рис. 3.7

Имеются следующие исходные данные:

- ЭДС $E = 1$ В,
- сопротивление $r = 1$ Ом,
- температура диода $T = 300$ К,
- обратный ток диода $I_0 = 10 \cdot 10^{-18}$ А,

Требуется графическим способом определить напряжение и мощность на диоде, ток в цепи.

§ 2.5. Получение системы нелинейных уравнений

Согласно второму закону Кирхгофа ЭДС генератора E уравновешивается падением напряжения на сопротивлении r и напряжением на диоде $VD1$

$$\begin{aligned} E &= I \cdot r + U, \\ \text{или} \quad I &= \frac{E - U}{r}. \end{aligned} \quad (3.13)$$

Вольтамперная характеристика диода описывается уравнением

$$I = I_0 \cdot \left(e^{\frac{U \cdot q}{k \cdot T}} - 1 \right), \quad (3.14)$$

где I_0 – тепловой (обратный) ток p - n -перехода,

U – напряжение, приложенное к p - n -переходу,

$q = 1.6 \cdot 10^{-19}$ Кл – заряд электрона,

$k = 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$ – постоянная Больцмана,

T – температура p - n -перехода.

С учётом (12) и (13) составим систему нелинейных уравнений

$$\begin{cases} I = I_0 \cdot \left(e^{\frac{U \cdot q}{k \cdot T}} - 1 \right) \\ I = \frac{E - U}{r}. \end{cases} \quad (3.15)$$

Подставим численные значения из условий задачи

$$\begin{cases} I = 10 \cdot 10^{-18} \cdot \left(e^{\frac{U \cdot 1.6 \cdot 10^{-19}}{1.38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}} - 1 \right) = 10^{-17} \cdot \left(e^{U \cdot 38.647} - 1 \right) \\ I = \frac{1 - U}{1} = 1 - U. \end{cases} \quad (3.16)$$

§ 2.6. Численное решение задачи в Excel

Графическим решением системы из двух уравнений (3.17) является тока пересечения прямой и экспоненты. Введём две функции от переменной U

$$\begin{cases} f_1(U) = 10^{-17} \cdot (e^{U \cdot 38.647} - 1) \\ f_2(U) = 1 - U. \end{cases} \quad (3.17)$$

Переменная U изменяется в пределах от 0.9 до 0.97 В с шагом 0.005 В. Введём в ячейку A1 начальное значение переменной 0.9, в ячейку A2 введём 0.905. Для ввода интервала переменных выделим массив A1-A2 и протянем мышкой левый нижний угол массива до ячейки A15 (рис. 3.8).

	A	B
1	0,9	
2	0,905	
3		
4		
5		
6		
7		
8		
9		
10		
11		
12		
13		
14		
15		
16		0,97
17		

Рис. 3.8

В ячейку B1 введём формулу $f_1(U)$, а в ячейку C1 – формулу $f_2(U)$ (рис. 3.9).

fx =СТЕПЕНЬ(10;-17)*(EXP(A1*38,647)-1)					fx =1-A1
B	C	D	E	F	C
0,012757	0,1				0,1

Рис. 3.9

Содержимое ячейки B1 копируем в ячейку B2, а содержимое ячейки C1 – в C2 («копировать» - <Ctrl+C>, «вставить» - <Ctrl+V>). Выделяем массив ячеек A1-C2 и протягиваем выделение до C15. В столбце A1-A15 находится массив переменной, в столбцах B1-B15 – массив функции $f_1(U)$, в столбцах C1-C15 – массив функции $f_2(U)$.

	A	B	C
1	0,9	0,012757	0,1
2	0,905	0,015477	0,095
3	0,91	0,018776	0,09
4	0,915	0,022778	0,085
5	0,92	0,027634	0,08
6	0,925	0,033525	0,075
7	0,93	0,040671	0,07
8	0,935	0,049341	0,065
9	0,94	0,059859	0,06
10	0,945	0,072619	0,055
11	0,95	0,088099	0,05
12	0,955	0,106879	0,045
13	0,96	0,129662	0,04
14	0,965	0,157301	0,035
15	0,97	0,190833	0,03

Рис. 3.10

Выделим массив A1-C15, вызовём «Мастер диаграмм», выберем тип «Точечная диаграмма» (см. рис. 3.5), проставим линии сетки по вертикали и горизонтали, выберем диапазон значений переменной 0.9-0.96, выберем тип заливки «прозрачная». Получим график функций $f_1(U)$ и $f_2(U)$ (рис. 3.11).

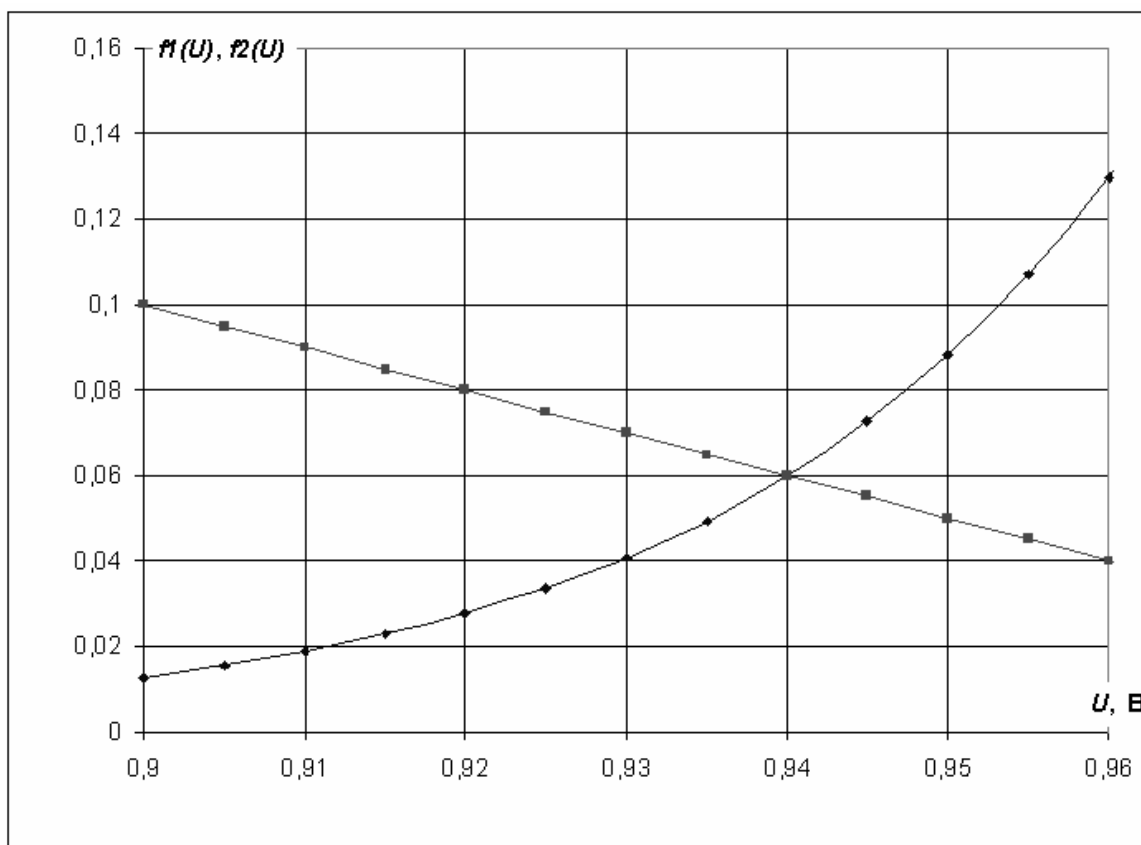


Рис. 3.11

В точке пересечения с координатами $U = 0.94$ В и $I = 0.06$ А находится решение системы уравнений. Мощность, выделяемая на диоде определим как $P = 0.94 \cdot 0.06 = 0.0564$ Вт.

ГЛАВА 3. РАСЧЁТ ЛИНЕЙНЫХ ЦЕПЕЙ ПОСТОЯННОГО И ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

§3.1. Расчёт цепи постоянного тока методом обратной матрицы

Пусть дана электрическая цепь (рис. 3.12), состоящая из трёх ветвей. Известны величины ЭДС источников:

$$E_1 = 10 \text{ В}, E_2 = 5 \text{ В}, E_3 = 3 \text{ В}$$

и сопротивлений в каждой ветви:

$$R_1 = 1 \text{ Ом}, R_2 = 2 \text{ Ом}, R_3 = 4 \text{ Ом}.$$

Необходимо определить токи, протекающие в каждой ветви.

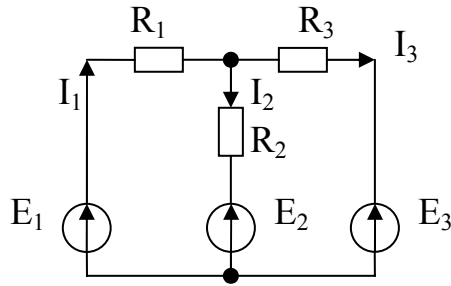


Рис. 3.12. Цепь постоянного тока

Для трёх неизвестных токов I_1 , I_2 , I_3 составим систему из трёх уравнений согласно первому и второму законам Кирхгофа

$$\begin{cases} E_1 = I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot R_2 + E_2 \\ E_1 = I_1 \cdot R_1 + I_3 \cdot R_3 + E_3 \\ I_1 = I_2 + I_3 \end{cases} \quad (3.18)$$

и преобразуем её следующим образом

$$\begin{cases} I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot R_2 + I_3 \cdot 0 = E_1 - E_2 \\ I_1 \cdot R_1 + I_2 \cdot 0 + I_3 \cdot R_3 = E_1 - E_3 \\ I_1 \cdot 1 - I_2 \cdot 1 - I_3 \cdot 1 = 0 \end{cases} \quad (3.19)$$

Подставим в (3.19) численные данные и получим матрицу коэффициентов

$$A = \begin{bmatrix} R_1 & R_2 & 0 \\ R_1 & 0 & R_3 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 4 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad (3.20)$$

и матрицу свободных членов

$$B = \begin{bmatrix} E_1 - E_2 \\ E_1 - E_3 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 - 5 \\ 10 - 3 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 7 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (3.21)$$

Решение системы уравнений (3.18) найдём как

$$X = \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{bmatrix} = A^{-1} B \quad (3.22)$$

Матрицу коэффициентов (3.20) внесём в массив A1-C3, а матрицу свободных членов (3.21) внесём в массив E1-E3 (рис. 3.13).

	A	B	C
1	1	2	0
2	1	0	4
3	1	-1	-1

E
5
7
0

Рис. 3.13

Обратную матрицу от матрицы коэффициентов разместим в массиве G1-I3. Вызовем мастер функций и в категории «Математические» выберем «МОБР» (рис. 3.14).

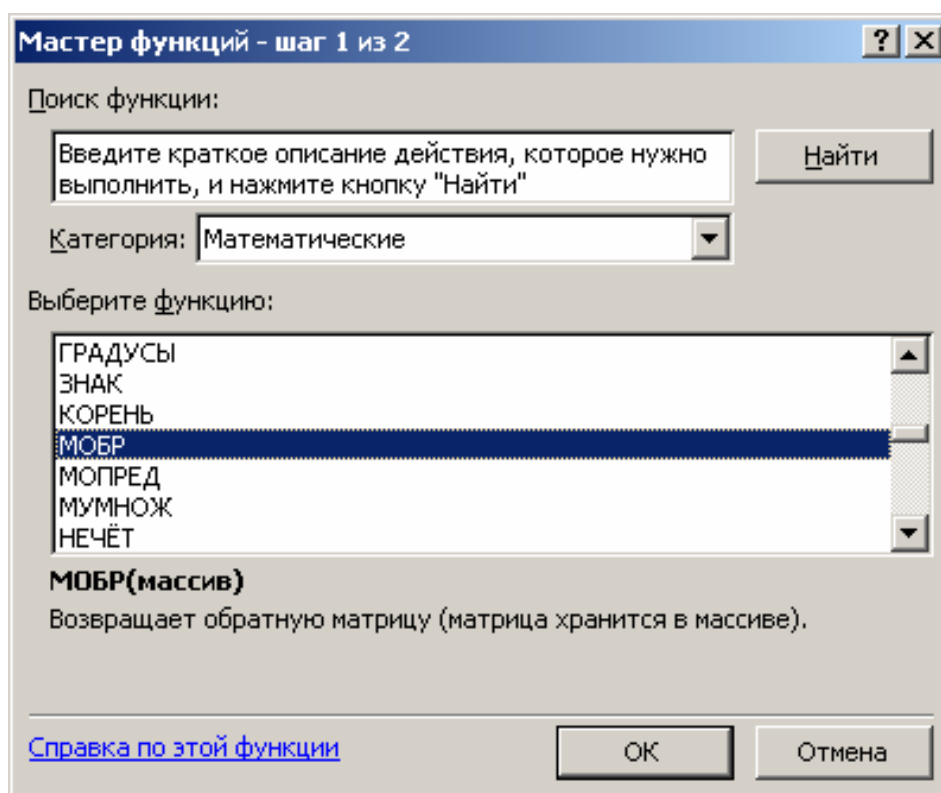


Рис. 3.14

В окне «Аргументы функции» введём адрес источника данных A1:C3 (рис. 3.15).

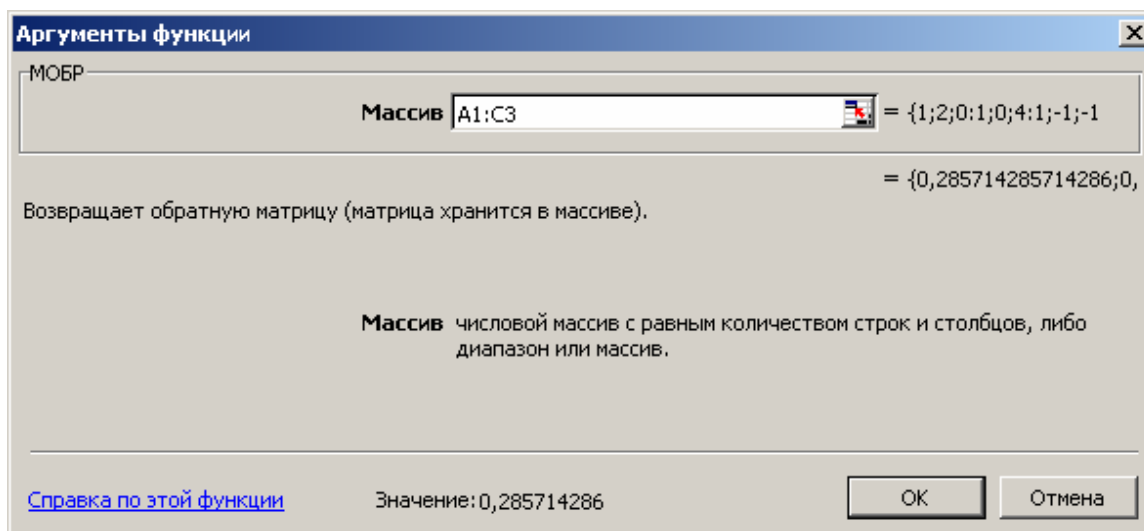


Рис. 3.15

В справке программы Excel по этой функции сказано, что формулу необходимо ввести как формулу массива. Нажмите клавишу F2, а затем нажмите клавиши <CTRL>+<SHIFT>+<ENTER>. Если формула не будет введена как формула массива, единственное значение будет равно 0,285714. В результате получим обратную матрицу (рис. 3.16).

G	H	I
0,285714	0,142857	0,571429
0,357143	-0,07143	-0,28571
-0,07143	0,214286	-0,14286

Рис. 3.16

Умножим обратную матрицу, размещённую в ячейках G1-I3, на матрицу свободных членов, размещённую в ячейках E1-E3. Для этого выделим массив ячеек результата F14-F16, вызовем с помощью мастера функций функцию «МУМНОЖ» из категории «Математические» (рис. 3.17).

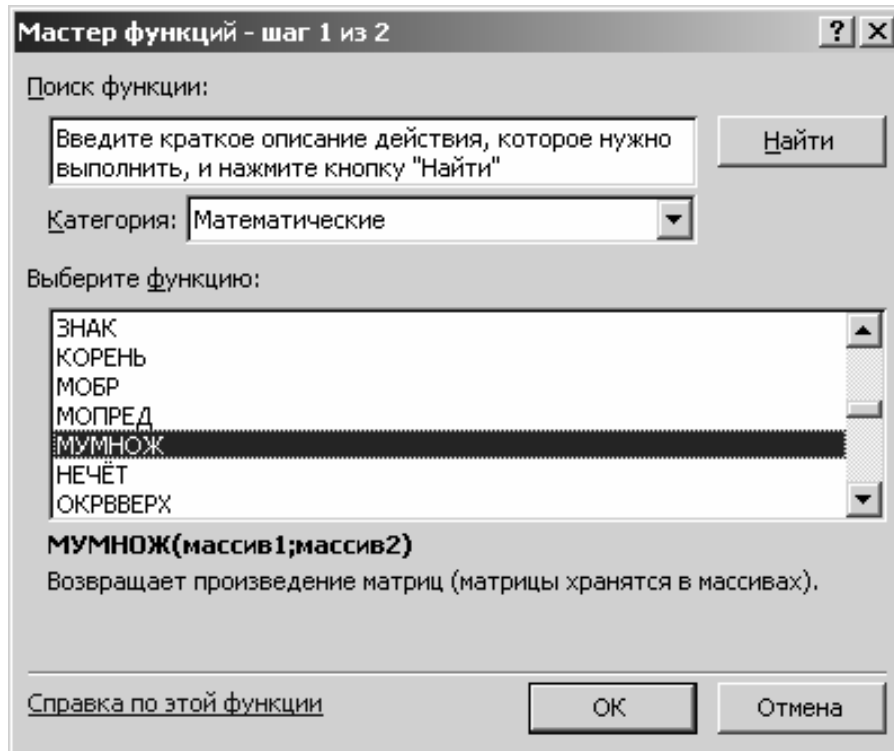


рис. 3.17

В опции «Аргументы массива» введём адрес первого массива G1-I3 и адрес второго массива E1-E3 (рис. 3.18). Нажмите клавишу F2, а затем нажмите клавиши <CTRL>+<SHIFT>+<ENTER>.

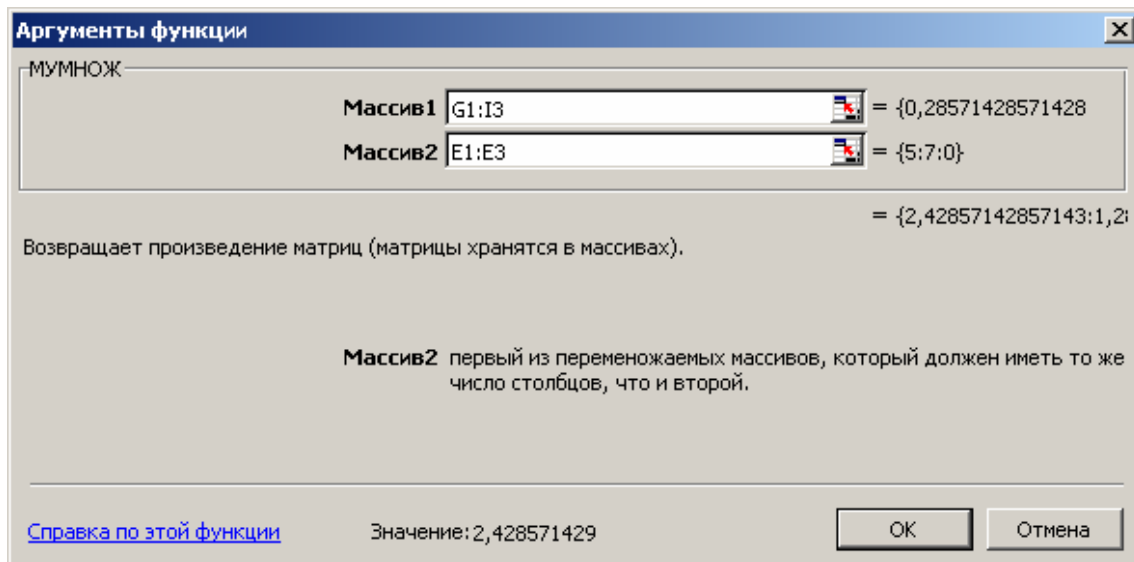


Рис. 3.18

Полученный результат (рис. 3.19)

$$\begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2,428571 \\ 1,285714 \\ 1,142857 \end{bmatrix}, \quad (3.23)$$

размещённый в ячейках F14-F15, является истинным, так как выполняется первый закон Кирхгофа – третье уравнение системы (3.18).

	F
14	2,428571
15	1,285714
16	1,142857

Рис. 3.19

Проверку полученного результата можно выполнить и по первому и второму уравнениям системы (3.18).

§3.2. Расчёт цепи постоянного тока методом Крамера

Откроем новый лист Excel. Разместим матрицу коэффициентов в массиве A1-C3, матрицу свободных членов в массиве E1-E3 (рис. 3.13). Для определения токов в цепи методом Крамера найдём определитель матрицы A. Разместим его в ячейку A5. Вызовем мастер функций и в категории «Математические» выберем функцию «МОПРЕД» (рис. 3.20).

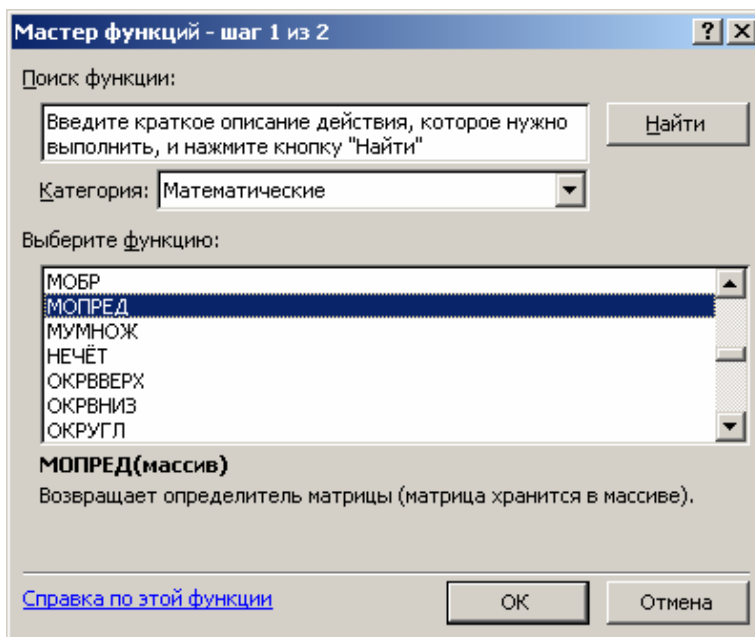


Рис. 3.20

В меню «Аргументы функции» введём адрес массива коэффициентов А1-С3 (рис. 3.21).

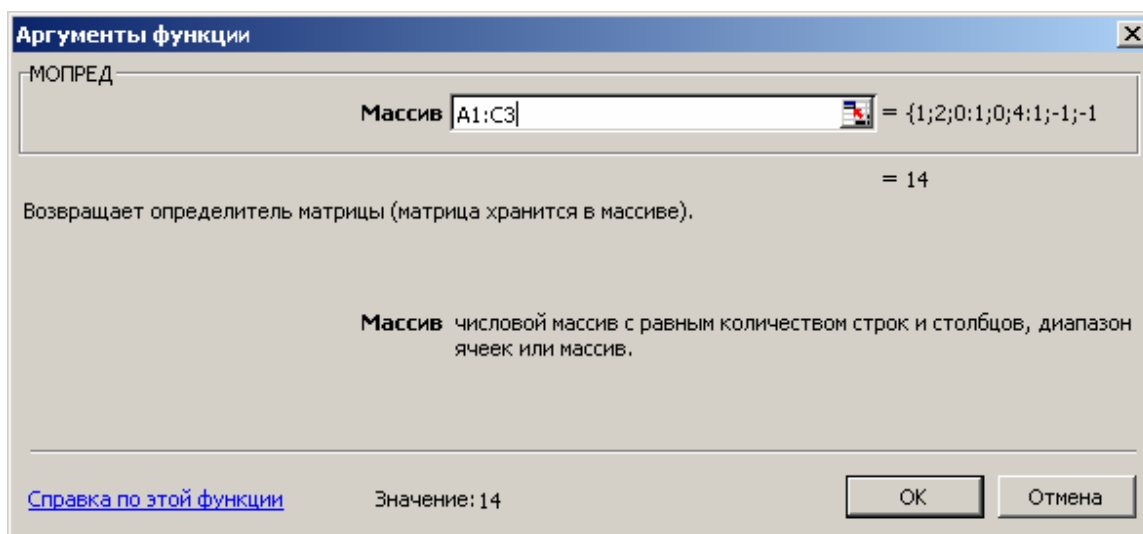


Рис. 3.21

Полный определитель размещён в ячейке А5 и равен 14 (рис. 3.22).

	А
5	14

Рис. 3.22

Скопируем массив ячеек А1-С3 в G1-И3, заполним массив G1-G3 содержимым массива Е1-Е3. Получится первая замещённая матрица коэффициентов. Скопируем массив ячеек А1-С3 в J1-L3, заполним массив K1-K3 содержимым массива Е1-Е3. Получится вторая замещённая матрица коэффициентов. Скопируем массив ячеек А1-С3 в M1-O3, заполним массив O1-O3 содержимым массива Е1-Е3. Получится третья замещённая матрица коэффициентов (рис. 3.23).

	G	H	I	J	K	L	M	N	O
1	5	2	0	1	5	0	1	2	5
2	7	0	4	1	7	4	1	0	7
3	0	-1	-1	1	0	-1	1	-1	0

Рис. 3.23

Найдём первый частный определитель от матрицы, размещённой в массиве ячеек G1-I3, разместим его в ячейку A7. Найдём второй частный определитель от матрицы, размещённой в массиве ячеек J1-L3, разместим его в ячейку B7. Найдём третий частный определитель от матрицы, размещённой в массиве ячеек M1-O3, разместим его в ячейку C7. Ток I1 получим, поделив содержимое ячейки A7 на A5. Результат разместим в ячейке A8. Ток I2 получим, поделив содержимое ячейки B7 на A5. Результат разместим в ячейке B8. Ток I3 получим, поделив содержимое ячейки C7 на A5. Результат разместим в ячейке C8 (рис. 3.24).

C8		fx =C7/A5	
	A	B	C
7	34	18	16
8	2,428571	1,285714	1,142857

Рис. 3.24

Как и следовало ожидать результаты расчётов с использованием методов Крамера и обратной матрицы совпадают.

§3.3. Расчёт цепи переменного тока, определение фазы потребляемого тока, активной мощности и коэффициента мощности

Пусть к источнику переменного тока подключена активно-реактивная нагрузка (рис. 3.25).

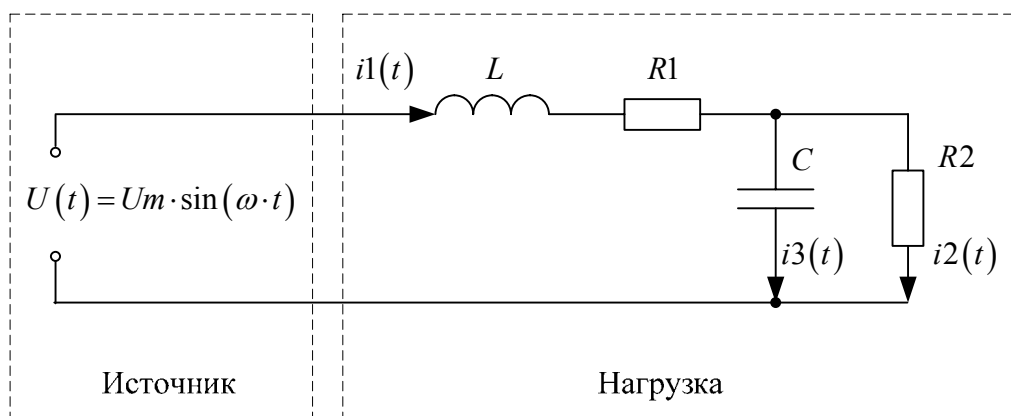


Рис. 3.25

Необходимо с применением программы Excel определить фазу потребляемого тока, активную мощность и коэффициент мощности нагрузки в установившемся режиме.

Ток через конденсатор пропорционален производной напряжения

$$C \cdot \frac{du_c(t)}{dt} = i_3(t). \quad (3.24)$$

Применим к выражению (3.24) прямое преобразование Лапласа и получим

$$C \cdot p \cdot U_c(p) = I_3(p). \quad (3.25)$$

Реактивное сопротивление конденсатора в операторной форме

$$Z_c(p) = \frac{U_c(p)}{I_3(p)} = \frac{1}{C \cdot p}. \quad (3.26)$$

Реактивное сопротивление конденсатора в комплексной форме

$$Z_c(j \cdot \omega) = \frac{U_c(j \cdot \omega)}{I_3(j \cdot \omega)} = \frac{1}{C \cdot j \cdot \omega} = -j \cdot \frac{1}{C \cdot \omega}, \quad (3.27)$$

где $\omega = 2 \cdot \pi \cdot f$ – круговая частота гармонического входного напряжения, f – частота гармонического входного напряжения.

В данной задаче примем частоту $f = 50$ Гц, что соответствует частоте промышленной электрической сети.

Проводимость конденсатора в комплексной форме

$$Y_c(j \cdot \omega) = C \cdot j \cdot \omega. \quad (3.28)$$

Проводимость конденсатора C и резистора R_2

$$Y_{CR_2}(j \cdot \omega) = C \cdot j \cdot \omega + \frac{1}{R_2}. \quad (3.29)$$

Сопротивление конденсатора C и резистора R_2

$$Z_{CR_2}(j \cdot \omega) = \frac{1}{C \cdot j \cdot \omega + \frac{1}{R_2}}. \quad (3.30)$$

Полное сопротивление нагрузки

$$Z_{\Sigma}(j \cdot \omega) = R_1 + j \cdot \omega \cdot L + \frac{1}{C \cdot j \cdot \omega + \frac{1}{R_2}}. \quad (3.31)$$

Преобразуем (3.31), выделив явно действительную и мнимую части

$$\begin{aligned} Z_{\Sigma}(j \cdot \omega) &= R_1 + j \cdot \omega \cdot L + \\ &+ \frac{\frac{1}{R_2} - C \cdot j \cdot \omega}{\left(\frac{1}{R_2} + C \cdot j \cdot \omega\right) \cdot \left(\frac{1}{R_2} - C \cdot j \cdot \omega\right)} = \\ &= R_1 + j \cdot \omega \cdot L + \frac{\frac{1}{R_2} - C \cdot j \cdot \omega}{\frac{1}{R_2^2} + C^2 \cdot \omega^2} = \\ &= R_1 + \frac{\frac{1}{R_2}}{\frac{1}{R_2^2} + C^2 \cdot \omega^2} + j \cdot \left(\omega \cdot L - \frac{C \cdot \omega}{\frac{1}{R_2^2} + C^2 \cdot \omega^2} \right). \end{aligned} \quad (3.32)$$

Так как фаза напряжения источника принимается равной нулю, то фаза тока нагрузки определяется по комплексному сопротивлению нагрузки (3.32)

$$\varphi(\omega) = \operatorname{arctg} \frac{\omega \cdot L - \frac{C \cdot \omega}{\frac{1}{R_2^2} + C^2 \cdot \omega^2}}{R_1 + \frac{\frac{1}{R_2}}{\frac{1}{R_2^2} + C^2 \cdot \omega^2}}. \quad (3.33)$$

Модуль комплексного сопротивления нагрузки определим из (3.32)

$$Z_M(\omega) = \sqrt{\left(R_1 + \frac{1}{\frac{1}{R_2} + C^2 \cdot \omega^2} \right)^2 + \left(\omega \cdot L - \frac{C \cdot \omega}{\frac{1}{R_2} + C^2 \cdot \omega^2} \right)^2} \quad (3.34)$$

Коэффициент мощности активно-реактивной нагрузки

$$\xi(\omega) = \cos \varphi(\omega). \quad (3.35)$$

Активная мощность нагрузки

$$P(\omega) = \frac{U_D^2}{Z_M(\omega)} \cdot \cos \varphi(\omega) = \frac{U_D^2}{Z_M(\omega)} \cdot \xi(\omega), \quad (3.36)$$

где U_D – действующее значение напряжения источника.

Для численного решения задачи в Excel зададимся следующими параметрами:

- $U_D = 220$ В – введём в ячейку A1 (рис. 3.26, а);
- $\omega = 2 \cdot \pi \cdot 50$ рад/с – введём в ячейку B1 (рис. 3.26, б);
- $L_1 = 0.05$ Гн – введём в ячейку C1 (рис. 3.26, в);
- $R_1 = 1$ Ом – введём в ячейку D1 (рис. 3.26, г);
- $C_1 = 100 \cdot 10^{-6}$ Ф – введём в ячейку E1 (рис. 3.26, в);
- $R_2 = 100$ Ом – введём в ячейку F1 (рис. 3.26, е).

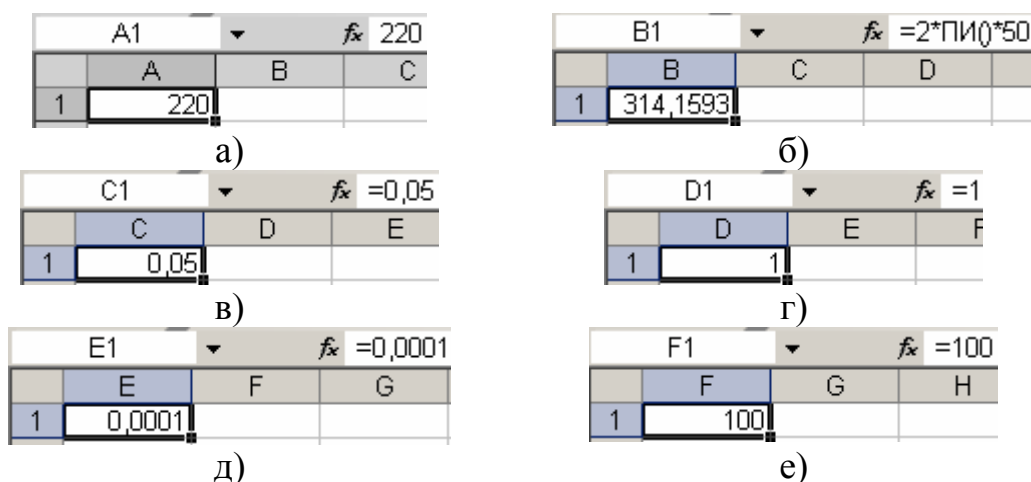


Рис. 3.26

Согласно (3.29) в ячейке A3 рассчитаем проводимость конденсатора C и резистора $R2$. Для этого воспользуемся функцией КОМПЛЕКСН из категории «Инженерные» (рис. 3.27).

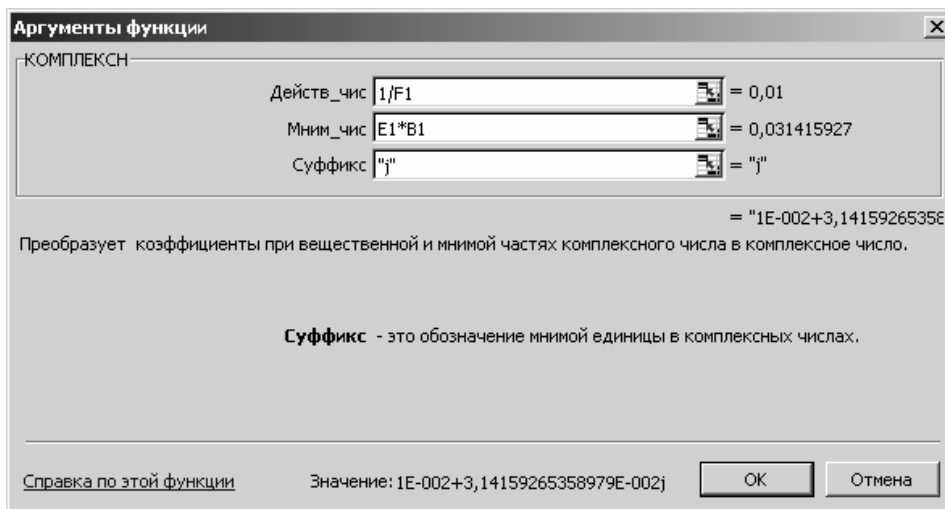


Рис. 3.27

Содержимое ячейки A3 представлено (рис. 3.28).

	A	B	C	D	E
3	1E-002+3,14159265358979E-002j				

Рис. 3.28

В ячейке A4 согласно (3.30) рассчитаем сопротивление конденсатора C и резистора $R2$. Воспользуемся функцией МНИМ.ДЕЛ для деления на комплексное число (рис. 3.29).

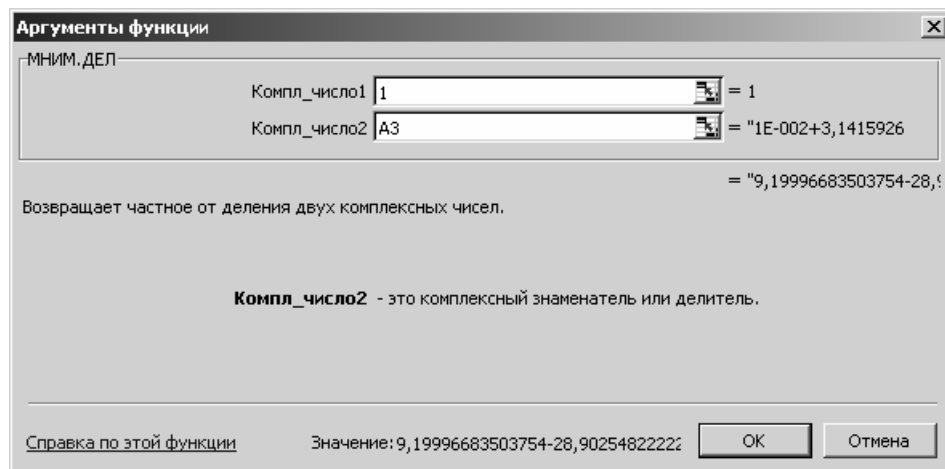


Рис. 3.29

Содержимое ячейки A4 представлено (рис. 3.30).

A4		fx =МНИМ.ДЕЛ(1;A3)			
	A	B	C	D	
4	9,199966888503754-28,9025482222237j				

Рис. 3.30

Согласно (3.31) рассчитаем полное сопротивление нагрузки. Для этого в ячейку A5 введём комплексное число $R_1 + j \cdot \omega \cdot L$ (рис. 3.31).

A5		fx =КОМПЛЕКСН(D1;B1*C1;"j")			
	A	B	C	D	E
5	1+15,707963267949j				

Рис. 3.31

Затем в ячейке A6 необходимо произвести сложение двух комплексных чисел, находящихся в ячейках A4 и A5. Для этого воспользуемся функцией МНИМ.СУММ из категории «Инженерные» (рис. 3.32).

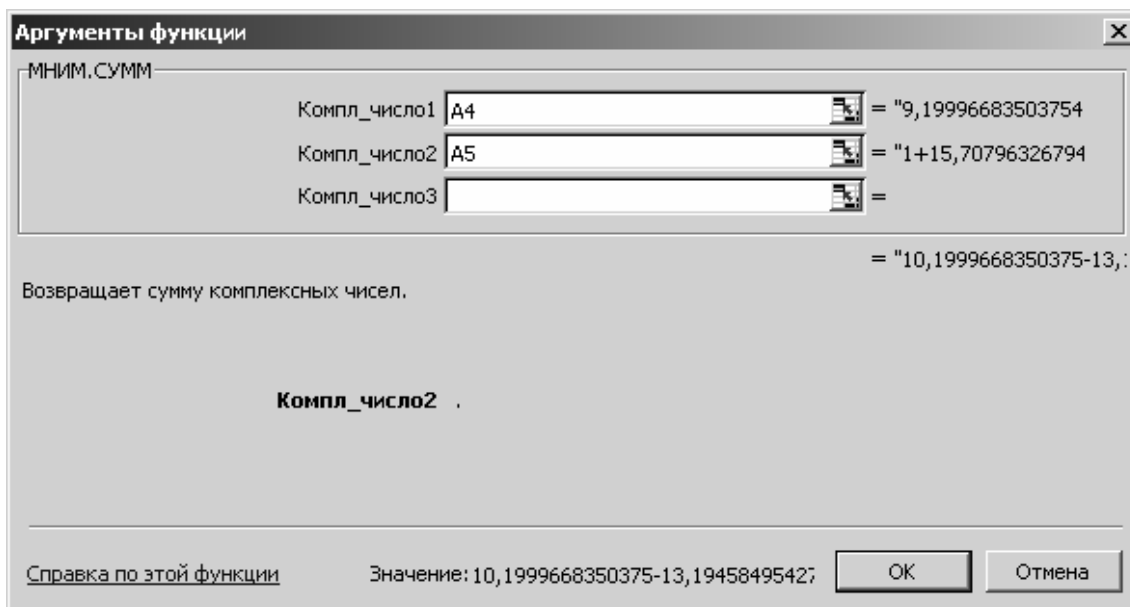


Рис. 3.32

Величина полного комплексного сопротивления нагрузки находится в ячейке А6 (рис. 3.33).

	A6		fx =МНИМ.СУММ(A4;A5)		
	A	B	C	D	E
6	10,1999668350375-13,1945849542747j				

Рис. 3.33

Определим в ячейке А7 угол сдвига фазы тока относительно гармонического входного напряжения, выраженный в радианах. Воспользуемся функцией МНИМ.АРГУМЕНТ из категории «Инженерные» (рис. 3.34).

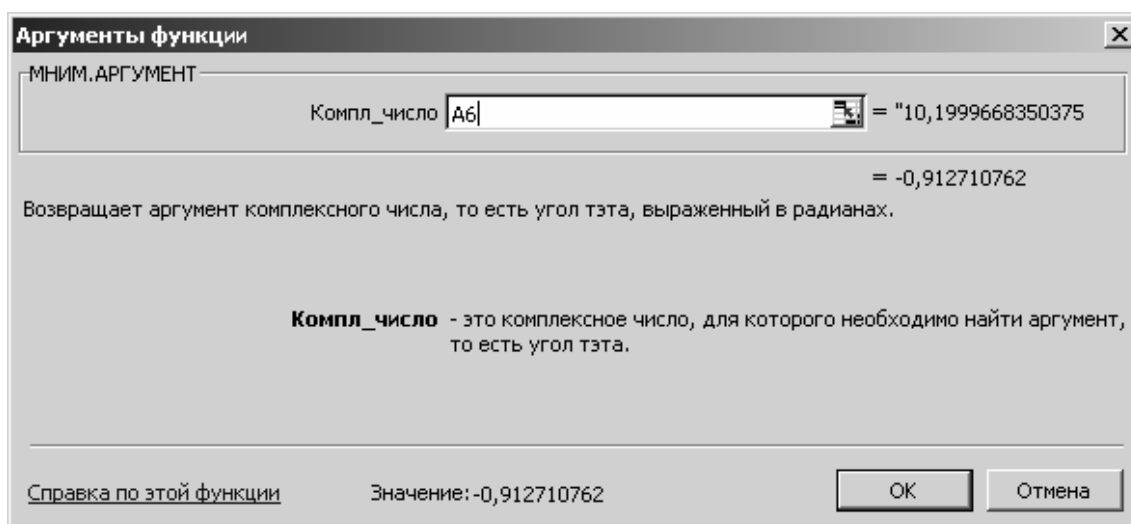


Рис. 3.34

Содержимое ячейки А7 показано на рис. 3.35.

	A7		fx =МНИМ.АРГУМЕНТ(A6)		
	A	B	C	D	E
7	-0,91271				

Рис. 3.35

Представим в ячейке А8 предыдущий полученный результат в градусах (рис. 3.36).

A8		fx =180*A7/ПИ()		
	A	B	C	D
8	-52,2945			

Рис. 3.36

В ячейке A9 определим коэффициент мощности (рис. 3.37).

A9		fx =COS(A7)		
	A	B	C	
9	0,611603			

Рис. 3.37

В ячейке A10 определим модуль комплексного сопротивления нагрузки. Для этого воспользуемся функцией МНИМ.ABS из категории «Инженерные» (рис. 3.38).

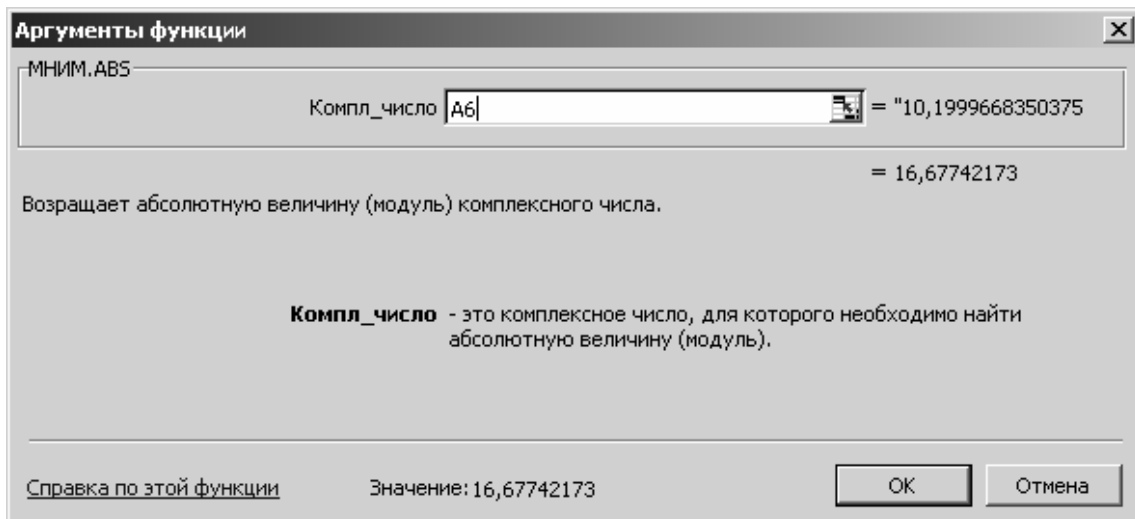


Рис. 3.38

На рис. 3.39 показано содержимое ячейки A10.

A10		fx =МНИМ.ABS(A6)		
	A	B	C	D
10	16,67742			

Рис. 3.39

Определим активную мощность нагрузки (рис. 3.40).

A11		fx =A1*A1*A9/A10		
	A	B	C	D
11	1774,951			

Рис. 3.40

Полученные в данной главе результаты сведём в табл. 3.1.

Таблица 3.1

Величина	Значение	Размерность
φ	-52,2945	град
ξ	0,611603	-
P	1774,951	Вт

Процедура расчёта, приведённая в данной главе, применима ко всем линейным цепям переменного тока.

ГЛАВА 4. ПОСТРОЕНИЕ ЧАСТОТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ЭЛЕКТРО- ТЕХНИЧЕСКИХ УСТРОЙСТВ В ПРОГРАММЕ EXCEL

Для цепи переменного тока, показанной на рис. 3.25, построим выведенные ранее частотные характеристики по формулам (3.33), (3.34), (3.35) в околорезонансной области.

Введём исходные данные так же, как в прошлой задаче в массив ячеек A1-F1 (рис. 3.26).

В ячейку B3 введём частоту 40 Гц, в ячейку B4 введём 41 Гц, шаг по частоте составит 1 Гц. Выделим массив B3-B4. Мышкой протянем его до ячейки B115.

В ячейке A3 рассчитаем круговую частоту от частоты, записанной в ячейке B3 (рис. 3.41). Выделим ячейку A3 и протянем выделение до ячейки A115. Получим массив переменных.

Построим фазочастотную характеристику по формуле (3.33).

A3		fx =2*ПИ()*B3		
	A	B	C	
3	251,3274	40		

Рис. 3.41

В ячейку C3 внесем формулу (3.33):

$$=ATAN((A3*\$C\$1-\$E\$1*A3)/(\$E\$1*\$E\$1*A3*A3+1/\$F\$1/\$F\$1))/$$

$$/(\$D\$1+(1/\$F\$1)/(\$E\$1*\$E\$1*A3*A3+1/\$F\$1/\$F\$1))*180/ПИ()$$

Следует обратить внимание на использование знака \$ для обозначения глобальных и локальных переменных (рис. 3.42).

C3	=ATAN((A3*С\$1-Е\$1*А3/(Е\$1*Е\$1*А3*А3+1/Ф\$1/Ф\$1))/(\$D\$1+(1/Ф\$1)/(Е\$1*Е\$1*А3*А3+1/Ф\$1/Ф\$1))*180/ПИ()													
	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
3	-56,047													

Рис. 3.42

Выделим ячейку C3 и продолжим выделение с помощью мышки до ячейки C115. Выделим массив B3-C115. Вызовем «Мастер диаграмм». Выберем для построения точечную диаграмму со сглаживающими линиями. Поставим линии сетки по обеим осям. Выберем тип заливки «Прозрачная», подпишем оси и получим диаграмму фазочастотной характеристики (рис. 3.43).

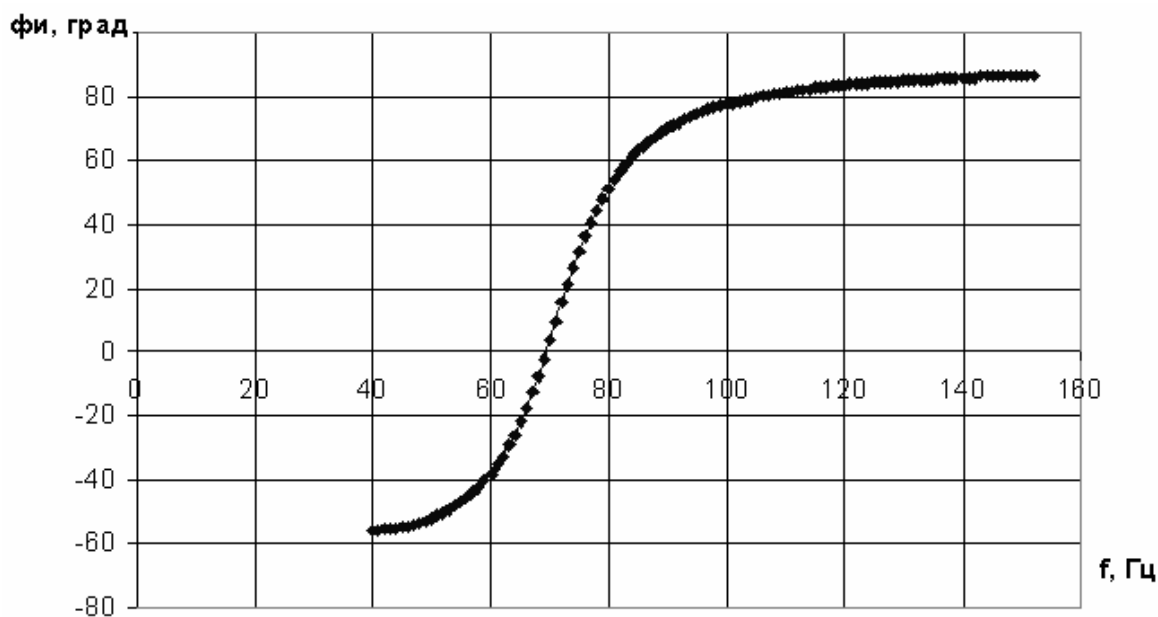


Рис. 3.43

Построим амплитудно-частотную характеристику по выражению (3.34).

В ячейку D3 введём формулу (3.34):

$$=КОРЕНЬ((\$D\$1+(\$E\$1^2*A3^2+1/\$F\$1^2)/\$F\$1)^2+(A3*\$C\$1-\$E\$1*A3/(\$E\$1^2*A3^2+1/\$F\$1^2))^2)$$

Выделим ячейку D3 и продолжим выделение до ячейки D115.

Итак, готов массив функции модуля комплексного сопротивления нагрузки. Построим его график по методике, описанной для фазочастотной характеристики (рис. 3.44).

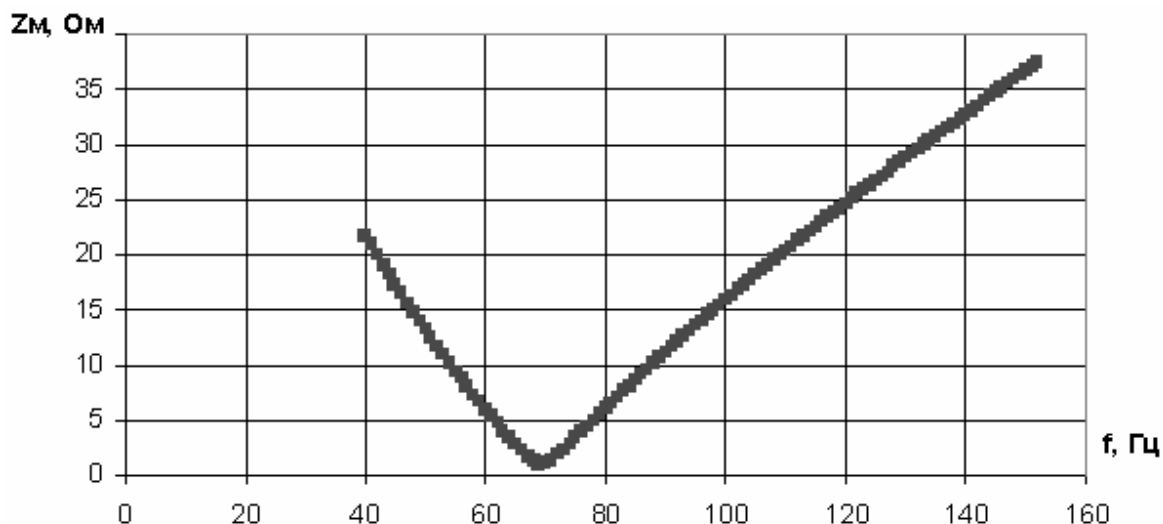


Рис. 3.44

Как видно из графика (рис. 3.44), функция имеет резонансный минимум в диапазоне частот от 60 до 80 Гц.

В столбце E разместим массив, рассчитанный по выражению (3.35). В ячейку E3 поместим соответствующую формулу (рис. 3.45).

E3		f _k =COS(C3*ПИ()/180)			
	E	F	G	H	
3	0,558513				

Рис. 3.45

Выделим ячейку E3 и продолжим выделение до E115. Получим массив значений для коэффициента мощности и построим его график (рис. 3.46).

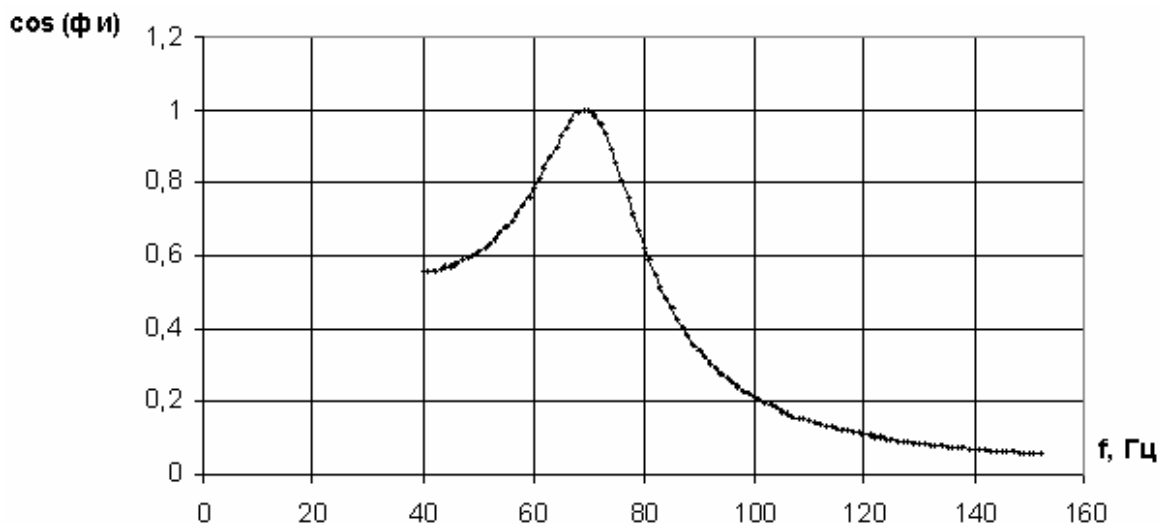


Рис. 3.46

На резонансной частоте коэффициент мощности равен 1.

ГЛАВА 5. АНАЛИЗ ДИНАМИКИ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ УСТРОЙСТВ В ПРОГРАММЕ EXCEL

§5.1. Расчёт методом Эйлера переходного процесса заряда RC-цепи при коммутации на источник постоянного тока

Конденсатор ёмкостью C через резистор R подключается к источнику постоянного тока с ЭДС E . До коммутации конденсатор был разряжен. Рассчитать методом Эйлера переходный процесс заряда конденсатора и определить время переходного процесса. Переходный процесс заканчивается, когда конденсатор зарядится на 95% от установившегося значения.

Дифференциальное уравнение для послекоммутационной цепи выглядит, как

$$\frac{dU}{dt} = \frac{E - U}{C \cdot R}, \quad (3.37)$$

где U – напряжение на конденсаторе,
 t – время.

В качестве индексной переменной выберем переменную j .

На нулевом шаге имеем исходные данные

$$t_0 = 0, \quad U_0 = 0. \quad (3.38)$$

Согласно методу Эйлера на шаге расчёта $j+1$ имеем следующие соотношения

$$\begin{cases} t_{j+1} = t_j + \Delta t \\ U_{j+1} = U_j + \Delta t \cdot \frac{E - U_j}{C \cdot R} \end{cases} \quad (3.39)$$

где Δt – шаг интегрирования, определяемый как

$$\Delta t = \frac{C \cdot R}{40}. \quad (3.40)$$

Пусть $C = 0.001$ Ф, $R = 1$ Ом, $E = 100$ В, тогда

$$\Delta t = \frac{0.001 \cdot 1}{40} = 25 \cdot 10^{-6} \text{ с.}$$

В ячейку A1 введём начальное значение времени, в ячейку B1 введём начальное значение напряжения (рис. 3.47).

A1		fx 0	
	A	B	
1	0	0	

Рис. 3.47

В ячейку A2 введём $25 \cdot 10^{-6}$. Выделим массив ячеек A1-A2 и с помощью мышки продолжим выделение до ячейки A160. В ячейку B2 внесём формулу для расчёта напряжения (рис. 3.48).

B2		fx =B1+0,000025*(100-B1)/0,001/1			
	B	C	D	E	F
2	2,5				

Рис. 3.48

Выделим ячейку B2 и её содержимое вставим в ячейку B3 с помощью сочетания клавиш <Ctrl>+<C> (копировать) и <Ctrl>+<V> (вставить). Выделим массив B2-B3 и с помощью мышки продолжим выделение до ячейки B160. Выделим массив A1-B160, вызовем «Мастер диаграмм», выберем точечную диаграмму со значениями, соединёнными сглаживающими линиями, проставим линии сетки по обеим осям, выберем обычный тип заливки, подпишем оси. На полученной диаграмме

курсором выделим график переходного процесса, найдём точку с координатой 95 В (рис. 3.49).

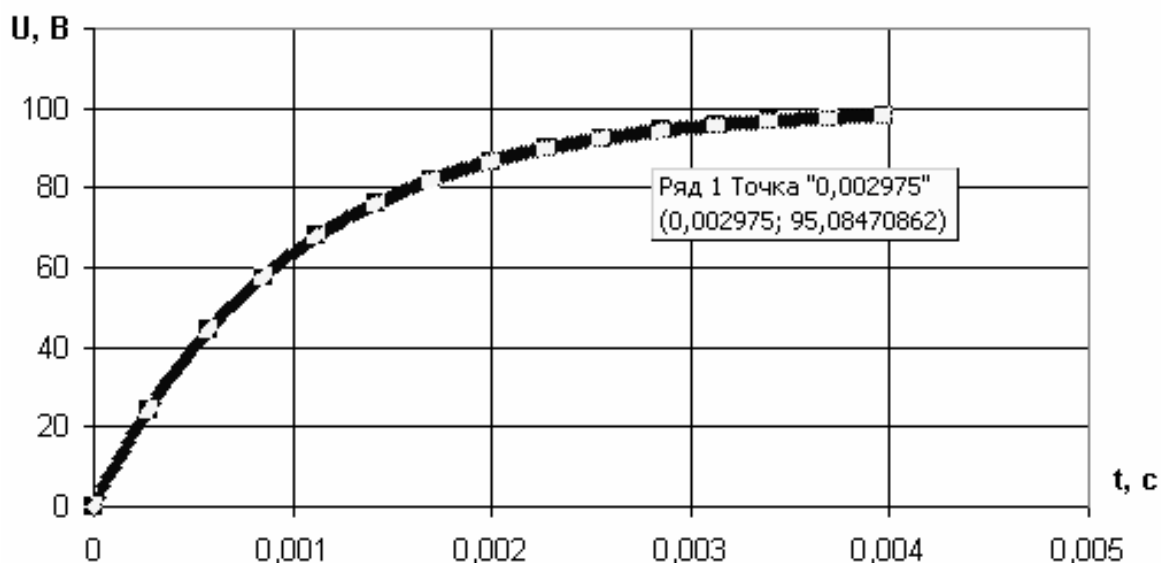


Рис. 3.49

Таким образом, время переходного процесса заряда конденсатора составляет 0.002975 с (рис. 3.49).

§5.2. Расчёт методом Эйлера переходного процесса пуска вхолостую двигателя постоянного тока независимого возбуждения

Пусть двигатель постоянного тока с независимым возбуждением (ДПТ с НВ) подключается к источнику постоянного тока U (рис. 3.50).

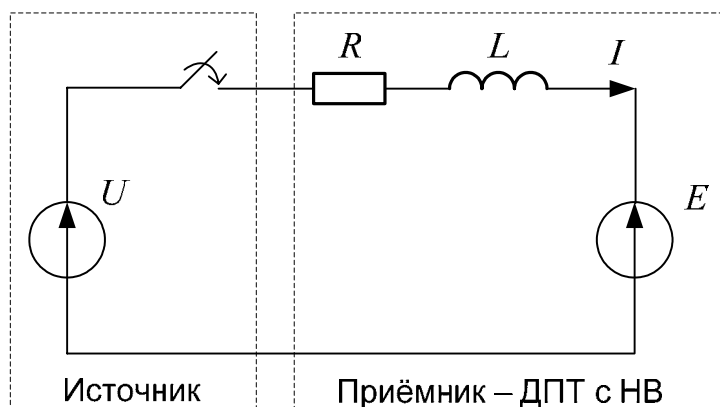


Рис. 3.50

Необходимо рассчитать переходный процесс пуска ДПТ с НВ при пуске вхолостую, определить величины броска тока якоря, наибольший противоток и перерегулирования по скорости в процентах. В начале переходного процесса скорость и ток были равны нулю.

Якорная цепь ДПТ с НВ на схеме замещения (рис. 3.50) состоит из:

- R – суммарного сопротивления якорной цепи,
- L – суммарной индуктивности якорной цепи,
- E – электродвижущей силы, пропорциональной скорости вала ω .

ЭДС ДПТ с НВ рассчитывается как

$$E = \omega \cdot c, \quad (3.41)$$

где c – электромеханический коэффициент ДПТ с НВ.

Электромеханический коэффициент определяется как

$$c = \frac{U_H - I_H \cdot R}{\omega_H}, \quad (3.42)$$

где U_H , I_H , ω_H – номинальные напряжение якоря, ток якоря и скорость вала ДПТ с НВ.

Система дифференциальных уравнений, описывающих процесс пуска ДПТ с НВ вхолостую, выглядит как

$$\begin{cases} U = I \cdot R + L \cdot \frac{dI}{dt} + \omega \cdot c \\ I \cdot c = J \cdot \frac{d\omega}{dt}, \end{cases} \quad (3.43)$$

где J – момент инерции вала двигателя.

Явно выделим правые части дифференциальных уравнений

$$\begin{cases} \frac{dI}{dt} = \frac{U - I \cdot R - \omega \cdot c}{L} \\ \frac{d\omega}{dt} = \frac{I \cdot c}{J}. \end{cases} \quad (3.44)$$

В качестве индексной переменной выберем переменную j .

На нулевом шаге имеем исходные данные

$$t_0 = 0, \quad \omega_0 = 0, \quad I_0 = 0. \quad (3.45)$$

Согласно методу Эйлера на шаге расчёта $j+1$ имеем следующие соотношения

$$\begin{cases} t_{j+1} = t_j + \Delta t \\ I_{j+1} = I_j + \Delta t \cdot \frac{U - I_j \cdot R - \omega_j \cdot c}{L} \\ \omega_{j+1} = \omega_j + \Delta t \cdot \frac{I_j \cdot c}{J} \end{cases} \quad (3.46)$$

Шаг интегрирования рассчитаем следующим образом

$$\Delta t = \sqrt{\frac{J \cdot R \cdot L}{c^2 \cdot R}} \cdot 40 \quad (3.47)$$

Зададимся численными параметрами для решения задачи в Excel (см. табл. 3.2).

Таблица 3.2

Величина	Значение	Размерность
U_H	220	В
I_H	20	А
R	1	Ом
ω_H	157	рад/с
U	220	В
L	0.1	Гн
J	0.25	кг·м ²

В ячейке А1 рассчитаем коэффициент c (рис. 3.51).

A1		fx =(220-20*1)/157		
	A	B	C	D
1	1,273885			

Рис. 3.51

В ячейке В1 рассчитаем шаг интегрирования (рис. 3.52).

B1		fx =КОРЕНЬ(0,25*0,1/1,273885^2)/40				
	B	C	D	E	F	G
1	0,003103					

Рис. 3.52

В столбце А, начиная с ячейки А3, будет размещён массив времени. В столбце В, начиная с ячейки В3, будет размещён массив тока. В столбце С, начиная с ячейки С3, будет размещён массив скорости. В массив А3-С3 внесем нули, так как переходный процесс рассчитывается с нулевыми начальными условиями (рис. 3.53).

	A3		fx 0
	A	B	C
3	0	0	0

Рис. 3.53

Выделим ячейку В1, скопируем содержимое ячейки в буфер с помощью сочетания клавиш <Ctrl> + <C>. Вставим содержимое буфера в ячейку А4 с помощью сочетания клавиш <Ctrl> + <V>. В правом нижнем углу выберем раскрывающийся маркированный список и в нём отметим пункт «Значения и форматы чисел». Аналогично внесём скопированную информацию из В1 в Е3. Содержимое ячейки Е3 удвоим (рис. 3.54).

	E3		fx =0,00310298580736132*2		
	E	F	G	H	I
3	0,006206				

Рис. 3.54

Удвоенное значение шага интегрирования внесём в ячейку А5, выделив в параметрах вставки пункт «Значения и форматы чисел». Выделим ячейки А4-А5 и продолжим выделение до ячейки А250.

В ячейку В4 внесём формулу для второй итерации расчёта тока (рис. 3.55).

	B4		fx =B3+\$B\$1*(220-B3*1-\$A\$1*C3)/0,1			
	B	C	D	E	F	G
4	6,826569					

Рис. 3.55

В ячейку C4 внесём формулу для второй итерации расчёта скорости (рис. 3.56).

	C4				
					$=C3+\$B\$1*B3*\$A\$1/0,25$
	C	D	E	F	G
4	0				

Рис. 3.56

Выделим массив ячеек A4-C4 и продолжим выделение до A250-C250. Получен числовой массив решения системы дифференциальных уравнений. Выделим массив A3-C250. Вызовем «мастер диаграмм», по аналогии с предыдущими диаграммами построим графики переходных процессов тока и скорости (рис. 3.57).

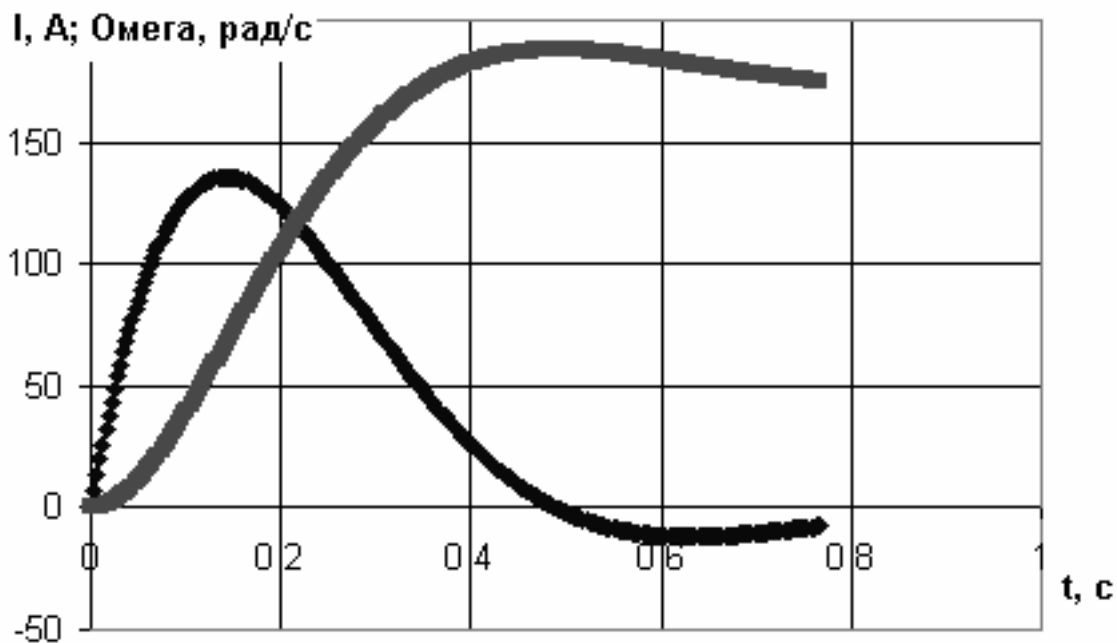


Рис. 3.57

Определим величину броска тока. Для этого в ячейку F3 вставим функцию МАКС из категории «Статистические». В меню функции введём диапазон значений тока: B3-B250.

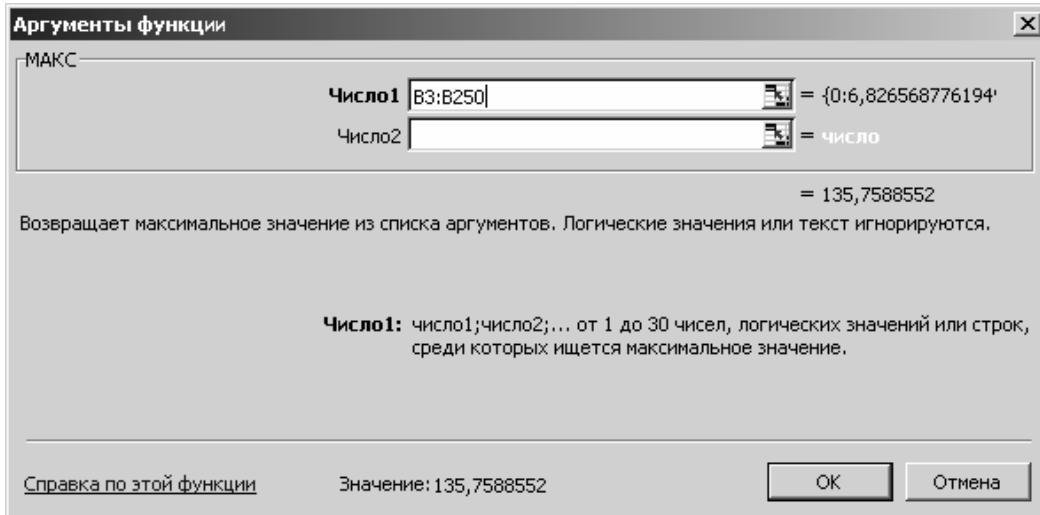


Рис. 3.58

В ячейке F3 получим величину броска тока якоря: 135,7589 А (рис. 3.59).

	F3				
		F	G	H	I
3		135,7589			

Рис. 3.59

Определим максимум противотока или минимум тока и запишем его в ячейке G3. Для этого воспользуемся функцией МИН из категории «Статистические». В меню функции выделяем диапазон B3-B250 (рис. 3.60).

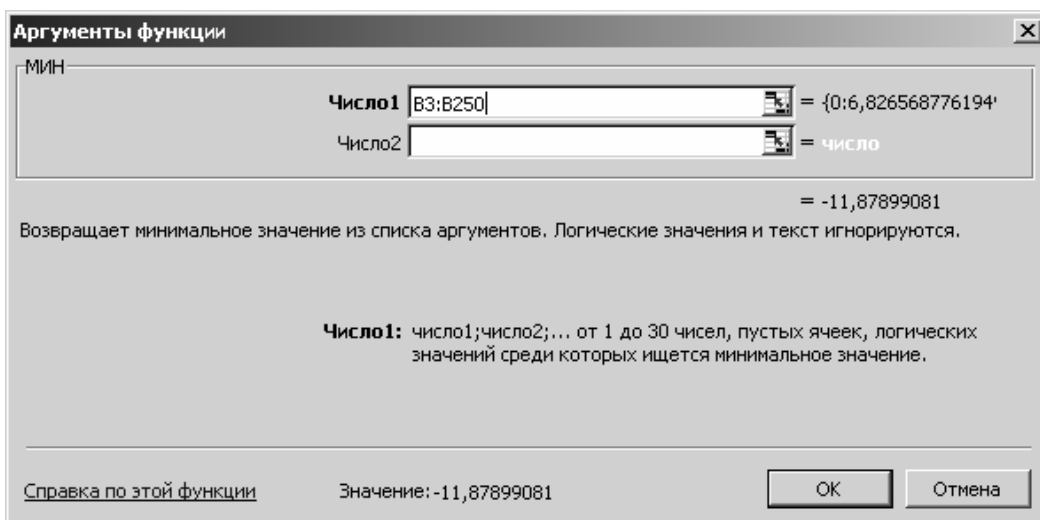


Рис. 3.60

Величина противотока составит -11.879 А (рис. 3.61).

G3		fx =МИН(B3:B250)		
	G	H	I	J
3	-11,879			

Рис. 3.61

Определим перерегулирование по скорости как

$$\Delta\omega\% = \frac{\omega_M - \omega_Y}{\omega_Y} \cdot 100\%, \quad (3.48)$$

где ω_M – максимальная скорость во время переходного процесса,

ω_Y – установившаяся скорость.

Установившаяся скорость в данной задаче равна номинальной $\omega_Y = 157$ рад/с.

Для определения максимальной скорости в ячейку H3 введём функцию МАКС с диапазоном C3-C250 (рис. 3. 62).

H3		fx =МАКС(C3:C250)		
	H	I	J	K
3	187,8128			

Рис. 3.62

В ячейке I3 согласно (3.48) рассчитаем, что перерегулирование по скорости при пуске ДПТ с НВ составит 19.626% (рис. 3.63).

I3		fx =100*(H3-157)/157		
	I	J	K	L
3	19,626			

Рис. 3.63

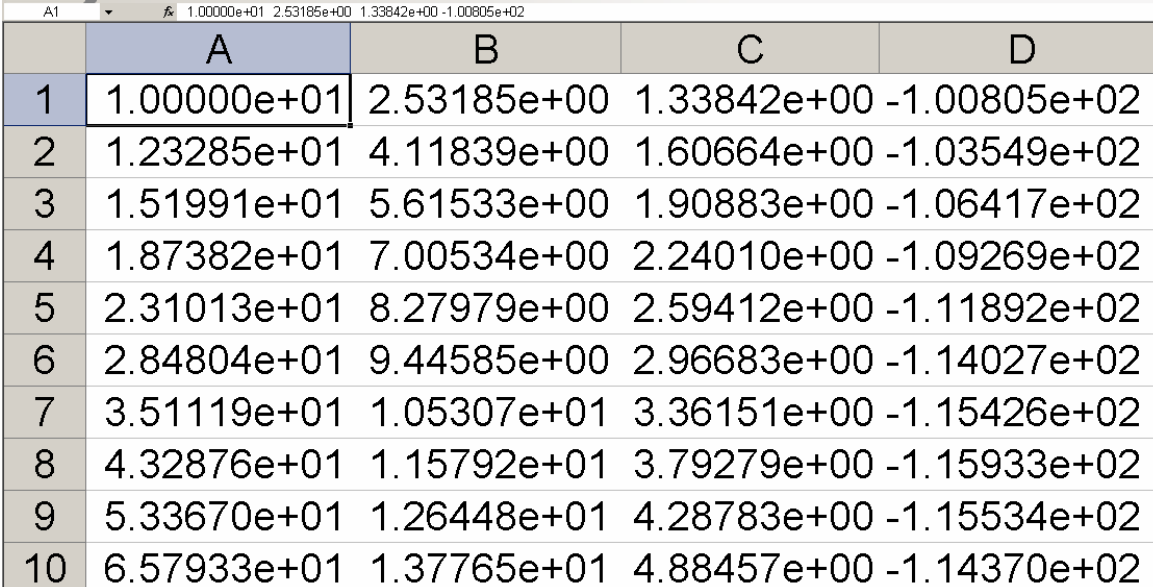
Итак в данной главе средствами Excel рассчитан переходный процесс пуска ДПТ с НВ, определено, что бросок тока и противоток составят соответственно 135,7589 А и -11.879 А, перерегулирование составит 19.626%.

ГЛАВА 6. ПОСТРОЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК В ПРОГРАММЕ EXCEL, ЗА- ГРУЖАЕМЫХ ИЗ ВНЕШНИХ ФАЙЛОВ

Пусть имеется файл с расчётными или экспериментальными данными, полученными из различных источников

- из прикладной программы, например «Electronics Workbench» (EWB), MathCAD, Matlab, Maple и т. п.,
- из цифрового осциллографа.

Необходимо изменить расширение файла с данными на такое, которое будет доступно программе Excel, например на *.xls. Далее производим загрузку файла в Excel. На рис. 3.64 приведен пример загрузки в Excel данных из файла *OE upt.xls* (см. раздел 1, посвящённый EWB). На рисунке приведены только первые десять строк.



	A	B	C	D
1	1.00000e+01	2.53185e+00	1.33842e+00	-1.00805e+02
2	1.23285e+01	4.11839e+00	1.60664e+00	-1.03549e+02
3	1.51991e+01	5.61533e+00	1.90883e+00	-1.06417e+02
4	1.87382e+01	7.00534e+00	2.24010e+00	-1.09269e+02
5	2.31013e+01	8.27979e+00	2.59412e+00	-1.11892e+02
6	2.84804e+01	9.44585e+00	2.96683e+00	-1.14027e+02
7	3.51119e+01	1.05307e+01	3.36151e+00	-1.15426e+02
8	4.32876e+01	1.15792e+01	3.79279e+00	-1.15933e+02
9	5.33670e+01	1.26448e+01	4.28783e+00	-1.15534e+02
10	6.57933e+01	1.37765e+01	4.88457e+00	-1.14370e+02

Рис. 3.64

В качестве разделителя целой и дробной части числа в Excel должна быть использована запятая, а не точка, поэтому необходимо произвести замену точек на запятые во всём файле. При нажатии клавиш **<Ctrl> + <H>** появляется диалоговое окно «**Найти и заменить**» (рис. П1.2). После ввода точки в поле «**Найти**» и ввода запятой в поле «**Заменить на:**» необходимо нажать кнопку «**Заменить всё**».

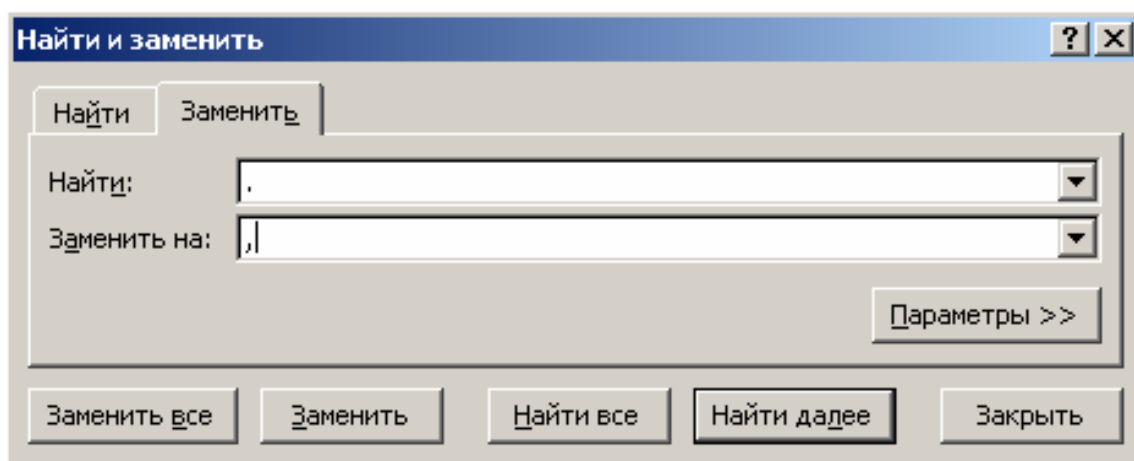


Рис. 3.65

Из рис. 3.64, на примере выделенной ячейки A1 видно, что данные располагаются в одном столбце A и каждая ячейка содержит четыре числа, разделённых пробелом. Необходимо разделить данные по столбцам так, чтобы в одной ячейке было записано одно число. Для этого выделяем данные в столбце A и в разделе меню «*Данные*» выбираем подраздел «*Текст по столбцам*» (рис. 3.66).

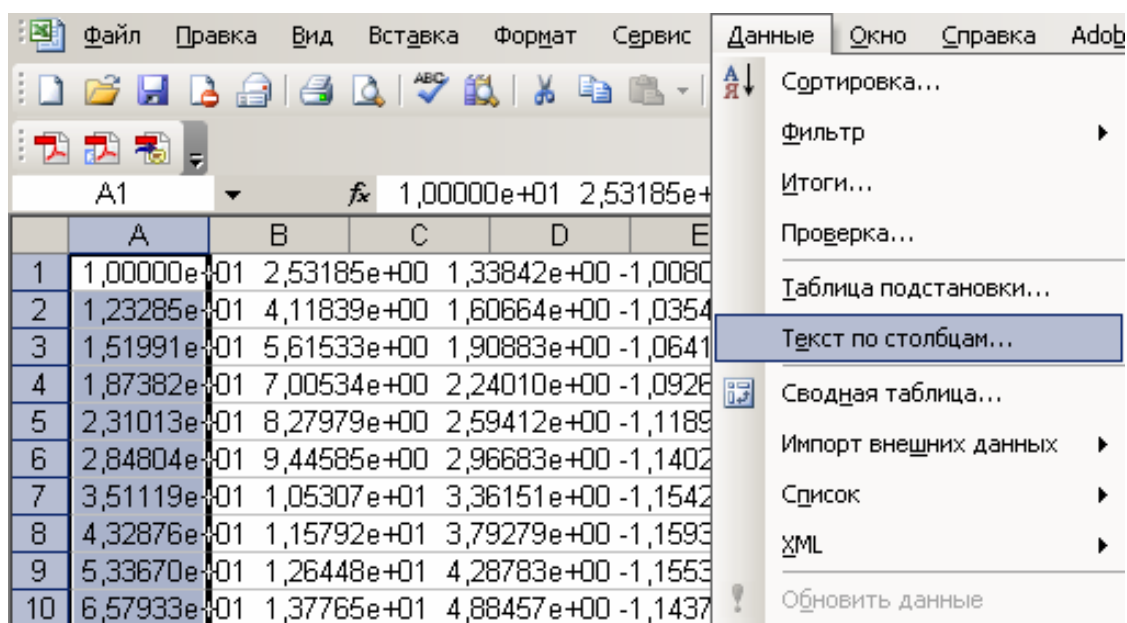


Рис. 3.66

Появляется диалоговое окно «*Мастер текстов (разбор) – шаг 1 из 3*» (рис. 3.67). В разделе меню «*Формат исходных данных*» укажите формат данных «*с разделителями*» и нажмите кнопку «*Далее*». Поя-

вится следующее диалоговое окно «*Мастер текстов (разбор) – шаг 2 из 3*» (рис. 3.68).

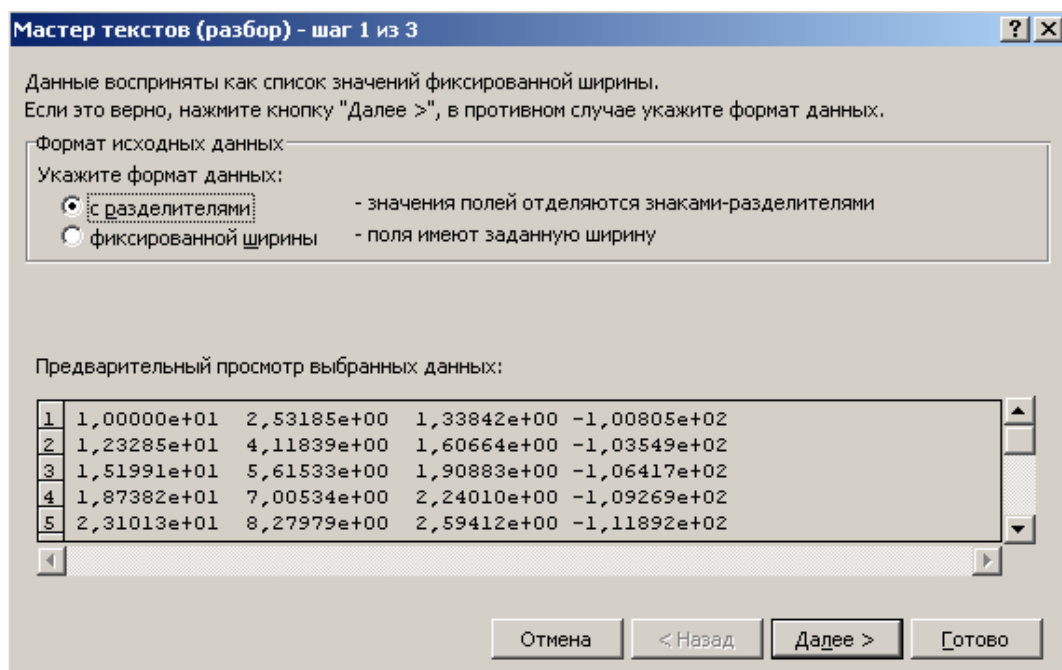


Рис. 3.67

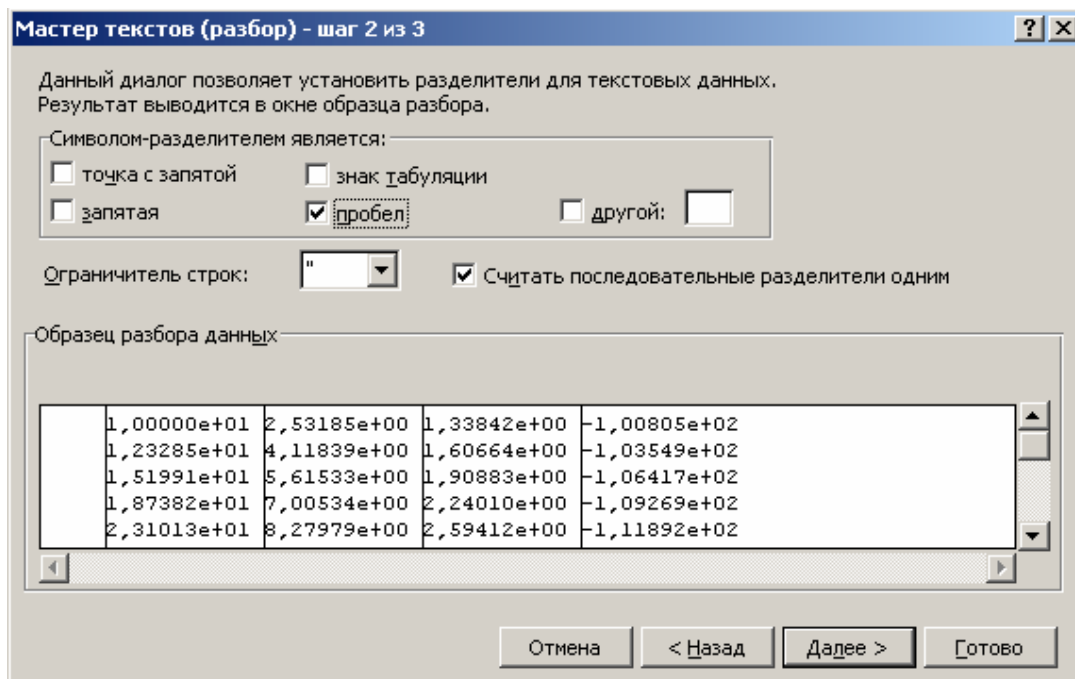


Рис. 3.68

Отметьте в диалоговом окне, что символом-разделителем является пробел, ограничителем строк является апостроф «'» и необходимо считать последовательные разделители одним. Нажмите кнопку «*Далее*». Появится диалоговое окно «*Мастер текстов (разбор) – шаг 3 из 3*» (рис. 3.69). Нажать кнопку «*Готово*».

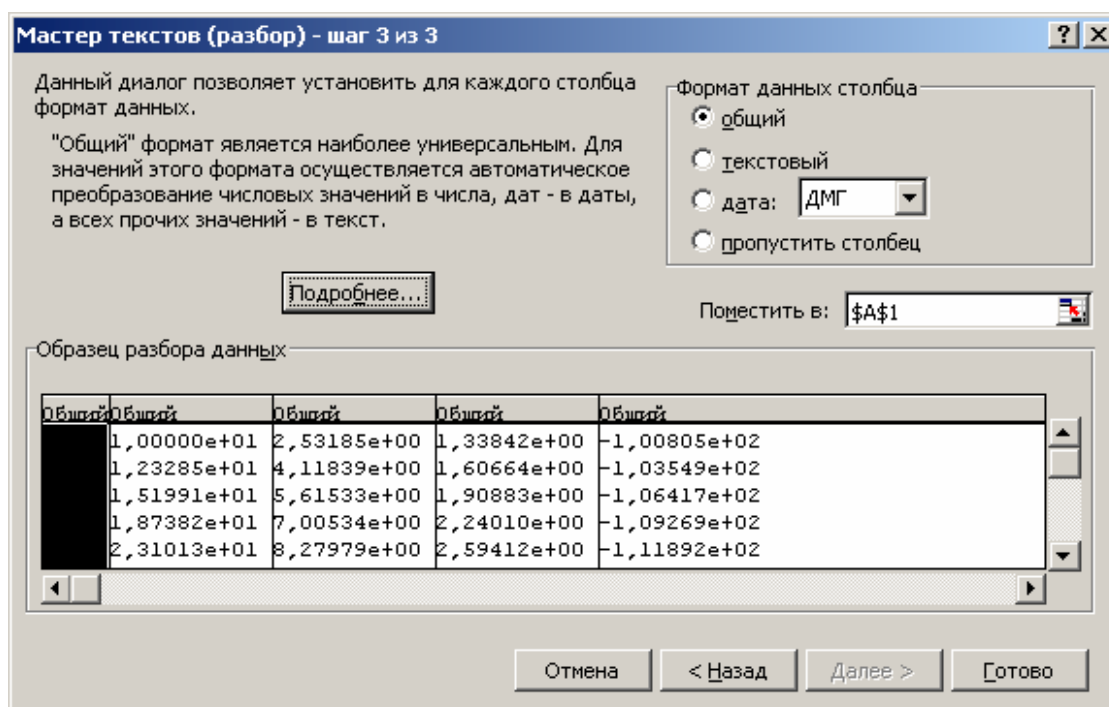


Рис. 3.69

Выделить область данных. С помощью сочетания клавиш **<Ctrl>+<I>** вызвать диалоговое окно «*Формат ячеек*» (рис. 3.70). Выбрать вкладку «*Число*», отметить числовой формат «*Общий*» и нажать кнопку «*Ок*». В столбце В будет расположен аргумент частотной характеристики – частота, измеряемая в Герцах (Гц). В столбце С будет расположена логарифмическая амплитудно-частотная характеристика (ЛАЧХ) усилителя переменного тока (УПТ), измеряемая в децибелах (дБ). В столбце D будет расположена амплитудно-частотная характеристика (АЧХ) УПТ, измеряемая в относительных единицах (безразмерная). В столбце E будет расположена фазо-частотная характеристика (ФЧХ) УПТ, измеряемая в градусах угловой шкалы.

Для построения ЛАЧХ выделим данные в столбце С. В основном меню выделим раздел «*Вставка*».

В этом разделе запустим подраздел «*Диаграмма*». Появляется диалоговое окно «*Мастер диаграмм (шаг 1 из 4): тип диаграммы*» (рис. 3.71).

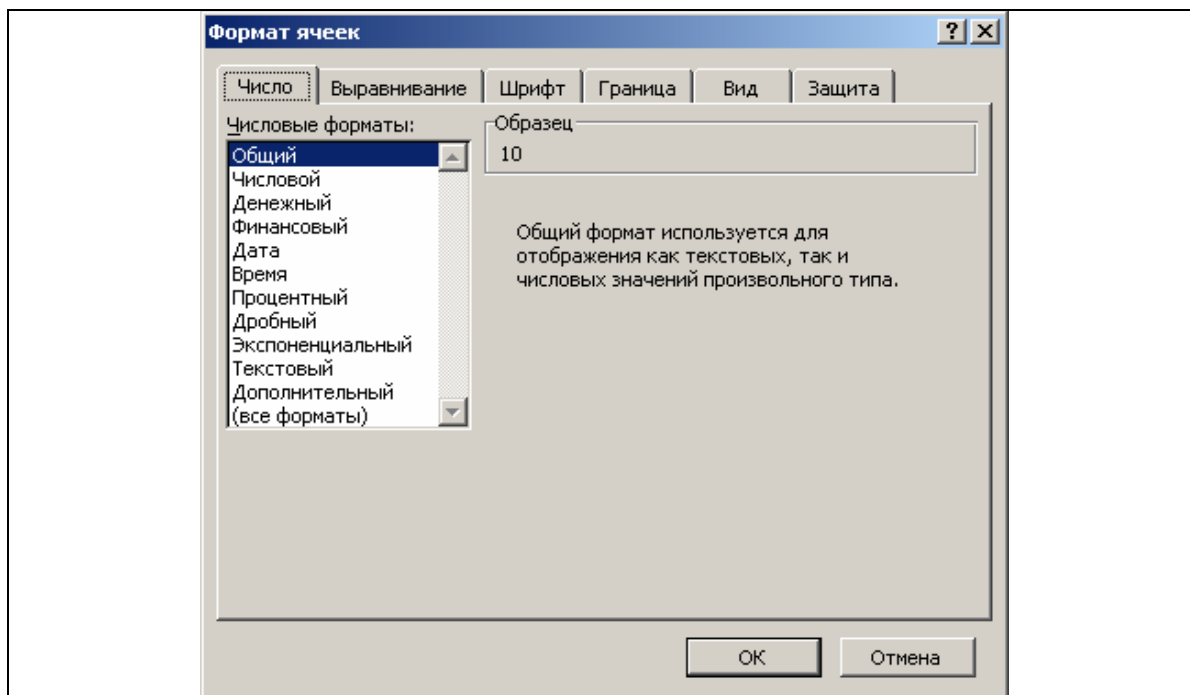


Рис. 3.70

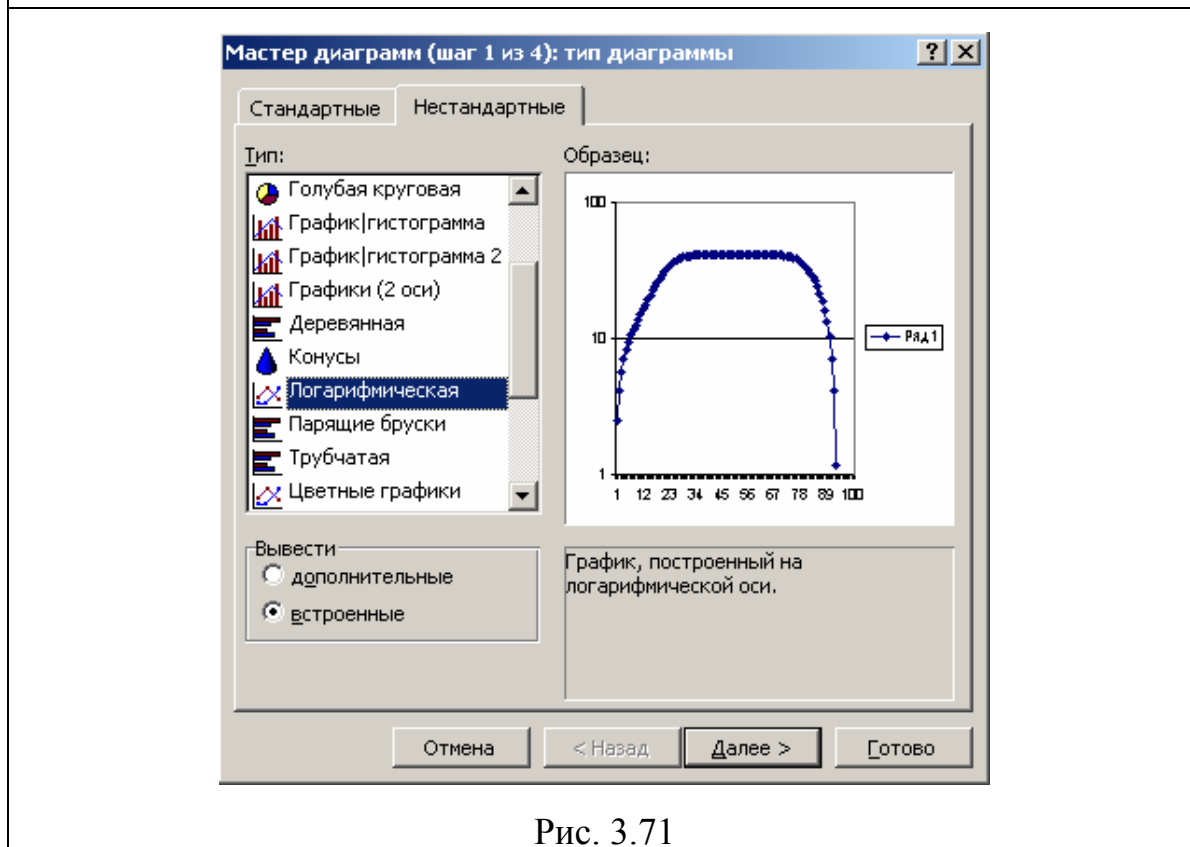


Рис. 3.71

На вкладке «*Нестандартные*» выбираем тип диаграммы «*Логарифмическая*» и нажимаем кнопку «*Далее*». Затем выполняются шаги 2, 3 и 4 диалогового окна «*Мастер диаграмм*» и получаем ЛАЧХ УПТ (рис. 3.72).

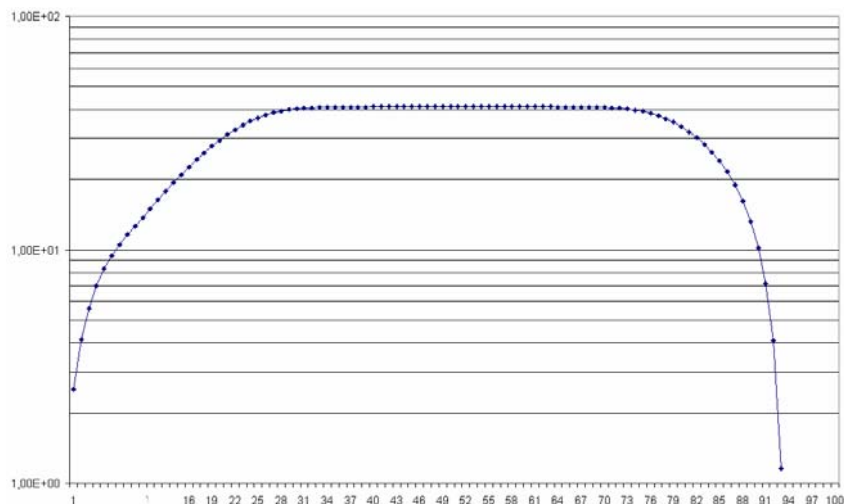


Рис. 3.72. Логарифмическая АЧХ УПТ, построенная в Excel

ЛАЧХ, полученную в Excel, можно вставить в текстовый редактор Word. Для этого с помощью сочетания клавиш <Alt> + <Print Screen> или <Print Screen> помещаем копию экрана в буфер. Затем копию экрана вставляем в один из графических редакторов, например Adobe Photoshop, Paint или другой им подобный. После обработки копии экрана получаем рисунок, подобный рис. 3.72.

АЧХ и ФЧХ построенные в Excel с помощью стандартных диаграмм, приведены на рис. 1.24-1.26 и 3.72.

ГЛАВА 7.
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА
«РЕШЕНИЕ ТИПОВЫХ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ ЗАДАЧ В
ПРОГРАММЕ EXCEL»

Цель работы: получение практических навыков решения численных задач средствами программы Excel.

Работа выполняется каждым студентом самостоятельно. Номер варианта определяется по последней цифре номера зачётной книжки студента.

Решить в Excel задания, приведённые в программе работы.

Программа работы

Тема 1.

Графическое решение нелинейного уравнения

Пусть задана катушка индуктивности, намотанная на тороидальном магнитопроводе (рис. 3.2). В таблице 3.3 заданы параметры катушки.

Таблица 3.3

Вариант	L_0 , Гн	R , м	r , м	μ
1	0.05	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	165
2	0.055	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	170
3	0.06	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	175
4	0.065	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	180
5	0.07	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	185
6	0.075	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	190
7	0.08	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	195
8	0.085	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	200
9	0.09	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	205
10	0.095	$160 \cdot 10^{-6}$	$32 \cdot 10^{-6}$	210

Требуется графическим способом определить целое число витков w катушки, необходимое для получения требуемой индуктивности L_0 .

Тема 2.

Графическое решение системы нелинейных уравнений

Пусть имеется генератор постоянного тока с ЭДС E и внутренним сопротивлением r (рис. 3.7). К генератору подключен идеальный диод VDI . По цепи протекает ток I . Температура диода $T = 300$ К. Обратный ток диода $I_0 = 10 \cdot 10^{-18}$ А. Исходные данные приведены в табл. 3.4.

Таблица 3.4

Вариант	E , В	r , Ом
1	1.1	2
2	1.2	1.9
3	1.3	1.8
4	1.4	1.7
5	1.5	1.6
6	1.6	1.5
7	1.7	1.4
8	1.8	1.3
9	1.9	1.2
10	2	1.1

Требуется графическим способом определить напряжение и мощность на диоде, ток в цепи.

Тема 3.

Расчёт цепи постоянного тока методами обратной матрицы и Крамера

Пусть дана электрическая цепь (рис. 3.12), состоящая из трёх ветвей. Известны величины ЭДС источников и сопротивлений в каждой ветви. Исходные данные приведены в табл. 3.5.

Таблица 3.5

Вариант	$E_1, \text{В}$	$E_2, \text{В}$	$E_3, \text{В}$	$R_1, \text{Ом}$	$R_2, \text{Ом}$	$R_3, \text{Ом}$
1	11	5	4	1	2	4
2	10	5	4	1	1	2
3	12	4	3	1	2	2
4	14	7	8	1	2	1
5	15	10	9	1	2	3
6	15	11	10	1	2	2
7	11	3	6	1	2	2
8	10	5	4	1	3	3
9	10	7	5	1	1	1
10	9	4	5	2	2	2

Необходимо определить токи, протекающие в каждой ветви, методами обратной матрицы и Крамера.

Тема 4.

Расчёт цепи переменного тока, определение фазы потребляемого тока, активной мощности и коэффициента мощности

Пусть к источнику переменного тока подключена активно-реактивная нагрузка (рис. 3.25).

Параметры цепи переменного тока приведены в табл. 3.6.

Таблица 3.6

Вариант	$f, \text{Гц}$	$U_D, \text{В}$	$L, \text{Гн}$	$R_1, \text{Ом}$	$C, \text{Ф}$	$R_2, \text{Ом}$
1	50	220	$3 \cdot 10^{-3}$	1	$20 \cdot 10^{-6}$	80
2	50	110	$4 \cdot 10^{-3}$	2	$40 \cdot 10^{-6}$	100
3	50	220	$5 \cdot 10^{-3}$	3	$60 \cdot 10^{-6}$	120
4	50	110	$6 \cdot 10^{-3}$	4	$80 \cdot 10^{-6}$	140
5	50	220	$7 \cdot 10^{-3}$	5	$100 \cdot 10^{-6}$	160
6	50	110	$8 \cdot 10^{-3}$	1	$120 \cdot 10^{-6}$	180
7	50	220	$9 \cdot 10^{-3}$	2	$140 \cdot 10^{-6}$	200
8	50	110	$11 \cdot 10^{-3}$	3	$160 \cdot 10^{-6}$	220
9	50	220	$12 \cdot 10^{-3}$	4	$180 \cdot 10^{-6}$	240
10	50	110	$15 \cdot 10^{-3}$	5	$200 \cdot 10^{-6}$	260

Необходимо определить с применением Excel фазу потребляемого тока, активную мощность и коэффициент мощности цепи переменного тока.

Тема 5.

Частотные характеристики цепей переменного тока

Для цепи переменного тока, показанной на рис. 3.25, построить выведенные ранее частотные характеристики по формулам (3.33), (3.34), (3.35) в околорезонансной области. Параметры цепи взять из табл. 3.6.

Тема 6.

Расчёт методом Эйлера переходного процесса заряда RC-цепи при коммутации на источник постоянного тока

Конденсатор ёмкостью C через резистор R подключается к источнику постоянного тока с ЭДС $E=10$ В. До коммутации конденсатор был разряжен. Рассчитать методом Эйлера переходный процесс заряда конденсатора и определить время переходного процесса. Переходный процесс заканчивается, когда конденсатор зарядится на 95% от установившегося значения. Параметры RC-цепи взять из табл. 3.7.

Таблица 3.7

Вариант	R , Ом	C , Ф
1	10	$20 \cdot 10^{-6}$
2	20	$40 \cdot 10^{-6}$
3	30	$60 \cdot 10^{-6}$
4	40	$80 \cdot 10^{-6}$
5	50	$100 \cdot 10^{-6}$
6	60	$120 \cdot 10^{-6}$
7	70	$140 \cdot 10^{-6}$
8	80	$160 \cdot 10^{-6}$
9	90	$180 \cdot 10^{-6}$
10	100	$200 \cdot 10^{-6}$

Тема 7.

Расчёт методом Эйлера переходного процесса пуска вхолостую двигателя постоянного тока независимого возбуждения

Пусть двигатель постоянного тока с независимым возбуждением (ДПТ с НВ) подключается к источнику постоянного тока U (рис. 3.50). Параметры ДПТ с НВ и величина напряжения источника даны в табл. 3.8.

Таблица 3.8

Вариант	U , В	U_H , В	I_H , А	ω_H , рад/с	R , Ом	L , Гн	J , кг·м ²
1	220	220	13	157	1	$3 \cdot 10^{-3}$	$30 \cdot 10^{-3}$
2	110	110	14	314	1	$4 \cdot 10^{-3}$	$40 \cdot 10^{-3}$
3	220	220	15	157	1	$5 \cdot 10^{-3}$	$50 \cdot 10^{-3}$
4	110	110	16	314	1	$6 \cdot 10^{-3}$	$60 \cdot 10^{-3}$
5	220	220	17	157	1	$7 \cdot 10^{-3}$	$70 \cdot 10^{-3}$
6	110	110	18	314	1	$8 \cdot 10^{-3}$	$80 \cdot 10^{-3}$
7	220	220	19	157	1	$9 \cdot 10^{-3}$	$90 \cdot 10^{-3}$
8	110	110	21	314	1	$11 \cdot 10^{-3}$	0.11
9	220	220	22	157	1	$12 \cdot 10^{-3}$	0.12
10	110	110	25	314	1	$15 \cdot 10^{-3}$	0.15

Необходимо рассчитать переходный процесс пуска ДПТ с НВ при пуске вхолостую, определить величины броска тока якоря, наибольший противоток и перерегулирования по скорости в процентах. В начале переходного процесса скорость и ток были равны нулю.

Содержание отчёта по работе

1. Цель работы.
2. Решения заданий по темам 1...7, включая
 - текст задания,
 - поясняющий рисунок,
 - заполненные таблицы, если это требуется по тексту задания,
 - численный ответ (или ответы).
3. Выводы по работе.

РАЗДЕЛ 4 РЕШЕНИЕ ДВУХМЕРНЫХ ПОЛЕВЫХ ЗАДАЧ В ПРОГРАММЕ «ELCUT»

ГЛАВА 1. ИСПОЛЬЗОВАНИЮ ПАКЕТА ELCUT ДЛЯ ВЫПОЛНЕНИЯ РАСЧЁТОВ ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ПОЛЕЙ

Программа ELCUT позволяет производить решение двухмерных полевых задач методом конечных элементов.

В качестве примера, достаточно наглядного и простого для усвоения студентами, рассмотрим расчёт электрического поля электротехнического устройства.

Пусть необходимо средствами программы ELCUT рассчитать электростатические характеристики конденсатора с параллельными обкладками (рис. 4.1).

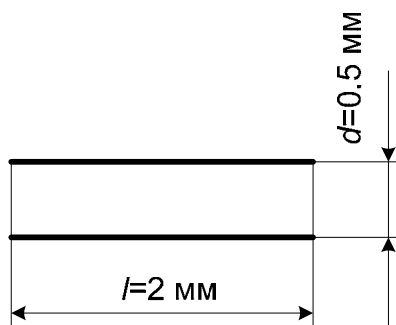


Рис. 4.1

Разность потенциалов между обкладками 200 В.

§1. Этапы решения задачи

Запускаем программу ELCUT. В меню «Файл» выбираем пункт «Создать». В появившемся окне «Создание нового документа» выбрать пункт «Задача ELCUT» и нажать кнопку «ОК» (рис. 4.2).

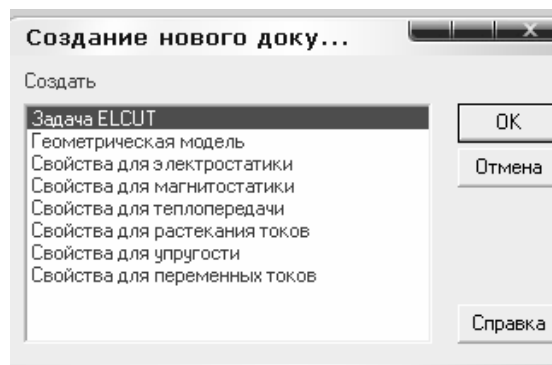


Рис. 4.2

В окне «Создание задачи» ввести имя файла задачи в соответствующей строке (рис. 4.3).

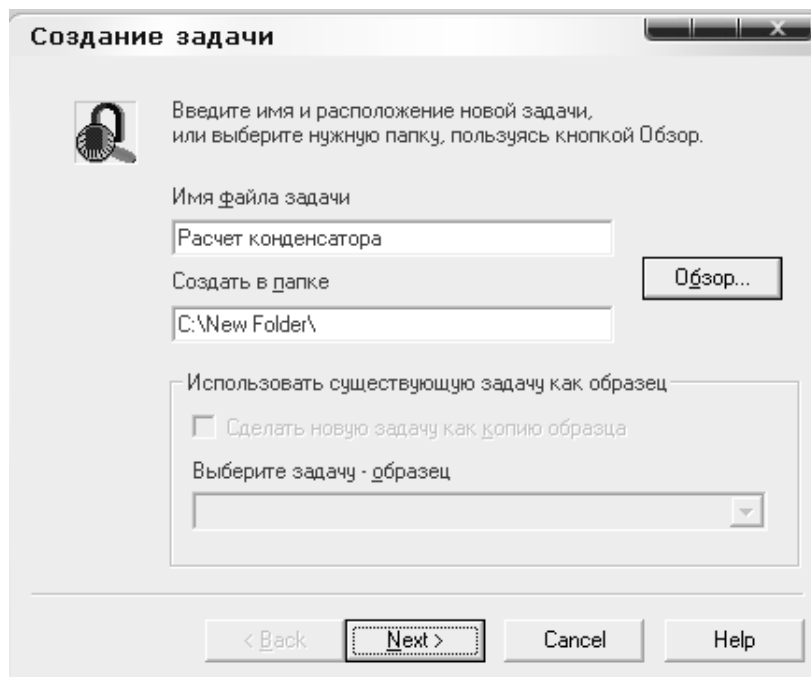


Рис. 4.3

Нажать кнопку «Далее». В следующем окне выбрать тип задачи «Электростатика», класс модели «плоская» и параметр расчета «обычный» (рис. 4.4).

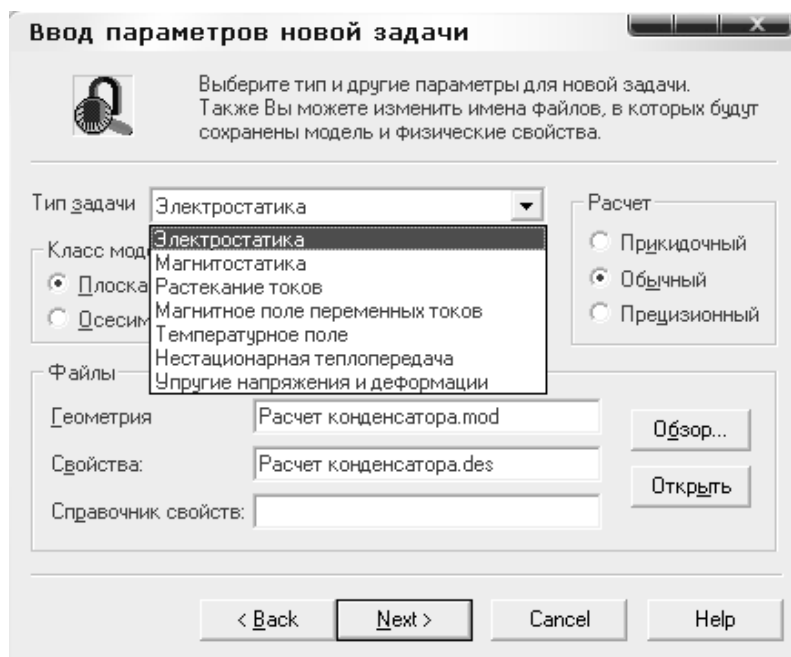


Рис. 4.4

Нажать кнопку «Далее». В следующем окне выбрать единицы длины «миллиметры», систему координат «декартовы координаты» (рис. 4.5).

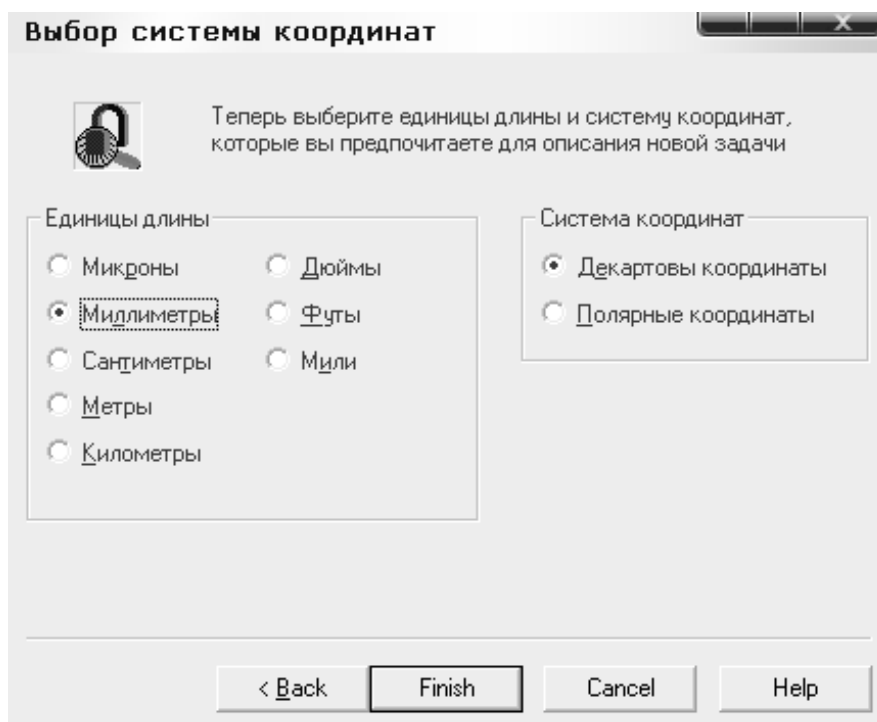


Рис. 4.5

Нажать кнопку «Готово». Интерфейс программы будет выглядеть следующим образом (рис. 4.6).

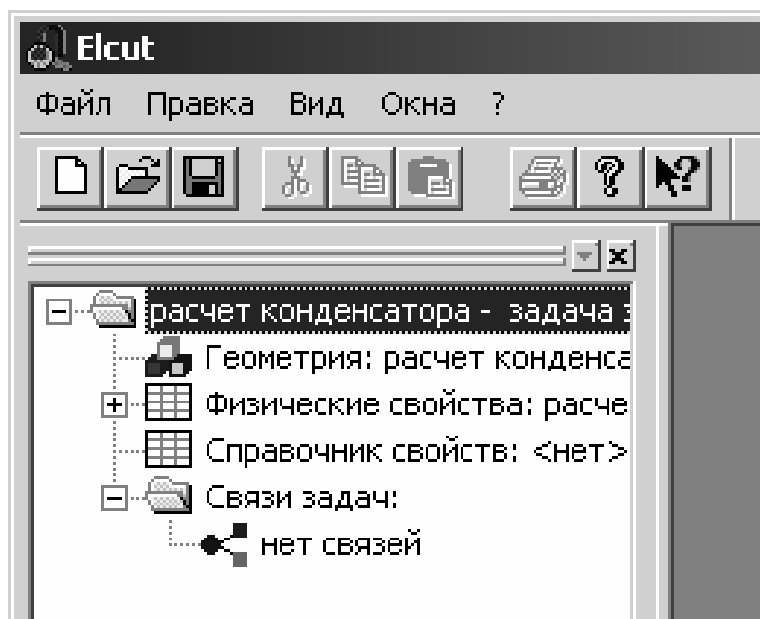


Рис. 4.6

Раскрыть при помощи левой кнопки мыши все пункты списка в левом окне (рис. 4.7).

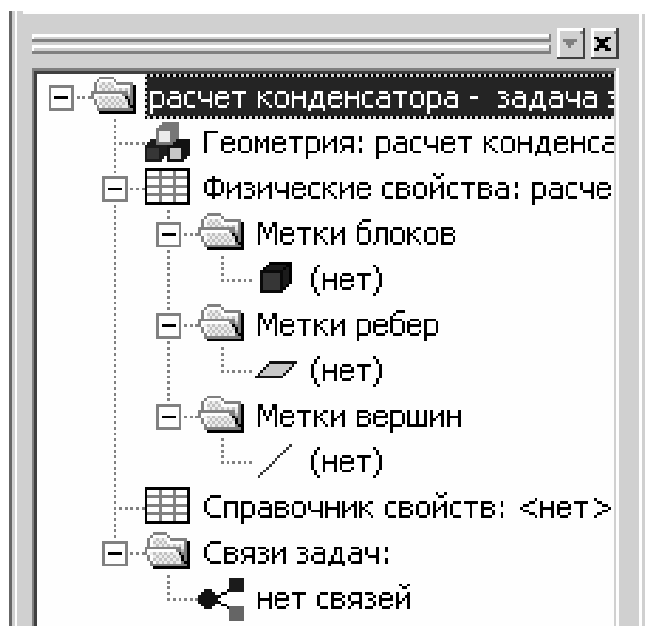


Рис. 4.7

Произвести двойной щелчок на пункте «Геометрия: расчет конденсатора.mod». При этом появится консоль с предложением (рис. 4.8).

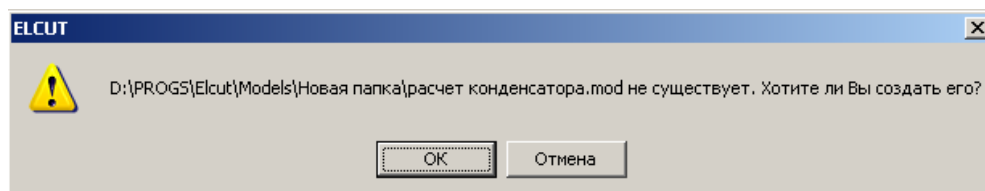


Рис. 4.8

Нажать на кнопку «ОК».

В правой части окна появится файл геометрии, который рекомендуется сохранить с расширением .mod в той же папке, где создана задача.

Приступить к рисованию плоской модели конденсатора. Для этого достаточно изобразить 2 обкладки без выводов. На панели модели нажать кнопку «Вставить вершины/ребра» (рис. 4.9).

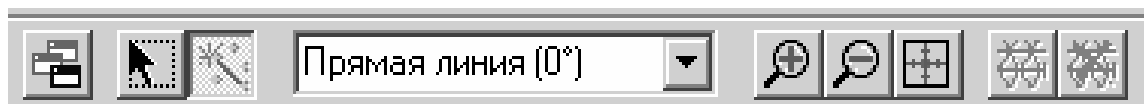


Рис. 4.9

Протягивая при помощи левой кнопки мыши линию, изобразить две обкладки конденсатора. Геометрические размеры легко определить, зная текущие координаты курсора, которые указываются в нижней части файла модели. Для изменения масштаба надо использовать кнопки «увеличить» или «уменьшить» на панели модели.

Внешней оболочкой или экраном необходимо охватить всю конструкцию устройства. Данное условие связано с методом расчета, который применяется в данной программе. Это – метод конечных элементов, который требует наличия области, в которой локализовано электрическое поле (рис. 4.10).

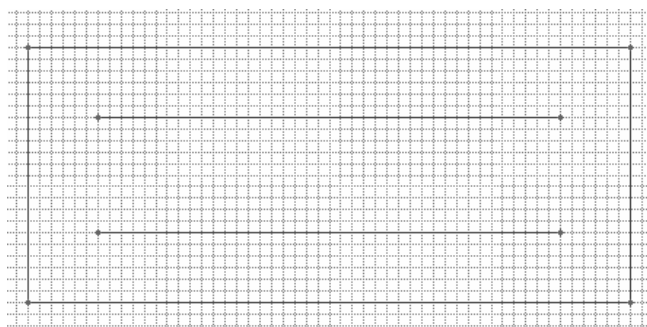


Рис. 4.10

После создания геометрии необходимо ввести свойства всех ребер, блоков и, если это необходимо, вершин.

Для создания метки блока необходимо нажать на панели модели кнопку «Выделение объектов». После этого сделать двойной щелчок левой кнопкой мыши внутри области расчета (рис. 4.11).

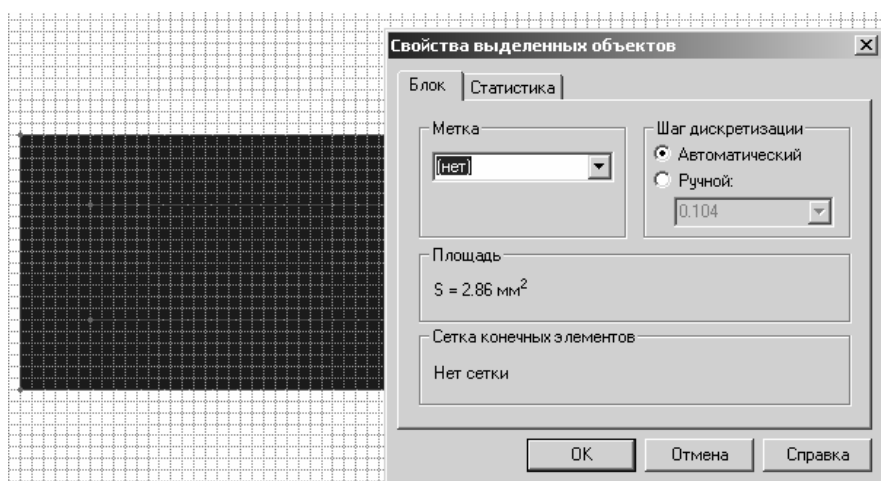


Рис. 4.11

В разделе «Метка» написать «воздух» (рис. 4.12).

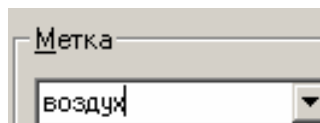


Рис. 4.12

При этом в правой части окна программы появится метка «воздух» в разделе «Метки блоков» (рис. 4.13).

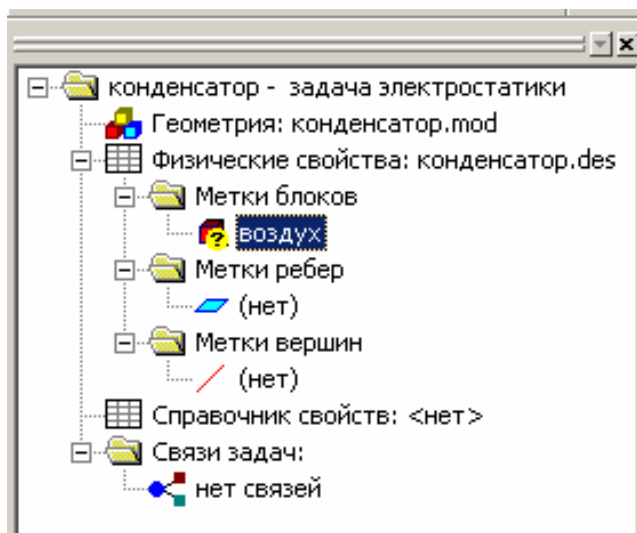


Рис. 4.13

Делаем двойной щелчок левой кнопки мыши по метке «воздух» в браузере и вводим параметр «относительная диэлектрическая проницаемость», равный 1. Диэлектрик изотропный, т.е. его свойства не зависят от координаты (рис. 4.14).

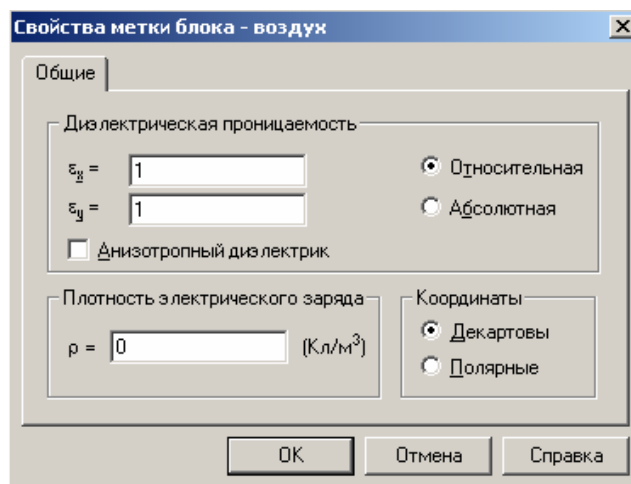


Рис. 4.14

Как видно, рассматриваемая геометрия системы состоит из 6 ребер. Для корректного расчета полей необходимо обозначить все блоки и ребра. Для связи меток ребер и блоков с файлом геометрии, на каждом элементе конденсатора произвести щелчок правой кнопкой мыши и выбрать пункт «свойства», либо двойной щелчок левой кнопкой мыши (рис. 4.15).

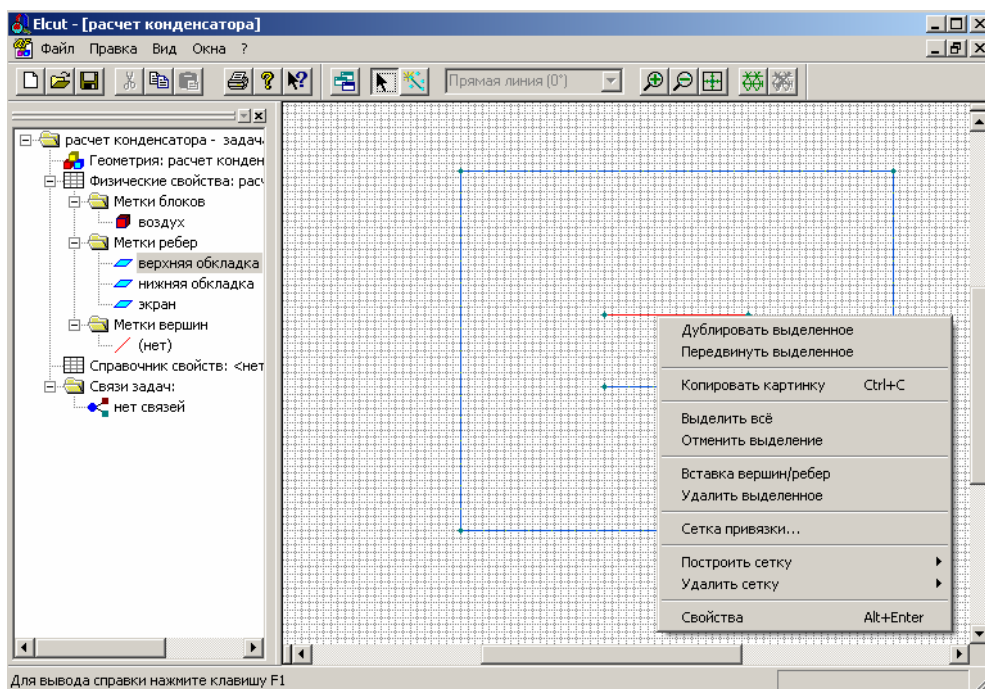


Рис. 4.15

В разделе «Метка» выставить необходимую метку блока, ребра или вершины. Выпадающее меню, необходимое для настройки свойств выделенных объектов выглядит следующим образом (рис. 4.16).

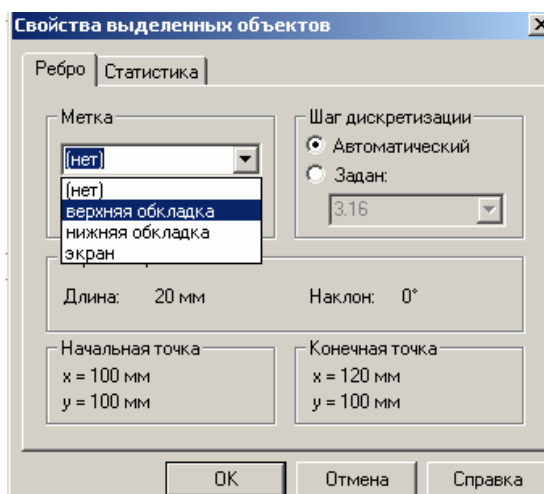


Рис. 4.16

Свойства остальных объектов настраиваются аналогично.

Для построения сетки в области расчета необходимо нажать на предпоследнюю кнопку панели инструментов (рис. 4.17).

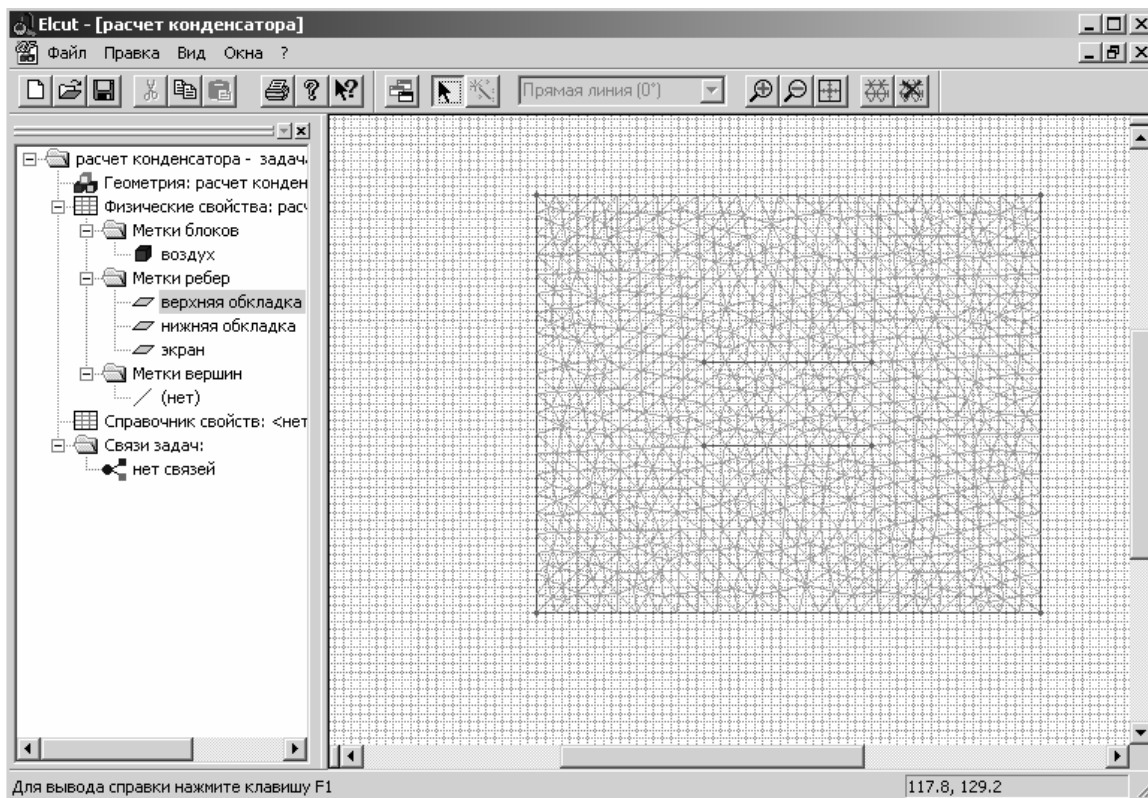


Рис. 4.17

Далее можно приступить к расчету, для этого в меню правка выбрать «Решить задачу» (рис. 4.18).

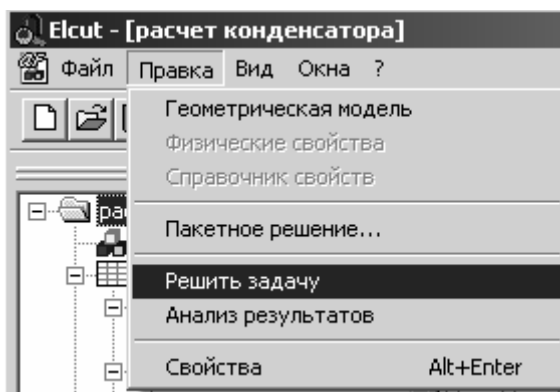


Рис. 4.18

Далее приведём результаты моделирования. Изолинии потенциала представлены на рис. 4.19.

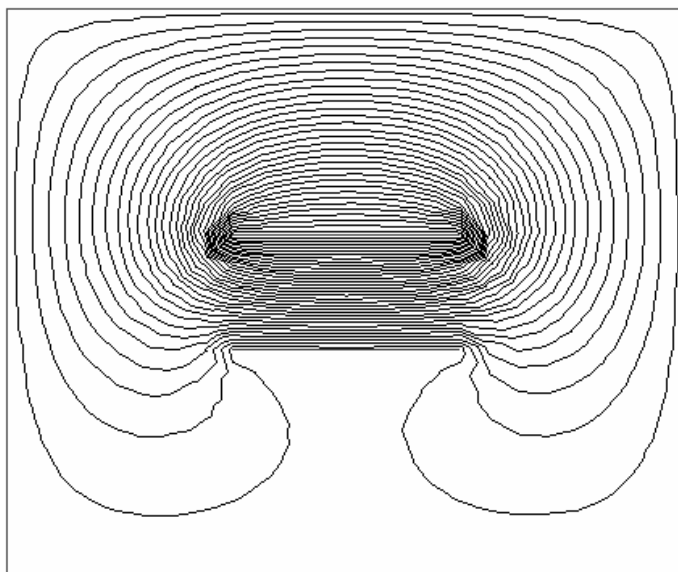


Рис. 4.19

Векторное поле напряженности электрического поля представлено на рис. 4.20.

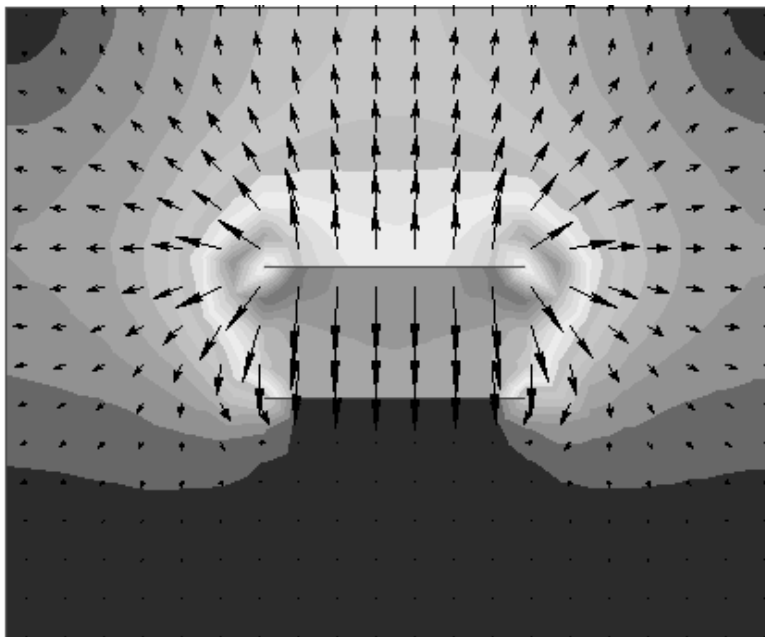


Рис. 4.20

Векторное поле электрического смещения представлено на рис. 4.21.

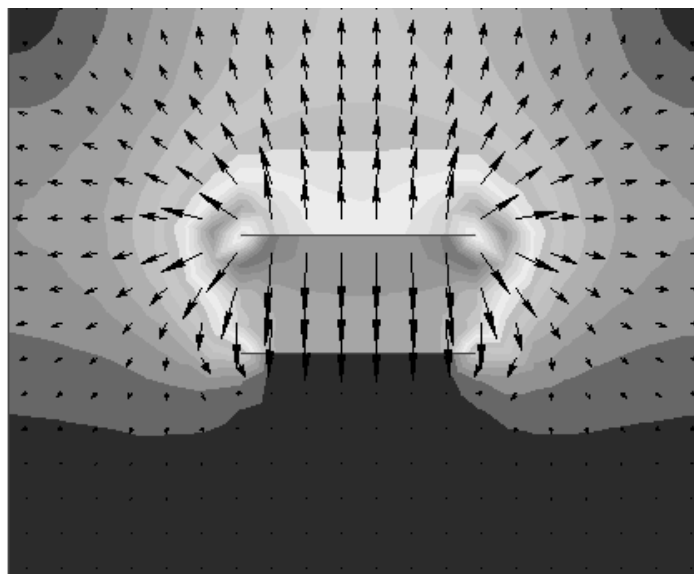


Рис. 4.21

Векторное поле плотности энергии представлено на рис. 4.22.

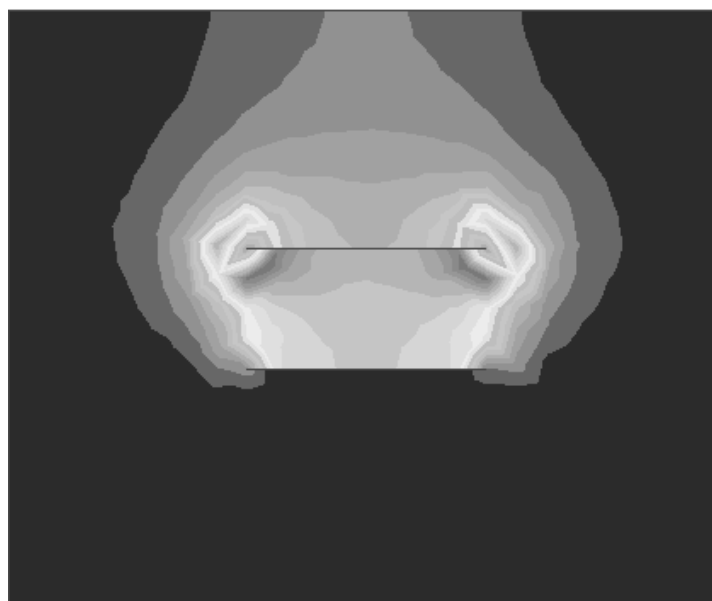


Рис. 4.22

Для построения картины полей необходимо произвести щелчок правой кнопкой мыши на полученном рисунке и выбрать необходимую физическую величину, распределение которой требуется получить (рис. 4.23).

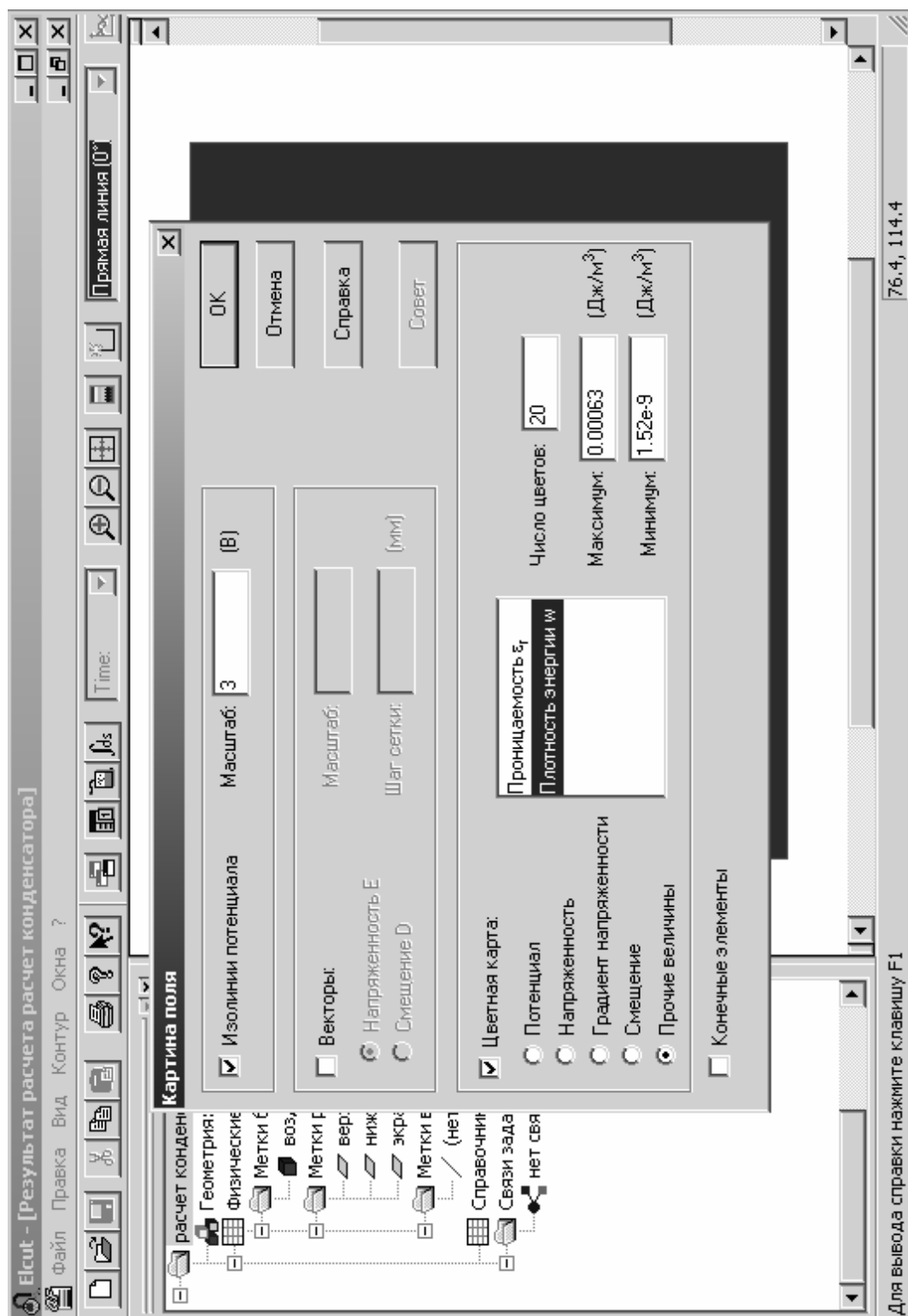


Рис. 4.23

Используя инструмент «локальные значения», можно получить информацию о значениях физических величин в любой точке (рис. 4.24).

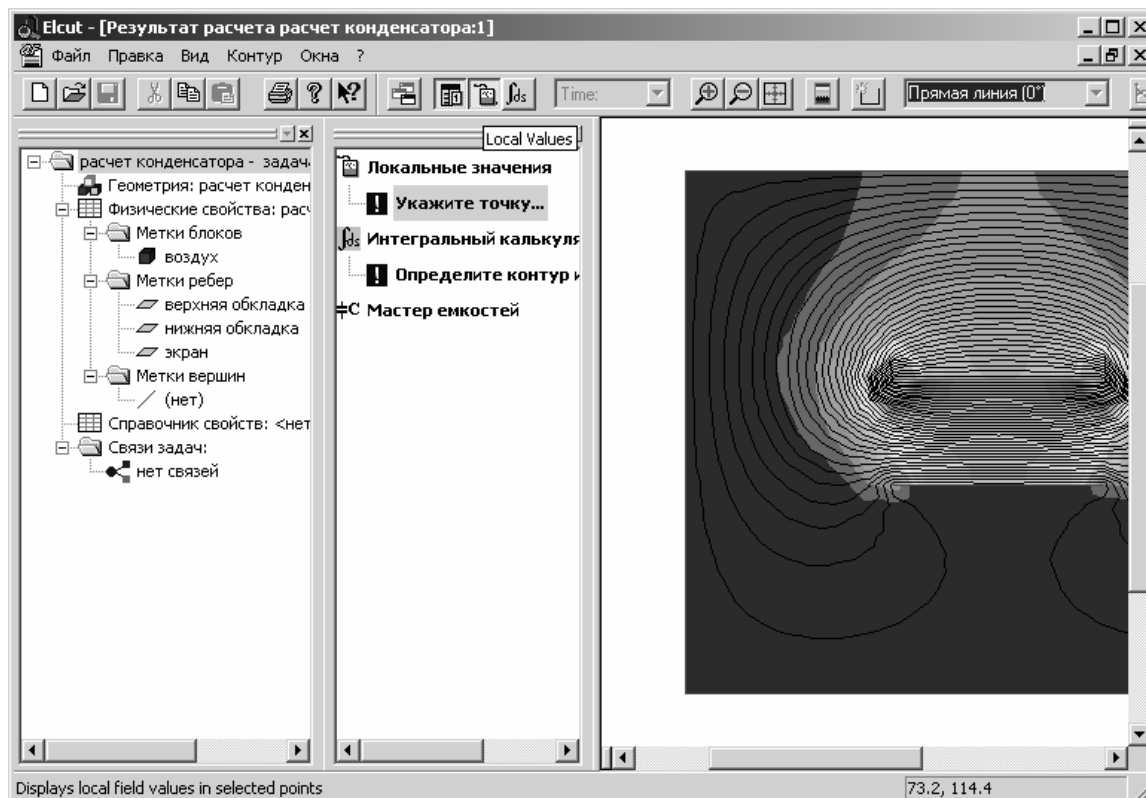


Рис. 4.24

При анализе результатов моделирования можно сравнить такие параметры электрического поля исследуемого электротехнического устройства как напряжённость, электрическое смещение, плотность энергии и другие (рис. 4.25).

На основании моделирования электрических полей можно делать выводы и рекомендации по конструктивной оптимизации электротехнических устройств.

Рекомендуем самостоятельно ознакомиться с расчётом двухмерных магнитных полей по методике, подобной рассмотренной выше.

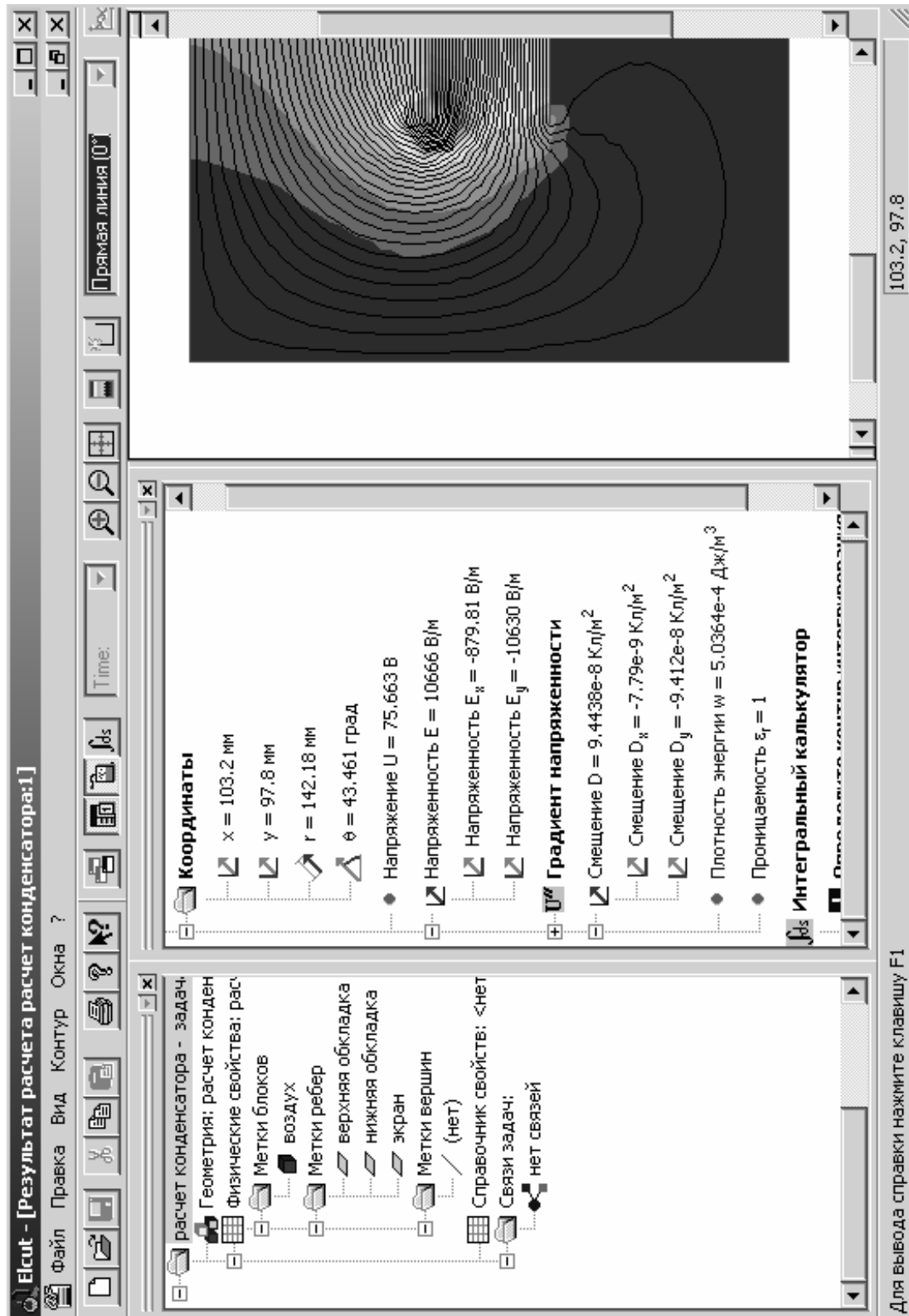


Рис. 4.25

ГЛАВА 2.
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА.
«РАСЧЕТ ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ПОЛЕЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИХ УСТРОЙСТВ ПРИ ПОМОЩИ ПРОГРАММЫ «ELCUT-4.2»»

Цель работы – получение знаний и практических навыков по использованию пакета ELCUT для выполнения расчётов электрических полей с применением метода конечных элементов.

Работа выполняется каждым студентом самостоятельно. Номер варианта определяется по последней цифре номера зачётной книжки студента.

В данной работе необходимо выполнить нижеследующие пункты заданий:

1. Построить геометрическую модель устройства в программе ELCUT.
2. Ввести физические свойства каждого элемента конструкции устройства.
3. Получить картины распределения полей и другие характеристики.

Конструкции электротехнических устройств, приведены в табл. 4.1.

Таблица 4.1

№ варианта	Конструкция устройства	Краткое описание
1		<p>Два несоосно расположенных проводящих цилиндра различного диаметра. Потенциал внутреннего цилиндра 100 В, внешнего – 0. Материал диэлектрика, заполняющего пространство между цилиндрами – полипропилен (относительная диэлектрическая проницаемость 2,2)</p>

Таблица 4.1. Продолжение

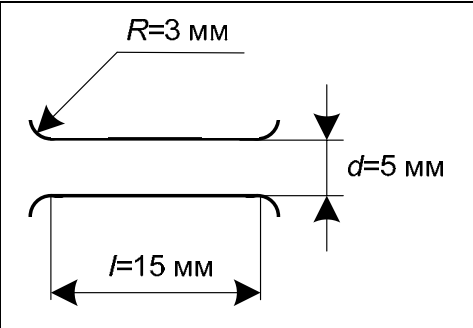
№ варианта	Конструкция устройства	Краткое описание
2		<p>Два проводящих цилиндра различного диаметра. Потенциал левого цилиндра 100 В, правого – -100 В. Материал диэлектрика – воздух (относительная диэлектрическая проницаемость 1)</p>
3		<p>Конденсатор с параллельными обкладками. Поле внутри такого конденсатора однородно благодаря обкладкам специальной формы (скругления у краев). На верхнюю обкладку подан потенциал 100 В, на нижнюю – -100 В.</p>
4		<p>Два соосно расположенных проводника, один из которых имеет прямоугольное сечение (внутренний). Он находится под потенциалом 200 В. Второй проводник используется в качестве экрана. Материал диэлектрика, заполняющего пространство между проводниками – фторопласт-4 (ПТФЭ), относительная диэлектрическая проницаемость 2,1</p>

Таблица 4.1. Продолжение

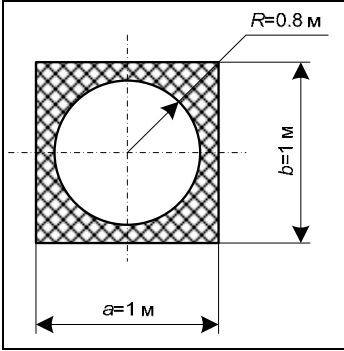
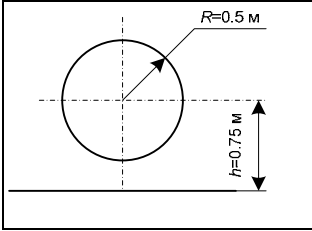
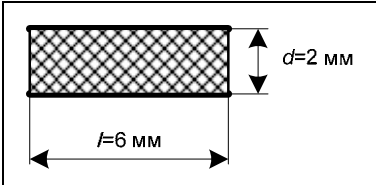
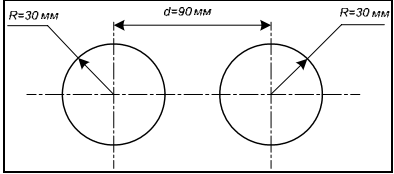
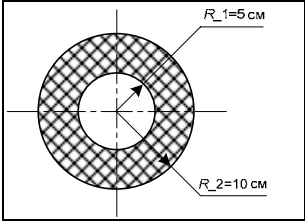
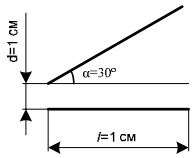
5		<p>Цилиндрический проводник (потенциал 100 В) покрыт изоляцией из полиэтилентерефталата (ПЭТФ) (относительная диэлектрическая проницаемость 3,1) и экранирован металлической оплеткой (квадратное сечение).</p>
6		<p>Система – цилиндрический проводник – плоская обкладка в воздушной среде. Проводник имеет потенциал 100 В, обкладка – 0.</p>
7		<p>Классический плоский конденсатор с материалом на основе титаната бария в качестве диэлектрика (относительная диэлектрическая проницаемость 600). Потенциал верхней обкладки 100 В, нижней – -100 В.</p>
8		<p>Два цилиндрических проводника, находящихся под потенциалами 100В (левый) и -100 В (правый) в воздушной среде.</p>
9		<p>Два соосно расположенных проводящих цилиндра различного диаметра. Потенциал внутреннего цилиндра 100 В, внешнего – 0. Материал диэлектрика, заполняющего пространство между цилиндрами – стекловолокно (относительная диэлектрическая проницаемость 10)</p>

Таблица 4.1. Продолжение

10		<p>Конденсатор, обкладки которого не параллельны. В качестве диэлектрика используется поликарбонат (относительная диэлектрическая проницаемость 2,6). $\alpha=30^\circ$</p>
----	---	--

Содержание отчёта

1. Цель работы.
2. Конструктивный эскиз исследуемого устройства.
3. Описание методики построения полевой модели исследуемого устройства в свободной и лаконичной форме.
4. Картины напряжённости, плотности энергии и электрического смещения и другие картины поля (по указанию преподавателя).
5. Характеристики поля в трёх различных точках (по указанию преподавателя).
6. Выводы.

Библиографический список

1. Турчак Л. И. Основы численных методов: Учеб. пособие.— М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1987,—320 с.
2. Инженерные расчеты на ЭВМ: Справочное пособие/Под ред. В. А. Троицкого. —Л.: Машиностроение. Ленингр. отд-ние, 1979. —288 с, ил.
3. Н. Н. Калиткин. Численные методы. — М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1978,—512 с.
4. Р. С. Гутер, Б. В. Овчинский. Элементы численного анализа и математической обработки результатов опыта: Учеб. пособие.— М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1970,—432 с.
5. Мудров А. Е. Численные методы для ПЭВМ на языках Бейсик, Фортран и Паскаль. – Томск: МП «Раско», 1991. – 272 с.: ил.
6. Кравцов А.В., Мойзес О.Е., Кузьменко Е.А., Баженов Д.А., Коваль П.И. Информатика и вычислительная математика. Учебное пособие для студентов химических специальностей технических вузов. - Томск: Изд-во ТПУ, 2003 - 245 с.
7. Ракитин В.И., Первушин В.Е. Практическое руководство по методам вычислений с приложением программ для персональных компьютеров: Учеб. пособие. -М.: Высш. шк., 1998. - 383 с: ил.
8. Мальцева О. П., Кояин Н. В, Удут Л. С. Численные методы в электротехнике: Компьютерный лабораторный практикум. - Томск: Изд-во ТПУ, 2003. – 100 с.
9. Плис А.И., Сливина Н.А. Mathcad. Математический практикум для инженеров и экономистов: Учеб. пособие. - 2-е изд., перераб. и доп. -М.: Финансы и статистика, 2003. -656 с: ил.
10. Ивановский Р.И. Компьютерные технологии в науке и образовании. Практика применения систем MathCAD Pro: Учеб. пособие / Р.И. Ивановский. — М.: Высш. шк.,2003. — 431 с: ил.
11. Дьяконов В.П., Абраменкова И.В. MathCAD в математике, физике и в Internet.- М.: Нолидж, 1998.-382 с.
12. Петрович В.П. Физические основы электроники: учебное пособие. – Томск: Изд. ТПУ, 2000. – 150 с.
13. Панфилов Д. И., Чепурин И. Н., Миронов В. Н., Обухов С. Г., Шитов В. А., Иванов В. С. Электротехника и электроника в экспериментах и упражнениях: Практикум на Electronics Workbench: В 2 т. / Под общей ред. Д. И. Панфилова – Т. 2: Электроника. – М.: Додэка, 2000. – 288 с.

14. Пантелеев А. В., Якимова А. С., Босов А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения в примерах и задачах: Учеб. пособие. – М.: Высш. шк., 2001. – 376 с.: ил.
15. Поршнев С. В., Бленкова И. В. Численные методы на базе MathCAD. – СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 464 с.: ил.
16. Бессонов Л. А. Теоретические основы электротехники. Электромагнитное поле: Учебник. – 9-е изд., перераб. и доп. – М.: Гардарики, 2001. – 317 с.: ил.

**Александр Савельевич Глазырин
Данил Юрьевич Ляпунов
Игорь Владимирович Слащёв
Сергей Викторович Ляпушкин**

**МЕТОДЫ И СРЕДСТВА АВТОМАТИЗАЦИИ
ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ**

Учебное пособие. Часть 1

Под общей редакцией
кандидата технических наук А. С. Глазырина

Научный редактор
кандидат технических наук Ю. Н. Дементьев

Редактор Р.Д. Игнатова

Подписано к печати

Формат 60x84/16. Бумага офсетная.

Печать RISO. Усл. печ. л. . Уч.-изд. л. .

Тираж 250 экз. Заказ . Цена свободная.

Издательство ТПУ. 634050, Томск, пр. Ленина, 30.